

## Литература

1. *Suprunenko I.D.* The minimal polynomials of unipotent elements in irreducible representations of the classical groups in odd characteristic // To appear in Memoirs Amer. Math. Soc.

## СЛАБО $s$ -ПЕРЕСТАНОВОЧНЫЕ ПОДГРУППЫ КОНЕЧНЫХ ГРУПП

Е.А. Таргонский<sup>1</sup>, В.О. Лукьяненко<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Витебский госуниверситет имени П.М. Машерова, Московский пр. 33, 210038 Витебск, Беларусь

<sup>2</sup> Гомельский госуниверситет имени Ф. Скорины, Советская 104, 246019 Гомель, Беларусь  
lucas84@server.by

Все рассматриваемые нами группы конечны. Напомним, что подгруппа  $H$  группы  $G$  называется:

(а)  $s$ -перестановочной в  $G$  [1], если  $HP = PH$  для всех силовских подгрупп  $P$  группы  $G$ ;

(б) слабо  $s$ -перестановочной в  $G$  [2], если для некоторой субнормальной в  $G$  подгруппы  $T$  имеет место  $G = HT$  и  $T \cap H \leq H_{sG}$ , где  $H_{sG}$  —  $s$ -ядро подгруппы  $H$  [2], т.е.  $H_{sG}$  — подгруппа, порожденная всеми теми  $s$ -перестановочными в  $G$  подгруппами, которые содержатся в  $H$ .

На основе понятия слабой  $s$ -перестановочности получены описания разрешимых, дисперсивных по Оре и сверхразрешимых групп. Кроме того, относительно класса сверхразрешимых групп получено следующее уточнение соответствующих результатов работ [2] и [3].

**Теорема 1.** *Группа  $G$  является сверхразрешимой, если в каждой ее нециклической силовой подгруппе  $P$  имеется такая подгруппа  $D$ , что  $1 < |D| < |P|$  и всякая подгруппа  $H$  из  $P$  с условием  $|H| = |D|$ , не имеющая сверхразрешимого добавления в  $G$ , является слабо  $s$ -перестановочной в  $G$ .*

## Литература

1. *Kegel O.* Sylow Gruppen und Subnormalteiler endlicher Gruppen // Math. Z. 1962. V. 78. P. 205–221.
2. *Skiba A.N.* On weakly  $s$ -permutable subgroup of finite groups // J. Algebra. 2007. V. 315. P. 192–209.
3. *Guo W., Shum K.P., Skiba A.N.*  $G$ -covering subgroup systems for the classes of supersoluble and nilpotent groups // Israel J. Math. 2003. V. 138. P. 125–138.

## ОБ ОДНОМ КРИТЕРИИ ГРУПП С ЗАДААННЫМИ СИСТЕМАМИ СЛАБО НОРМАЛЬНЫХ ПОДГРУПП

О.В. Титов

Гомельский инженерный институт МЧС РБ, Речицкое шоссе 35а, 246023 Гомель, Беларусь  
O.Titov@tut.by

Все рассматриваемые группы конечны. В работе [1] Оре рассмотрел два обобщения нормальности, оба из которых вызывают неослабевающий интерес у исследователей и в наши дни. Во-первых, в работе [1] были впервые введены в математическую практику квазинормальные подгруппы: следуя [1], мы говорим, что подгруппа  $H$  группы  $G$  квазинормальна в  $G$ , если  $H$  перестановочна с любой подгруппой из  $G$  (т.е.  $HT = TH$  для всех подгрупп

$T$  из  $G_0$ . Оказалось, что квазинормальные подгруппы обладают рядом интересных свойств [1, 2, 3] и что фактически они мало отличаются от нормальных подгрупп.

Подгруппа  $H$  группы  $G$  называется  $c$ -нормальной, если  $G$  имеет такую нормальную подгруппу  $T$ , что  $G = HT$  и  $H \cap T \subseteq H_G$ . Легко видеть, что подгруппа  $H$   $c$ -нормальна в  $G$  тогда и только тогда, когда  $H/H_G$  обладает нормальным дополнением в  $G/H_G$ . Таким образом, понятие  $c$ -нормальности является естественным обобщением понятия нормальной подгруппы и впервые такая идея была рассмотрена в работе [1], где в частности, было доказано, что: *Конечная группа  $G$  разрешима тогда и только тогда, когда все ее максимальные подгруппы  $c$ -нормальны.* Однако в явном виде определение  $c$ -нормальности можно встретить лишь в работе [4], где была построена красивая теория  $c$ -нормальных подгрупп и даны некоторые ее приложения в вопросах классификации групп с заданными системами подгрупп.

Мы анализируем следующее понятие, которое одновременно обобщает как условие квазинормальности, так и условие  $c$ -нормальности для подгрупп.

**Определение.** Подгруппа  $H$  группы  $G$  называется слабо нормальной в  $G$  подгруппой, если существует такая квазинормальная подгруппа  $T$  группы  $G$ , что  $HT = G$  и  $T \cap H \leq H_G$ .

Используя понятие слабо нормальной подгруппы, получен следующий критерий дисперсивности по Оре для конечных групп.

**Теорема.** *Группа  $G$  дисперсивна по Оре тогда и только тогда, когда  $G = AB$ , где подгруппа  $A$  квазинормальна в  $G$ ,  $B$  дисперсивна по Оре и каждая максимальная подгруппа любой нециклической силовой подгруппы группы  $A$  слабо нормальна в  $G$ .*

#### Литература

1. Ore O. Contributions in the theory of groups of finite order // Duke Math. J. 1939. Vol. 5. P. 431–460.
2. Ito N., Szepe J. Uber die Quasinormalteiler von endlichen Gruppen // Act. Sci. Math. 1962. Vol. 23. P. 168–170.
3. Deskins W.E. On quasinormal subgroups of finite groups // Math. Z. 1963. Vol. 82. P. 125–132.
4. Wang Y.  $c$ -normality of groups and its properties // J Algebra. 1995. Vol. 180. P. 954–965.

## СВОЙСТВА ЦЕНТРАЛЬНЫХ ПРОСТЫХ АЛГЕБР НАД РАСШИРЕНИЯМИ СКАЛЯРОВ

С.В. Тихонов

Институт математики НАН Беларуси, Сурганова 11, 220072 Минск, Беларусь  
tsv@im.bas-net.by

Пусть  $A$  — центральная простая алгебра над полем  $K$ . Целью доклада является представление результатов о существовании регулярных расширений поля  $K$ , при расширении скаляров до которых алгебра  $A$  имеет заданные свойства. Например, имеет предписанные значения экспоненты и индекса или является скрещенным произведением с заданной абелевой группой.

#### Литература

1. Тихонов С.В., Янчевский В.И. Абелевы скрещенные произведения и расширения скаляров центральных простых алгебр // Зап. научн. семин. ПОМИ (принята к печати).
2. Rehmann U, Tikhonov S. V., Yanchevskii V. I. Cyclicity of algebras after a scalar extension. (Готовится к печати).