

ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ ПРОДОЛЖЕНИЯ И ИНВАРИАНТЫ ГЛОБАЛЬНЫХ ПАР

С. В. Ведерников (г. Минск, Беларусь)

Рассмотрим глобальную пару

$$(G, \Phi, \Psi), \quad (1)$$

G - группа Ли $\Phi, \Psi \in \text{End}G$. В [1] было доказано, что в случае когда M направляющая подпространства, то дифференциальное продолжение $\overline{M}$ совпадает с $T(M)$ и группа G действует при помощи отображения.

$$\overline{G} \times \overline{M} \rightarrow \overline{M} : (a, \omega)(x, \theta) \rightarrow \{ax\Phi(a^{-1}), \text{Ad}(a)\theta + \overline{\theta}\}.$$

Доказана следующая теорема

Теорема 1. Пусть M - направляющее подпространство (1), тогда $\overline{M}$ совпадает с $T(M)$, причем группа $\overline{G}$ действует при помощи отображения

$$\overline{G} \times \overline{M} \rightarrow \overline{M} : \{(a, \omega)(x, \theta)\} \rightarrow \{\Phi(a)x\Psi(a^{-1}), \text{Ad}[\Phi(a)]\theta + \theta_1 + \theta_2\}, \quad (2)$$

$\theta_1 \in m_{x_1}, \theta_2 \in m_{x_2}; g = H \oplus m_{x_1} \oplus m_{x_2}, m_{x_1}$ и m_{x_2} специально построенные подалгебры в редуktивном изложении G . см. [2].

Построены конструктивные примеры, которые позволяют строить $\overline{M}$ в матричном представлении.

Литература. 1. Ведерников С.В. // Весці НАН Беларусі, 1984, № 6. — С. 36 — 42. 2. Ведерников С.В. Однородные пространства, порожденные группы автоморфизмов группы Ли. М.: Проблемы геометрии. 1983. Т. 15. — С. 165 — 190.