

НЕЛИНЕЙНЫЕ ИНТЕГРАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ ВОЛЬТЕРРА С ПАРАМЕТРОМ В КОМПЛЕКСНОЙ ОБЛАСТИ

А.Б. Байзаков

Национальная Академия наук Кыргызской Республики, Институт математики
пр. Чуй 265, 720071 Бишкек, Кыргызстан
asan_baizakov@mail.ru

Рассмотрим систему интегральных уравнений Вольтерра

$$\epsilon^h u(t) = \int_0^t f(t, s, \epsilon, u(s)) ds \quad (1)$$

где $\epsilon > 0$ — малый параметр, h — целое положительное число, $f(t, s, \epsilon, u)$ и u — n -мерный вектор функций, причем $f(t, s, \epsilon, 0) \equiv 0$.

Отметим, что интегральные уравнения Вольтерра (1) изучались в [1] при $h = 1$, где была построена структура ее решений, считая известным решение вырожденного уравнения, т.е. при $\epsilon = 0$.

Интегральное уравнение (1) можно записать в виде

$$\epsilon^h u(t) = \int_0^t K(t, s, \epsilon) u(s) ds + \int_0^t H(t, s, \epsilon, u(s)) ds + \epsilon f(t, \epsilon) \quad (2)$$

Найдены достаточные условия, при котором интегральное уравнение (2) имеет решение вида

$$u = P(t, z, \epsilon) = z + \sum_{|p| \geq 2} P_p(t, \epsilon)z^p, \quad (3)$$

где $z(t)$ — решение укороченного уравнения

$$\epsilon^h u(t) = \int_0^t K(t, s, \epsilon)u(s)ds \quad (4)$$

с диагональной матрицей $K(t, s, \epsilon)$.

Здесь использовалась методика, предложенная в [2–4].

Литература

1. Иманалиев М.И. Асимптотические методы в теории сингулярно-возмущенных нелинейных интегральных уравнений типа Вольтерра //Mathematica Balkanica 3 (1973), с.145–149.
2. Вазов В. Асимптотические разложения решений обыкновенных дифференциальных уравнений. М. Мир, 1968. 464 с.
3. Байзаков А.Б. Особые точки интегральных и интегро-дифференциальных уравнений Вольтерра. Бишкек, Илим, 2007. 134 с.
4. Грудо Э.Н. Об одном случае интегрального уравнения Вольтерра // Дифференц. уравнения, 1965, т.1., №2, с.214–218.