#### Белорусский государственный университет

#### **УТВЕРЖДАЮ**

Декан физического факультета

\_\_\_\_\_ В.М. Анищик

(подпись)

11.06.2012

(дата утверждения)

Регистрационный № 353/р

### ИНТЕГРИРОВАННЫЙ КУРС МОДЕЛИРОВАНИЯ

Учебная программа для специальности 1-31 04 01 Физика (по направлениям) (1-31 04 01-01 научно-исследовательская деятельность)

Факультет физический

Кафедра компьютерного моделирования

Курс (курсы) четвертый

Семестр (семестры) 8-й

Лекшии 34 часов

Лабораторные

занятия 30 часов Экзамен 8-й семестр

Контролируемая самостоятельная

работа - 12 часов Курсовой проект (работа) нет

Всего аудиторных

часов по дисциплине 64

Всего часов Форма получения

по дисциплине 118 высшего образования дневная

Составил А.И. Слободянюк

Рабочий вариант учебной программы составлен на основе учебной программы, утвержденной 11.06.2012 регистрационный номер №УД- 8654/

Рассмотрена и рекомендована к утверждению в качестве рабочего варианта на заседании кафедры компьютерного моделирования

4 июня 2012 г., протокол № 9

	Заведующи	й А.И.Слободянюк	
Одобрена и рекомендована к утвера факультета	ждению Уч	еным Сове	гом физического
	11 июня	2012 г., пр	оотокол № 11
	Председате	ель	
	профессор		ВМ Анишик

#### ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Программа курса «Интегрированный курс моделирования» разработана для специальности 1-31 04 01 Физика (по направлениям).

Материал курса основан на базовых знаниях и представлениях, заложенных в курсах общей и теоретической физики, теории дифференциальных уравнений, уравнений математической физики. Основное содержание курса составляет изучение методов построения и анализа моделей на основе дифференциальных уравнений в частных производных. В него включены вопросы изучения электромагнитных полей, процессов теплопередачи, гидродинамики, волновых процессов, некоторых задач квантовой механики методами математического и компьютерного моделирования. В программе предусмотрено выполнение лабораторных работ по индивидуальным заданиям.

Особенностями данного специального курса являются:

- данный курс является центральным курсом специализации «Компьютерное моделирование физических процессов», поэтому он тесно связан с предшествующими специальными курсами;
- тесная связь с большинством разделов курсов общей и теоретической физики, которые служат источниками примеров построения моделей и обобщения математического аппарата в применении к принципиально различным физическим явлениям:.

Основные задачи курса:

- формирование целостного представления об общих принципах математического моделирования;
  - усвоение методов качественного анализа, математических моделей;
- формирования навыков проведения компьютерного эксперимента в рамках моделей различного типа.

Данный спецкурс является логическим продолжением курсов «Компьютерное моделирование физических процессов» и «Методы Монте-Карло».

Общее количество часов — 118; аудиторное количество часов — 64, из них: лекции —34, лабораторный практикум — 30, контролируемая самостоятельная работа — 12. Форма отчётности — экзамен.

#### СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО МАТЕРИАЛА

## 1. Введение. Стационарные и векторные поля и их математическое описание.

- 1.1 Примеры стационарных полей: поле температур, поле скоростей потока жидкости, электростатическое и магнитостатические поля. Потенииальные и соленоидальные поля.
- 1.2 Описание с помощью уравнений эллиптического типа. Постановка задачи. Типы граничных условий и их физический смысл. Фундаментальные решения уравнения Лапласа в декартовой, цилиндрической и сферической системе координат.

#### 2. Стационарное поле температур.

Уравнение и граничные условия. Зависимость распределения температур от граничных условий. Температурные поля в неоднородных средах. Графическое представление температурных полей (градиентное и семейство изолиний).

#### 3. Электростатические поля и их расчет.

- 3.1 Уравнения Лапласа и Пуассона для электростатического поля. Алгоритмы построения силовых линий. Граничные условия и их физический смысл.
- 3.2 . Примеры построения функций Грина для электростатических полей. Метод изображений в электростатике.

#### 4. Магнитостатические поля и их расчет.

- 4.1 Уравнения Максвелла, формула Био-Саварра, Граничные условия. Примеры расчета магнитостатических полей.
- 4.2 Явление гистерезиса в ферромагнетиках и его описание. Модель Изинга.

#### 5. Поле скоростей жидкости и его описание.

Поле скоростей жидкости. Потенциальное течение, потенциал скоростей и его использование для расчета течения жидкости. Общие уравнения гидродинамики (уравнения Навье-Стокса) и методы их решения.

# 6. Процессы перехода к стационарному состоянию (процессы релаксации).

6.1 Примеры задач, приводящих к уравнениям параболического типа типа: уравнения теплопроводности, диффузии. Постановка задачи, граничные и начальные условия.

Фундаментальные решения уравнения Гельмгольца в декартовой, цилиндрической и сферической системе координат.

**6.2** Процессы теплопередачи. Примеры решения линейных задач. Тепловые волны. Теплопередача в неоднородных средах и при наличии источников. Теплопередача в средах с теплопроводностью, зависящей от температуры: явление локализации теплоты, режимы с обострениями.

#### 7. Диффузионные процессы, описание и моделирование.

Диффузия и ее описание. Моделирование броуновского движения. Уравнение Фоккера-Планка. Примеры задач, приводящих к уравнению Фоккера-Планка.

#### 8. Волновые процессы и волновое уравнение.

- 8.1 Волновое уравнение. Постановка задачи, граничные и начальные условия. Фундаментальные решения линейного волнового уравнения Гельмгольца в декартовой, цилиндрической и сферической системе координат.
- 8.2 . Волны в ограниченных областях (волноводы и резонаторы). Моды открытого резонатора лазеров.

#### 9. Нелинейные волны.

- 9.1 Ударная волна. Моделирование поверхностных волн.
- 9.2 Уединенные волны. Солитонные решения. Уравнение Кордевега.

#### 10. Простейшие задачи квантовой механики.

Уравнение Шредингера. Собственные функции и собственные значения для одномерных стационарных задач.

## УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКАЯ КАРТА ДИСЦИПЛИНЫ

		К	оличество	аудиторных	х часов	ие		
Номер раздела, темы, занятия	Название раздела, темы, занятия; перечень изучаемых вопросов	лекции	практические (семинарские) занятия	лабораторные занятия	управляемая самостоятельная работа студента	Материальное обеспечение занятия (наглядные, методические пособия и др.)	Литература	Формы контроля знаний
1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	Введение. Стационарные и векторные поля и их математическое описание.							
1.1	Примеры стационарных полей: поле температур, поле скоростей потока жидкости, электростатическое и магнитостатические поля. Потенциальные и соленоидальные поля.	2				Компьютер, мультимедий ный проектор, УМК	Осн. 1,2,4	Экзамен
1.2	Описание с помощью уравнений эллиптического типа. Постановка задачи. Типы граничных условий и их физический смысл. Фундаментальные решения уравнения Лапласа в декартовой, цилиндрической и сферической системе координат.	3				Компьютер, мультимедий ный проектор, УМК	Осн. 1,2,4,11 Доп. 4,5	
2	Стационарное поле температур.							
2.1.	Уравнение и граничные условия. Зависимость распределения температур от граничных условий. Температурные поля в неоднородных средах.	2		6		Компьютер, мультимедий ный проектор, УМК	Осн. 1,2,4 ,5,6,7 Доп. 3,9,12	

	Графическое представление температурных полей (градиентное и семейство изолиний).						
3	Электростатические поля и их расчет.						
3.1.	Уравнения Лапласа и Пуассона для электростатического поля. Алгоритмы построения силовых линий. Граничные условия и их физический смысл.	2	6		Компьютер, мультимедий ный проектор, УМК	Осн. 1,2,4 Доп. 11	
3.2	Примеры построения функций Грина для электростатических полей. Метод изображений в электростатике.	2			Компьютер, мультимедий ный проектор, УМК	Осн. 1,2,4 Доп. 4,11	
4.	Магнитостатические поля и их расчет.						
4.1.	Уравнения Максвелла, формула Био-Саварра, Граничные условия. Примеры расчета магнитостатических полей.	2		6	Компьютер, мультимедий ный проектор, УМК	Осн. 1,11,14,15	
4.2	Явление гистерезиса в ферромагнетиках и его описание. Модель Изинга.	2			Компьютер, мультимедий ный проектор, УМК	Осн. 14,15	
5	Поле скоростей жидкости и его описание.						
5.1.	Поле скоростей жидкости. Потенциальное течение, потенциал скоростей и его использование для расчета течения жидкости. Общие уравнения гидродинамики (уравнения Навье-Стокса) и методы их решения.	2			Компьютер, мультимедий ный проектор, УМК	Доп. 7,16	
6	Процессы перехода к стационарному состоянию (процессы релаксации).						
6.1	Примеры задач, приводящих к уравнениям	2			Компьютер, мультимедий		

	параболического типа типа: уравнения теплопроводности, диффузии. Постановка задачи, граничные и начальные условия. Фундаментальные решения уравнения Гельмгольца в декартовой, цилиндрической и сферической системе координат.			ный проектор, УМК	
6.2	Процессы теплопередачи. Примеры решения линейных задач. Тепловые волны. Теплопередача в неоднородных средах и при наличии источников. Теплопередача в средах с теплопроводностью, зависящей от температуры: явление локализации теплоты, режимы с обострениями.	4	6	Компьютер, мультимедий ный проектор, УМК	
7	Диффузионные процессы, описание и моделирование.				
7.1	Диффузия и ее описание. Моделирование броуновского движения. Уравнение Фоккера-Планка. Примеры задач, приводящих к уравнению Фоккера-Планка	2		Компьютер, мультимедий ный проектор, УМК	
8	Волновые процессы и волновое уравнение.				
8.1	Волновое уравнение. Постановка задачи, граничные и начальные условия. Фундаментальные решения линейного волнового уравнения Гельмгольца в декартовой, цилиндрической и сферической системе координат.	2	6	Компьютер, мультимедий ный проектор, УМК	
8.2	Волны в ограниченных областях (волноводы и резонаторы). Моды открытого резонатора лазеров.	2		Компьютер, мультимедий ный проектор, УМК	
9	Нелинейные волны.				
9.1	Ударная волна. Моделирование поверхностных	2		Компьютер,	

	волн.				мультимедий	
					ный	
					проектор,	
					УМК	
9.2	Уединенные волны. Солитонные решения.	2		6	Компьютер,	
	Уравнение Кордевега.				мультимедий	
	· Functions and Control				ный	
					проектор,	
					УМК	
10	Простейшие задачи квантовой механики.					
10.1	Уравнение Шредингера. Собственные функции и	2	6		Компьютер,	
	собственные значения для одномерных				мультимедий	
	<u> </u>				ный	
	стационарных задач.				проектор,	
					УМК	

#### ИНФОРМАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

#### Примерный перечень лабораторных работ:

- 1. Стационарное поле температур.
- 2. Электростатические поля и их расчет.
- 3. Процессы теплопередачи, описание и моделирование.
- 4. Волновые процессы и волновое уравнение.
- 5. Простейшие задачи квантовой механики.

#### Рекомендуемые формы контроля знаний

- 1. Отчет по индивидуальным заданиям КСР
- 2. Отчет по лабораторным работам.
- 3. Экзамен

#### Рекомендуемые темы индивидуальных заданий КСР.

- 1. Расчет магнитного поля вика с током.
- 2. Расчет магнитного поля соленоида конечной длины.
- 3. Расчет магнитного поля произвольной системы параллельных токов.
- 4. Движение частиц в неоднородном магнитном поле.
- 5. Фокусировка частиц в магнитном поле.
- 6. Стоячие волны на пластинке произвольной формы.
- 7. Моды открытого резонатора.
- 8. Распространение волн в неоднородных средах.
- 9. Опрокидывание волны.
- 10. Моделирование спутной волны.

#### Рекомендуемая литература

#### Основная

- 1. Г. Гулд, Д.Тоболчник Компьютерное моделирование в физике. М.: Мир. 1990г.
- 2. Попов Ю. П., Самарский А.А. Вычислительный эксперимент. М. Знание, 1983.
- 3. А.А. Самарский, А.П. Михайлов. Математическое моделирование. Идеи. Методы. Примеры. М., Наука. 2002 г.
- 4. Коробейников В. П.. Математическое моделирование катастрофических явлений. М. Знание, 1986
- 5. В. И. Арнольд. Теория катастроф. М.: Наука, 1990, 128 с.
- 6. Никитин А.В. Слободянюк А,И. Шишаков В.В. Компьютерное моделирование в физике. М. «Бином. Лаборатория знаний», 2011 г.
- 7. Самарский А. А., Гулин А. В. Численные методы: Учебное пособие. Москва, Наука, 1989.

- 8. Крылов В. И., Бобков В. В., Монастырный П. И. Вычислительные методы высшей математики. Том 1-2. Минск, Высшая Школа, 1972, 1975
- 9. Демидович Б.П., Марон И.А. Основы вычислительной математики. 4-е изд. М.: Наука, 1970.

#### Дополнительная

- 1. Тихонов А. Н., Арсенин В. Я. Методы решения некорректных задач: Учебное пособие. Москва, Наука, 1986
- 2. Самарский А. А. Теория разностных схем: Учебное пособие. Москва, Наука, 1983.
- 3. Н.С. Бахвалов, А.В. Лапин, Е.В. Чижонков. Численные методы в задачах и примерах. М.: «Высшая школа», 2000

## ПРОТОКОЛ СОГЛАСОВАНИЯ УЧЕБНОЙ ПРОГРАММЫ

# ПО ИЗУЧАЕМОЙ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ С ДРУГИМИ ДИСЦИПЛИНАМИ СПЕЦИАЛЬНОСТИ

Название дисциплины, с которой требуется согласование	Название кафедры	Предложения об изменениях в содержании учебной программы по изучаемой учебной дисциплине	Решение, принятое кафедрой, разработавшей учебную программу (с указанием даты и номера протокола)
Программирование и математическое моделирование	Кафедра компьютерного моделирования		Рекомендовать к утверждению учебную программу в представленном варианте протокол № от 200
Компьютерное моделирование физических процессов	Кафедра компьютерного моделирования		Рекомендовать к утверждению учебную программу в представленном варианте протокол № от 200

# ДОПОЛНЕНИЯ И ИЗМЕНЕНИЯ К УЧЕБНОЙ ПРОГРАММЕ ПО ИЗУЧАЕМОЙ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ на \_\_\_\_/\_\_\_ учебный год

NoNo	Дополнения и изменения	Основание
ПП		
νποδιι	ая программа пересмотрена и одобрена на заседании к	ahaunu
прото	кол № от 200_ г.)	афедры
Заведу	ющий кафедрой	
методи	ики преподавания физики и информатики	
с.фм.	н.,доцент	А.И. Слободянюк
mpri	DOME II A 100	
	РЖДАЮ физического факультета	
	физического факультета н., профессор	В.М. Анищик