

О ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ НАПРАВЛЕННОСТИ ОБУЧЕНИЯ КУРСАНТОВ ВОЕННОЙ АКАДЕМИИ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКЕ

Г. А. Шунина (Минск, Беларусь)

На занятиях по математике один из методических приемов реализации профессиональной направленности преподавания высшей математики курсантам военно-командных специальностей Военной академии Республики Беларусь состоит в иллюстрации математических методов на примерах решения военно-прикладных задач.

Задача. В танковом сражении участвуют N_A танков со средней эффективной скорострельностью λ_A и интенсивностью $r_A(t)$ введения в бой резерва танков с одной стороны и N_B танков со средней эффективной скорострельностью λ_B и интенсивностью $r_B(t)$ введения в бой резерва танков с другой стороны. Определить закономерность исхода сражения в зависимости от числовых значений N_A , N_B , λ_A , λ_B , $r_A(t)$ и $r_B(t)$ с течением времени $t > 0$. Средней эффективной скорострельностью и интенсивностью ввода резерва называются соответственно количество успешных выстрелов танка и количество введенных танков в единицу времени.

Решение задачи включает этапы математического моделирования сражения в виде задачи Коши для уравнений Ланчестера, ее решения методами теории обыкновенных дифференциальных уравнений и военно-прикладного анализа полученных математических формул решения. На этапе моделирования налагаются ограничения: если

выстрел достиг цели, то эта цель считается уничтоженной; любой танк каждой из сторон может вести огонь по любому танку противоположной стороны. Согласно методу динамики средних изучение фактической численности танков сторон заменяется изучением их средних численностей $\xi_A(t)$ и $\xi_B(t)$ в каждый момент времени $t > 0$.

Формальной математической моделью танкового сражения служит система линейных неоднородных дифференциальных уравнений

$$\frac{d\xi_A(t)}{dt} = -\lambda_B \xi_B(t) + r_A(t), \quad \frac{d\xi_B(t)}{dt} = -\lambda_A \xi_A(t) + r_B(t), \quad t > 0,$$

при начальных условиях $\xi_A(0) = N_A$, $\xi_B(0) = N_B$.

Замечание. Первые два этапа решения аналогичной задачи об обороне объекта зенитными установками в случае отсутствия резервов $r_A(t) = r_B(t) = 0$ имеются в учебном пособии [1, с. 133–135].

Литература. 1. Неверов Г.С., Табатадзе Н.М. Военно-прикладные задачи по высшей математике. Мн.: МВИЗРУ, 1979.