

# О ПРЕДСТАВЛЕНИИ РЕШЕНИЯ ОДНОГО КЛАССА ЛИНЕЙНЫХ РАЗНОСТНЫХ УРАВНЕНИЙ ТИПА ВОЛЬТЕРРА

К.Б. Мансимов<sup>1</sup>, Р.Р. Амирова<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Институт кибернетики НАН Азербайджана, Баку, Азербайджан  
*mansimov@front.ru, mansimovkamil@mail.ru*

<sup>2</sup> Бакинский Государственный Университет, Баку, Азербайджан

В докладе рассматривается следующее линейное разностное уравнение Вольтерра:

$$z(t, x) = \sum_{\tau=t_0}^t \sum_{s=x_0}^x K(t, x, \tau, s) z(\tau, s) + f(t, x), \quad (1)$$

$$(t, x) \in D = \{(t, x) : t = t_0, t_0 + 1, \dots, t_1; x = x_0, x_0 + 1, \dots, x_1\}.$$

Здесь  $K(t, x, \tau, s)$  заданная дискретная ( $n \times n$ ) матричная функция,  $f(t, x)$  - заданная дискретная  $n$ -мерная вектор-функция.

Пусть  $R(m, \ell; t, x)$  ( $n \times n$ ) матричная функция являющаяся решением уравнения

$$R(m, \ell; t, x) = \sum_{\tau=t}^m \sum_{s=x}^{\ell} R(m, \ell; \tau, s) K(\tau, s; t, x) - K(m, \ell; t, x). \quad (2)$$

Можно показать, что  $R(m, \ell; t, x)$  является также решением уравнения

$$R(m, \ell; t, x) = \sum_{\tau=t}^m \sum_{s=x}^{\ell} K(m, \ell; \tau, s) R(\tau, s; t, x) - K(m, \ell; t, x).$$

**Теорема 1.** Решение уравнения (1) может быть представлена в виде

$$z(t, x) = f(t, x) - \sum_{\tau=t_0}^t \sum_{s=x_0}^x R(t, x; \tau, s) f(\tau, s).$$

## Список литературы

1. Колмановский В.Б. Об асимптотических свойствах решений некоторых нелинейных систем Вольтерра // Автоматика и телемеханика, № 4, 2000.
2. Мансимов К.Б. Дискретные системы. Баку, изд.-во БГУ, 2002.

# ПРЕДСТАВЛЕНИЕ РЕШЕНИЯ ДИСКРЕТНОГО АНАЛОГА ИНТЕГРО-ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОГО УРАВНЕНИЯ ТИПА БАРБАШИНА

К.Б. Мансимов, Ж.Б. Ахмедова

Институт Кибернетики НАН Азербайджана, Баку, Азербайджан  
*mansimovkamil@mail.ru*

Рассмотрим уравнение

$$y(t+1, x) = A(t, x) y(t, x) + \sum_{s=x_0}^{x_1-1} K(t, x, s) y(t, s) + f(t, x), \quad (1)$$

$$(t, x) \in T \times X = \{(t, x) : t = t_0, \dots, t_1 - 1, x = x_0, \dots, x_1 - 1\}$$

с начальным условием

$$y(t_0, x) = \varphi(x), \quad x = x_0, x_0 + 1, \dots, x_1. \quad (2)$$

Здесь  $A(t, x)$ ,  $K(t, x, s)$  - заданные  $(n \times n)$  дискретные матричные функции,  $f(t, x)$  заданная  $n$ -мерная дискретная вектор-функция,  $\varphi(x)$  заданная  $n$ -мерная дискретная вектор-функция.

Заметим, что уравнение (1) представляет собой дискретный аналог интегро-дифференциального уравнения типа Барбашина (см. напр. [1-4]).

В работе найдено “интегральное” представление решения задачи (1)-(2).

Допустим, что  $F(t, \tau, x)$  и  $R(t, x; \tau, s)$   $(n \times n)$  матричные функции являющиеся решениями задач

$$\begin{aligned} F(t, \tau - 1, x) &= F(t, \tau, x) A(\tau, x), \quad F(t, t - 1, x) = E, \\ R(t + 1, x, \tau, s) &= A(t, x) R(t, x; \tau, s) + \sum_{\beta=x_0}^{x_1-1} K(t, x, \beta) R(t, \beta; \tau, s), \end{aligned}$$

$$R(t + 1, x; t, s) = -K(t, x, s) . (E - (n \times n) \text{ единичная матрица}),$$

**Теорема.** Решение задачи (1)-(2) допускает представление

$$\begin{aligned} y(t, x) &= F(t, t_0 - 1, x) \varphi(x) + \sum_{\tau=t_0}^{t-1} F(t, \tau, x) f(\tau, x) - \\ &- \sum_{\tau=t_0}^{t-1} \sum_{s=x_0}^{x_1-1} R(t, x; \tau, s) F(\tau, t_0 - 1, s) \varphi(s) - \sum_{\tau=t_0}^{t-1} \sum_{s=x_0}^{x_1-1} \left[ \sum_{\alpha=\tau+1}^{t-1} R(t, x; \alpha, s) F(\alpha, \tau, s) f(\tau, s) \right]. \end{aligned}$$

## Список литературы

1. Барбашин Е.А. Об условиях сохранения свойства устойчивости решений интегро-дифференциальных уравнений // Изв. Вузов. матем. 1957. № 2. С. 25-34
2. Хомев Л.А. Задача оптимального управления для интегро-дифференциальных типа Барбашина // В. сб.: Проблемы управления и оптимизации. Мин. 1976. С. 74-88.
3. Барбашин Е.А., Бисярина Л.П. Об устойчивости решений интегро-дифференциальных уравнений // Изв. Вузов. Математика. 1963. № 3. С. 3-14.
4. Васильева А.Б., Тихонов А.Н. Интегральные уравнения. Изд.-во МГУ, 1989.

## ИССЛЕДОВАНИЕ ОСОБЫХ УПРАВЛЕНИЙ В ОДНОЙ МИНИМАКСНОЙ ЗАДАЧЕ УПРАВЛЕНИЯ С ПЕРЕМЕННОЙ СТРУКТУРОЙ

К.Б. Мансимов<sup>1</sup>, А.Г. Язданхаг<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Институт кибернетики НАН Азербайджана, Баку, Азербайджан  
`mansimov@front.ru`, `mansimovkamil@mail.ru`

<sup>2</sup> Тегеран, Иран

В докладе рассматривается задача о минимуме терминального функционала

$$S(u, v) = \max_{a \in A} \varphi(y(t_2), a) \quad (1)$$

при ограничениях

$$\begin{aligned} u(t) &\in U \subset R^r, \quad t \in [t_0, t_1] = T_1, \\ v(t) &\in V \subset R^q, \quad t \in [t_1, t_2] = T_2 \end{aligned} \quad (2)$$