

# БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

УТВЕРЖДАЮ

Ректор Белорусского  
государственного университета

А.Д.Король

27 июня 2025 г.

Регистрационный № 3588/6.



## КРИПТОГРАФИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ

Учебная программа учреждения образования по учебной дисциплине для  
специальности:

**6-05-0533-12 Кибербезопасность**

Изотап М.Н.

Подпись Иванова

2025 г.

Учебная программа составлена на основе ОСВО 6-05-0533-09-2023 и учебного плана № 6-5.3-57/02 от 15.05.2023.

**СОСТАВИТЕЛЬ:**

**С.В.Агиеевич**, доцент кафедры математического моделирования и анализа данных факультета прикладной математики и информатики Белорусского государственного университета, кандидат физико-математических наук

**РЕЦЕНЗЕНТ:**

**Д.В.Васильев**, заведующий отделом теории чисел и дискретной математики ГНУ «Институт математики НАН Беларусь», кандидат физико-математических наук

**РЕКОМЕНДОВАНА К УТВЕРЖДЕНИЮ:**

Кафедрой математического моделирования и анализа данных БГУ  
(протокол № 12 от 26.05.2025);

Научно-методическим советом БГУ  
(протокол № 11 от 26.06.2025)

Заведующий кафедрой



В.И.Малюгин



Сергееев С.В.

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Криптографические методы защиты информации обеспечивают конфиденциальность, контроль целостности и подлинности данных с помощью ключезависимых или бесключевых криптографических преобразований.

Учебная дисциплина «Криптографические методы» знакомит студентов с методами построения криптографических преобразований, а также методами оценки их надежности. Дисциплина дает представление об основных типах криптографических систем: блочных, поточных, крипtosистемах с открытым ключом, систем электронной цифровой подписи, функций хэширования.

Изучаемые криптографические методы основываются на использовании объектов и применении методов широкого набора математических дисциплин: алгебры, теории чисел, теории вероятностей, математической статистики, теории информации, теории сложности вычислений.

### **Цели и задачи учебной дисциплины**

#### **Цели дисциплины «Криптографические методы»:**

- изучение теоретических основ построения надежных криптографических преобразований;
- формирование навыков использования криптографических преобразований для построения систем защиты информации.

При изложении материала учебной дисциплины важно показать возможности использования конкретных криптографических методов при решении прикладных задач защиты информации.

#### **Задачи дисциплины «Криптографические методы»:**

- изучение крипtosистем с секретным ключом (блочных и поточных шифров, систем имитозащиты);
- изучение функций хэширования;
- изучение базовых криптографических платформ с открытым ключом;
- изучение систем шифрования с открытым ключом и систем электронной цифровой подписи (ЭЦП);
- применение блочных и поточных крипtosистем для решения практических задач в области защиты информации.

**Место учебной дисциплины** в системе подготовки специалиста с высшим образованием.

Учебная дисциплина «Криптографические методы» относится к модулю «Криптография» компонента учреждения образования.

### **Связи с другими учебными дисциплинами**

Основой для изучения учебной дисциплины «Криптографические методы» являются учебные дисциплины «Геометрия и алгебра», «Дискретная математика и математическая логика», «Теория вероятностей и математическая статистика» государственного компонента, «Математический анализ», «Теория информации» компонента учреждения высшего образования. Сведения, излагаемые в учебной дисциплине «Криптографические методы» используются учебными дисциплинами «Теоретические основы информационной безопасности», «Программно-аппаратные и технические средства защиты

информации» государственного компонента, а также при изучении ряда учебных дисциплин специальности.

### **Требования к компетенциям**

Освоение учебной дисциплины «Криптографические методы» должно обеспечить формирование следующей компетенции:

#### ***Специализированные компетенции:***

Разрабатывать и анализировать надежность блочных и поточных криптосистем, функций хеширования, криптосистем с открытым ключом и систем электронной цифровой подписи.

В результате освоения учебной дисциплины студент должен:

#### ***знать:***

- методы построения надежных блочных и поточных криптосистем, функций хеширования, систем шифрования с открытым ключом и систем электронной цифровой подписи;

- задачи и основные методы криptoанализа;

- стандартные криптосистемы и правила их практического использования.

#### ***уметь:***

- применять полученные знания для создания надежных систем защиты информации;

#### ***иметь навык:***

- программной реализации криптосистем и функций хеширования;

- применения криптосистем и функций хеширования на практике.

### **Структура учебной дисциплины**

Дисциплина изучается в 5 и 6 семестре. В соответствии с учебным планом всего на освоение учебной дисциплины «Криптографические методы» отведено для очной формы получения высшего образования – 308 часов, в том числе 140 аудиторных часов: лекции – 70 часов, лабораторные занятия – 70 часов. Из них:

#### ***5 семестр:***

Лекции – 36 часов, лабораторные занятия – 30 часов, управляемая самостоятельная работа – 6 часов.

Трудоемкость учебной дисциплины составляет 6 зачетных единиц.

Форма промежуточной аттестации – экзамен.

#### ***6 семестр:***

Лекции – 34 часа, лабораторные занятия – 30 часов, управляемая самостоятельная работа – 4 часа.

Трудоемкость учебной дисциплины составляет 3 зачетные единицы.

Форма промежуточной аттестации – экзамен.

# **СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО МАТЕРИАЛА**

## **Раздел 1. Криптография с секретным ключом**

### ***Тема 1.1. Введение в криптографию.***

История криптографии. Абоненты, коммуникации и угрозы. Крипtosистема.

### ***Тема 1.2. Классические крипtosистемы.***

Шифр сдвига. Аффинный шифр. Шифр простой замены. Шифр Хилла. Шифр перестановки. Шифр Виженера.

### ***Тема 1.3. Задачи криptoанализа.***

Задачи криptoанализа, атаки. Частотные атаки. Криptoанализ шифра Виженера.

### ***Тема 1.4. Элементы теории Шеннона.***

Модель противника. Совершенные криptosистемы. Энтропия, условная энтропия, удельная энтропия. Расстояние единственности.

### ***Тема 1.5. Элементы теории конечных полей.***

Под поля и расширения полей. Характеристика поля. Существование конечного поля. Единственность конечного поля. Соотношения между под полями. Функция «след». Мультипликативная группа конечного поля.

### ***Тема 1.6. Блочные криptosистемы.***

Блочно-итерационные криptosистемы. SP-криptosистемы. Использование инволютивных подстановок. Криptosистемы Фейстеля. AES. Инверсные S-блоки. Стратегия «широкого следа».

### ***Тема 1.7. Атаки на блочные криptosистемы.***

Атака «грубой силой». Простые соотношения. Баланс «время-память». Разностная атака.

### ***Тема 1.8. Режимы шифрования.***

Режим простой замены. Режим счетчика. Режим сцепления блоков. Режим гаммирования с обратной связью. Имитозащита.

### ***Тема 1.9. Поточные криptosистемы.***

Поточные криptosистемы. Конечные автоматы. Регистры сдвига с линейной обратной связью. Регистры сдвига и функция «след».

### ***Тема 1.10. Свойства линейных рекуррентных последовательностей.***

Период л.р.п. Порядок многочлена. Постулаты Голомба.

### ***Тема 1.11. Усложнение линейных рекуррентных последовательностей.***

Фильтрующий генератор. Комбинирующий генератор. Генератор с неравномерным движением. Криptosистема A5/1. Сжимающий и самосжимающий генератор. Линейная сложность. Корреляционный криptoанализ. Корреляционно-имунные функции.

## **Раздел 2. Криптография с открытым ключом**

### **Тема 2.1. Протокол Диффи – Хеллмана.**

Концепция криптографии с открытым ключом. Протокол Диффи – Хеллмана. Атака «противник посередине». Реализация протокола Диффи – Хеллмана.

### **Тема 2.2. Элементы теории сложности вычислений.**

Вычислительные задачи. Машина Тьюринга. Разрешимые и неразрешимые задачи. Вычислительные ресурсы. Вероятностные машины. Алгоритмы Монте-Карло и Лас-Вегас. Классы сложности. Язык PRIMES.

### **Тема 2.3. Односторонние функции.**

Односторонние функции. Функции с лазейкой. Шифрование с открытым ключом. Системы ЭЦП.

### **Тема 2.4. Инфраструктура открытых ключей.**

Сертификаты открытых ключей. Инфраструктура открытых ключей. Инфраструктура РБ.

### **Тема 2.5. Крипtosистема RSA.**

Крипtosистема RSA. RSA и факторизация. Арифметика больших чисел. Алгоритм Евклида. Расширенный алгоритм Евклида. Возведение в степень. Китайская система сравнений. Оптимизация RSA.

### **Тема 2.6. Генерация простых чисел.**

Генерация простых. Распределение простых. Тест Ферма. Тест Рабина – Миллера. Построение простых.

### **Тема 2.7. Функции хэширования.**

Определения и использование. Задачи криptoанализа. Блочно-итерационные функции хэширования. Конструкция Дамгарда. Функция хэширования СТБ 34.101.31.

### **Тема 2.8. Атака «дней рождения».**

Базовая атака. Среднее время ожидания коллизии. Модифицированная атака. Алгоритм Брента.

### **Тема 2.9. Электронные цифровые подписи.**

ЭЦП Эль-Гамаля. Стойкость ЭЦП Эль-Гамаля, Модификации ЭЦП Эль-Гамаля. Метод Монтгомери. ЭЦП Шнорра. СТБ 1176.2.

### **Тема 2.10. Факторизация и дискретное логарифмирование.**

Задача факторизации. Алгоритм  $p - 1$ .  $\rho$ -метод факторизации. Выбор модуля RSA. Задача дискретного логарифмирования. Метод больших-малых шагов.  $\rho$ -метод логарифмирования. Метод Полига – Хеллмана.  $\lambda$ -метод.

### **Тема 2.11. Субэкспоненциальные алгоритмы факторизации и логарифмирования.**

Метод Диксона. Квадратичное решето. Индекс-метод.

# УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКАЯ КАРТА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Очная (дневная) форма получения высшего образования с применением  
дистанционных образовательных технологий (ДОТ)

Номер раздела, темы	Название раздела, темы	Количество аудиторных часов				Форма контроля знаний
		Лекции	Практические занятия	Лабораторные занятия	Иное	
<b>1</b>	<b>Криптография с секретным ключом</b>	<b>36</b>		<b>30</b>		
1.1	Введение в криптографию	2				Опрос
1.2	Классические крипtosистемы	4		4		Защита реферата
1.3	Задачи криptoанализа	2		2		Опрос
1.4	Элементы теории Шеннона	4		2		Контрольная работа
1.5	Элементы теории конечных полей	4		4	2	Опрос
1.6	Блочные крипtosистемы	4		4		Решение задач. Контрольная работа
1.7	Атаки на блочные крипtosистемы	4		2	2	Опрос
1.8	Режимы шифрования	2		4		Отчет по заданию с устной защитой
1.9	Поточные крипtosистемы	2		2		Опрос
1.10	Свойства линейных рекуррентных последовательностей	4		2		Решение задач. Контрольная работа
1.11	Усложнение линейных рекуррентных последовательностей	4		4	2	Опрос. Контрольная работа
<b>2</b>	<b>Криптография с открытым ключом</b>	<b>34</b>		<b>30</b>		
2.1	Протокол Диффи – Хеллмана	2		4		Решение задач
2.2	Элементы теории сложности вычислений	4		2	2	Решение задач Контрольная работа

2.3	Односторонние функции	2					Опрос
2.4	Инфраструктура открытых ключей	2		2		1	Опрос
2.5	Криптосистема RSA	6		6			Контрольная работа
2.6	Генерация простых чисел	2		4			Решение задач
2.7	Функции хэширования	4		4			Контрольная работа
2.8	Атака «дней рождения»	2		2			Опрос
2.9	Электронные цифровые подписи	4		4			Решение задач. Отчет по заданию с устной защитой
2.10	Факторизация и дискретное логарифмирование	4		2			Контрольная работа
2.11	Субэкспоненциальные алгоритмы факторизации и логарифмирования	2				1	Опрос
<b>ИТОГО</b>		<b>70</b>		<b>60</b>		<b>10</b>	

## **ИНФОРМАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ**

### **Основная литература**

1. Введение в теоретико-числовые методы криптографии: учебное пособие для вузов / М. М. Глухов, И. А. Круглов, А. Б. Пичкур, А. В. Черемушкин. — 2-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2024. — 396 с. — ISBN 978-5-507-47610-7. - URL: <https://e.lanbook.com/book/397286>.

2. Криптология: учебник для студентов учреждений высшего образования по математическим и техническим специальностям / [Ю. С. Харин и др.]; БГУ. — 2-е изд., пересмотр. — Минск: БГУ, 2023. — 511 с. — URL: <https://elib.bsu.by/handle/123456789/309839>.

### **Дополнительная литература**

1. Основы криптографии / Алферов А. П. [и др.]. – Москва : Гелиос АРБ, 2001. – 480 с.

2. Столлингс В. Криптография и защита сетей: принципы и практика (2 изд.) / В. Столлингс – М: Вильямс, 2001. – 669 с.

3. Харин, Ю. С. Компьютерный практикум по математическим методам защиты информации / Ю. С. Харин, С. В Агиевич – Минск, БГУ, 2001. – 190 с.

4. Menezes, A. J. Handbook of Applied Cryptography / A. J. Menezes, P. C. Van Oorschot, S. A. Vanstone – CRC Press, 1996. – 816 p.

5. Schneier, B. Applied Cryptography: Protocols, Algorithms, and Source code in C / B. Schneier – John Wiley & Sons, 1996. – 675 p.

6. Stinson, D. Cryptography. Theory and Practice / D. Stinson – N.Y. CRC, 1995 – 434 p.

Информационно-методическое обеспечение дисциплины доступно студентам в виде онлайн-курса, размещенного в интернете по адресу <https://apmi.bsu.by/resources/cm>.

### **Перечень рекомендуемых средств диагностики и методика формирования итоговой отметки**

На лекционных занятиях по дисциплине «Криптографические методы» рекомендуется особое внимание обращать на установлении связей между теоретическим темами дисциплины и использованием, изучаемых методов и алгоритмов для решения практических задач защиты информации.

Контрольные мероприятия проводятся в соответствии с учебно-методической картой дисциплины.

Для диагностики компетенций в рамках учебной дисциплины рекомендуется использовать следующие формы:

- устная форма: устные опросы по текущим темам;
- письменная форма: контрольная работа, рефераты, решение задач;

– устно-письменная форма: отчёты по домашним практическим упражнениям и лабораторным работам с их устной защитой;

Формой промежуточной аттестации по дисциплине «Криптографические методы» учебным планом предусмотрен экзамен.

Для формирования итоговой отметки по учебной дисциплине используется модульно-рейтинговая система оценки знаний студента, дающая возможность проследить и оценить динамику процесса достижения целей обучения. Рейтинговая система предусматривает использование весовых коэффициентов для текущей и промежуточной аттестации студентов по учебной дисциплине.

Формирование итоговой отметки в ходе проведения контрольных мероприятий текущей аттестации (примерные весовые коэффициенты, определяющие вклад текущей аттестации в отметку при прохождении промежуточной аттестации):

- контрольные работы – 50 %;
- отчеты по заданиям с устной защитой – 20 %;
- реферат – 15 %;
- решение задач – 10 %;
- опросы – 5 %.

Итоговая отметка по дисциплине рассчитывается на основе итоговой отметки текущей аттестации (модульно-рейтинговой системы оценки знаний) 40 % и экзаменационной отметки 60 %.

### **Примерный перечень заданий для управляемой самостоятельной работы студентов**

Управляемая самостоятельная работа (УСР) студентов – это самостоятельная работа, выполняемая по заданию и при методическом руководстве преподавателя, а также контролируемая преподавателем на определенном этапе обучения. Целью УСР является целенаправленное обучение студентов основным навыкам и умению индивидуальной самостоятельной работы.

На освоение учебного материала в рамках УСР для дисциплины «Криптографические методы» отводится 10 аудиторных часов по четырем следующим темам в соответствии с учебно-методической картой дисциплины.

#### **Тема 1.5. Элементы теории конечных полей (2 ч)**

*Перечень вопросов для углубленного самостоятельного изучения:*

- функция «след»;
- мультипликативная группа конечного поля.

Рекомендуемая литература: [1, 2].

**Форма контроля** – устный опрос.

#### **Тема 1.7. Атаки на блочные криптосистемы (2 ч)**

*Перечень вопросов для углубленного самостоятельного изучения:*

- линейные аппроксимации нелинейных преобразований;
- линейный криптоанализ.

Рекомендуемая литература: [2].

**Форма контроля** – устный опрос.

### **Тема 1.11. Усложнение линейных рекуррентных последовательностей (2 ч)**

*Перечень вопросов для углубленного самостоятельного изучения:*

- линейная сложность;
- корреляционный криптоанализ;
- корреляционно-иммунные функции.

Рекомендуемая литература: [2].

**Форма контроля** – устный опрос.

### **Тема 2.2. Элементы теории сложности вычислений (2 ч)**

*Перечень вопросов для углубленного самостоятельного изучения:*

- классы сложности;
- язык PRIMES.

Рекомендуемая литература: [2].

**Форма контроля** – устный опрос.

### **Тема 2.4. Инфраструктура открытых ключей (1 ч)**

*Перечень вопросов для углубленного самостоятельного изучения:*

- протоколы управление сертификатами открытых ключей;
- криптографическая инфраструктура РБ.

Рекомендуемая литература: [2].

**Форма контроля** – устный опрос.

### **Тема 2.11. Субэкспоненциальные алгоритмы факторизации и логарифмирования (1 ч)**

*Перечень вопросов для углубленного самостоятельного изучения:*

- методы решета;
- рекорды факторизации и логарифмирования.

Рекомендуемая литература: [1, 2].

**Форма контроля** – устный опрос.

### **Рекомендуемая тематика контрольных работ**

1) Контрольная работа №1. *Классические криптосистемы. Задачи криптоанализа. Совершенные криптосистемы. Расстояние единственности.*

2) Контрольная работа №2. *Блочные криптосистемы. Использование инволютивных подстановок. Криптосистемы Фейстеля. Поточные криптосистемы. Линейные рекуррентные последовательности.*

- 3) Контрольная работа №3. *Протокол Диффи – Хеллмана. RSA.*  
*Простые числа.*
- 4) Контрольная работа №4. *Функции хэширования. ЭЦП Эль-Гамаля.*  
*ЭЦП Шнорра. Метод Монтгомери.*

### **Описание инновационных подходов и методов к преподаванию учебной дисциплины**

При организации образовательного процесса используется практико-ориентированный подход.

*Практико-ориентированный подход* предполагает:

- освоение содержание образования через решения практических задач;
- приобретение навыков эффективного выполнения разных видов профессиональной деятельности;
- ориентацию на генерирование идей, реализацию групповых студенческих проектов, развитие предпринимательской культуры;
- использованию процедур, способов оценивания, фиксирующих сформированность профессиональных компетенций.

### **Методические рекомендации по организации самостоятельной работы обучающихся**

Студенты самостоятельно выполняют следующую работу:

- осуществляют углубленное изучение тем 1.5, 1.7, 1.11, 2.2, 2.4 и 2.11 с использованием рекомендуемой литературы;
- выполняют лабораторные задания с использованием различных языков программирования;
- готовят отчёт с результатами проведённых исследований в соответствии с установленными требованиями;
- работают над устранением указанных при проверке отчётов недостатков.

Условия для самостоятельной работы студентов, в частности, для развития навыков самоконтроля, способствующих интенсификации учебного процесса, обеспечиваются наличием и полной доступностью электронных (и бумажных) курсов лекций, учебно-методических материалов по основным темам дисциплины. Материалы размещены по адресу <https://apmi.bsu.by/resources/cm>.

### **Примерный перечень вопросов к экзамену Семестр 5**

1. История криптографии.
2. Коммуникации и угрозы.
3. Крипtosистема.
4. Классические крипtosистемы: алфавит.
5. Шифр сдвига.
6. Аффинный шифр (обращение по модулю, функция Эйлера).

7. Шифр простой замены.
8. Шифр Хилла.
9. Шифр перестановки.
10. Шифр Виженера.
11. Задачи криptoанализа, атаки.
12. Частотные атаки.
13. Криptoанализ шифра Виженера.
14. Элементы теории Шеннона: модель противника.
15. Совершенная криптосистема.
16. Энтропия.
17. Расстояние единственности.
18. Конечные поля.
19. Многочлены.
20. Поля из  $p^n$  элементов.
21. Подгруппы.
22. Подполя и расширения полей.
23. Характеристика поля.
24. Лемма о степени суммы и разности.
25. Мультиликативная группа.
26. Функция «след».
27. Блочно-итерационные криптосистемы.
28. Представления двоичных слов.
29. SP-криптосистемы.
30.  $\tau$ -инволютивные подстановки.
31. Криптосистемы Фейстеля.
32. AES.
33. Инверсные S-блоки.
34. Стратегия «широкого следа».
35. Атака «грубой силой».
36. Простые соотношения.
37. Баланс «время – память».
38. Разностная атака.
39. Режим простой замены.
40. Режимы шифрования.
41. Имитозащита.
42. Поточные криптосистемы.
43. Конечные автоматы.
44. РСЛОС.
45. РСЛОС и функция «след».
46. Период л.р.п..
47. Порядок многочлена.
48. Постулаты Голомба.
49. Минимальный многочлен.
50. Генераторы на базе РСЛОС.
51. Линейная сложность.

## *Семестр 6*

1. Протокол Диффи – Хеллмана.
2. Атака «противник посередине».
3. Реализация протокола Диффи – Хеллмана.
4. Вычислительные задачи.
5. Машина Тьюринга.
6. Разрешимые и неразрешимые задачи.
7. Вычислительные ресурсы.
8. Вероятностные машины.
9. Алгоритмы Лас-Вегас и Монте-Карло.
10. Классы сложности.
11. Язык *PRIMES*.
12. Односторонние функции.
13. Функции с лазейкой.
14. Шифрование с открытым ключом.
15. Системы ЭЦП.
16. Сертификаты открытых ключей.
17. Инфраструктура открытых ключей.
18. Инфраструктура РБ.
19. Криптосистема RSA.
20. RSA и факторизация.
21. Арифметика больших чисел.
22. Алгоритм Евклида.
23. Расширенный алгоритм Евклида.
24. Возведение в степень.
25. Китайская система сравнений.
26. Оптимизация RSA.
27. Генерация простых.
28. Распределение простых.
29. Тест Ферма.
30. Тест Рабина – Миллера.
31. Построение простых.
32. Функции хэширования: определение и использование.
33. Функции хэширования: задачи криptoанализа.
34. Блочно-итерационные функции хэширования.
35. Конструкция Дамгарда.
36. Атака «дней рождения».
37. Среднее время ожидания коллизии.
38. Модифицированная атака «дней рождения».
39. Алгоритм Брента.
40. ЭЦП ЭльГамаля.
41. Стойкость ЭЦП ЭльГамаля.
42. Модификации ЭЦП ЭльГамаля.

43. Метод Монтгомери.
44. ЭЦП Шнорра.
45. СТБ 1176.2-99.
46. Задача факторизации.
47. Алгоритм  $p - 1$ .
48. Факторизация:  $\rho$ -метод.
49. Выбор модуля RSA.
50. Дискретное логарифмирование: метод больших-малых шагов.
51. Дискретное логарифмирование:  $\rho$ -метод.
52. Метод Полига – Хеллмана.
53. Дискретное логарифмирование:  $\lambda$ -метод.
54. Метод Диксона.
55. Квадратичное решето.
56. Индекс-метод.

## ПРОТОКОЛ СОГЛАСОВАНИЯ УЧЕБНОЙ ПРОГРАММЫ УО

Название учебной дисциплины, с которой требуется согласование	Название кафедры	Предложения об изменениях в содержании учебной программы учреждения высшего образования по учебной дисциплине	Решение, принятое кафедрой, разработавшей учебную программу (с указанием даты и номера протокола)
Теория информации	Кафедра математического моделирования и анализа данных	Предложения отсутствуют	Рекомендовать к утверждению учебную программу (протокол № 12 от 26.05.2025)

Заведующий кафедрой  
математического моделирования  
и анализа данных  
доктор эконом. наук, профессор

*B.Mes*

В.И.Малюгин

26.05.2025

## **ДОПОЛНЕНИЯ И ИЗМЕНЕНИЯ К УЧЕБНОЙ ПРОГРАММЕ УО**

на \_\_\_\_\_ / \_\_\_\_\_ учебный год

<b>№ п/п</b>	<b>Дополнения и изменения</b>	<b>Основание</b>

Учебная программа пересмотрена и одобрена на заседании кафедры математического моделирования и анализа данных (протокол № \_\_\_\_ от 20 \_\_\_\_ г.).

Заведующий кафедрой  
доктор эконом. наук, профессор \_\_\_\_\_  
(ученая степень, звание)

В.И.Малюгин  
(И.О. Фамилия)

УТВЕРЖДАЮ  
Декан факультета  
канд. физ.-мат. наук, доцент \_\_\_\_\_  
(ученая степень, звание)

\_\_\_\_\_  
(подпись)

Ю.Л.Орлович  
(И.О. Фамилия)