

КРИТЕРИЙ ЕСТЕСТВЕННОЙ УПРАВЛЯЕМОСТИ ОДНОЙ ЛИНЕЙНОЙ СИСТЕМЫ, НЕ РАЗРЕШЕННОЙ ОТНОСИТЕЛЬНО ПРОИЗВОДНОЙ

В. И. Булатов (Минск, Беларусь)

Рассмотрим стационарную систему

$$A\dot{x}(t) = x(t) + Bu(t), \quad (1)$$

где x — n -вектор; u — r -вектор; A и B — соответственно $n \times n$ - и $n \times r$ -матрицы.

Под решением системы (1), соответствующим начальному условию

$$x(0) = x_0, \quad (2)$$

где x_0 — заданный n -вектор, будем подразумевать пару $(x(t); u(t))$, $t \in [0 + \infty[$, из дифференцируемой n -вектор-функции $x(t)$ и интегрируемой r -вектор-функции $u(t)$, удовлетворяющих (1), (2). Нетрудно видеть, что множество X_0 всех начальных условий (2), для каждого из которых система (1) имеет хотя бы одно соответствующее решение $(x(t); u(t))$, является линейным подпространством пространства \mathbb{R}^n .

Систему (1) считаем естественно управляемой, если в отмеченном выше подпространстве $X_0 \subset \mathbb{R}^n$ для каждого $x_0 \in X_0$ найдется такое соответствующее для (2) решение $(x(t); u(t))$ системы (1), что при некотором $t_0 > 0$ имеем $x(t_0) = 0$.

Справедлива следующая

Теорема. Для естественной управляемости системы (1) необходимо и достаточно, чтобы

$$\text{rank}[B; AB; \dots; A^{n-1}B] = \text{rank}[B; AB; \dots; A^{n-1}B; A^n].$$