## Программное приложение для измерения параметров движения летящих объектов на основе эффекта Доплера

#### В. Л. Козлов, О. В. Кисель

Белорусский государственный университет, Минск, Беларусь, e-mail: KozlovVL@bsu.by

Приводится методика одновременного измерения дальности и скорости летящего объекта на основе Доплеровского сдвига частоты излучения. Разработано программное приложение, осуществляющее расчет параметров (скорость и дальность) движущегося объекта на основе эффекта Доплера.

*Ключевые слова:* доплеровский сдвиг частоты, измерение скорости, измерение дальности, гетеродинный приемник, программное приложение.

# Software application for measuring the motion parameters of flying objects based on the Doppler effect

### V. L. Kozlov, O. V. Kisel

Belarusian State University, Minsk, Belarus, e-mail: KozlovVL@bsu.by

A method for simultaneously measuring the range and speed of a flying object based on the Doppler frequency shift of radiation is presented. A software application has been developed that calculates the parameters (speed and range) of a moving object based on the Doppler effect.

*Keywords:* Doppler frequency shift, velocity measurement, range measurement, heterodyne receiver, software application.

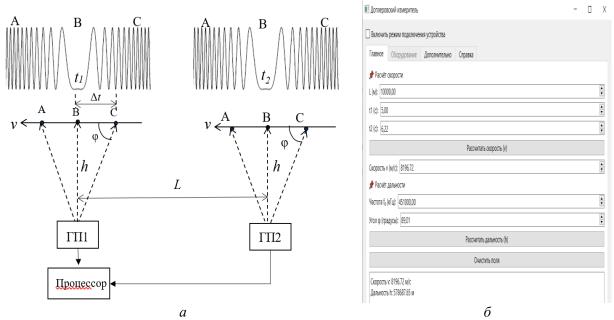
Задача определения высоты неизвестного космического объекта для оценки величины наклонной дальности в задачах вычисления орбит по угловым оптическим измерениям [1] в настоящее время является достаточно актуальной. Высокоорбитальные космические объекты наблюдаются главным образом оптическими средствами, которые работают только в ночное время при надлежащих погодных условиях. Эти средства [2] измеряют только два угла и не позволяют измерять дальность до объекта.

Приводится методика измерений [3] и реализующее её программное приложение, предназначенное для решения актуальной задачи дистанционного зондирования — одновременного определения скорости и дальности до движущихся космических объектов. Функциональная схема, поясняющая предложенную методику, представлена на рис. 1, a. Методика измерений заключается в следующем. Движущийся космический объект излучает электромагнитный сигнал частоты  $f_0$ .

Так как объект движется со скоростью v, то принимаемое гетеродинными приёмниками излучение сдвигается по частоте по сравнению с излучаемым сигналом  $f_0$  на доплеровскую частоту  $f_d$ , мгновенное значение которой имеет величину

$$f_d = 2\frac{v f_0}{c} \cos(\varphi)$$

где v — скорость движения объекта,  $\phi$  — угол между направлением скорости движения и направлением на гетеродинный приёмник, c — скорость света. Гетеродинные приёмники ГП1, ГП2 разнесены в пространстве на расстояние L. В результате гетеродинирования на приемниках выделяется сигнал разностной частоты  $f_d$ .



 $Puc.\ 1.\ Функциональная схема методики определения скорости и дальности (a); интерфейс программного приложения (б)$ 

В ходе перемещения объекта над приёмниками угол  $\phi$  между направлением скорости движения и направлением на гетеродинный приёмник будет изменяться, поэтому будет изменяться и доплеровский сдвиг частоты  $f_d$ . Время, когда доплеровская частота достигает нулевого значения в точке B, на приёмнике ГП2 равняется  $t_2$ , а на приёмнике ГП1 равняется  $t_1$ . Гетеродинные приёмники разнесены в пространстве на расстояние L, следовательно, скорость движения объекта будет равна

$$v = \frac{L}{(t_1 - t_2)} \tag{1}$$

Для вычисления дальности до объекта необходимо определить число импульсов доплеровского сигнала при изменении угла между направлением скорости движения и направлением на гетеродинный приёмник в пределах от  $\varphi$  до  $\pi/2$ . Среднее значение числа импульсов доплеровского сигнала при изменении угла от  $\varphi$  до  $\pi/2$ , которое будет происходить за время от  $t_1 - \Delta t$  до  $t_1$  можно определить следующим образом

$$f_d = f_0 \frac{v}{c} \int_{0}^{\pi/2} \cos \varphi d\varphi = f_0 \frac{v}{c} (1 - \sin \varphi), \text{ откуда получаем } \varphi : \sin \varphi = (1 - \frac{f_d c}{v f_0}).$$
 (2)

В процессоре измеряется число импульсов доплеровского сигнала  $f_d$  и определяется дальность до объекта h по формуле

$$h = v\Delta t \cdot tg \left( arc \sin(1 - \frac{f_d c}{v f_0}) \right). \tag{3}$$

С целью практической реализации теоретических положений была разработана программная реализация метода измерения параметров движущегося объекта на основе эффекта Доплера. Интерфейс программы включает несколько вкладок. На рис. 1, б представлен интерфейс программы во вкладке «Главное». В данной вкладке вводятся все исходные данные, необходимые для расчёта параметров движения объекта на основе эффекта Доплера. Программное приложение позволяет производить расчет скорости и дальности объекта по входным данным, полученным от двух гетеродинных приёмников, а также визуализировать результаты вычислений. Реализация алгоритма основана на анализе доплеровского сдвига частоты и времени пролёта объекта над приёмниками. На вкладке "Прогр" размещена инструкция по работе с программой, в которой пошагово описан порядок ввода данных и выполнения расчётов, что облегчает использование программы.

Вкладка "Оборудование" предназначена для подключения к программе внешних устройств, с помощью которых автоматически будут получены все исходные данные, необходимые для расчёта параметров движения объекта.

Во вкладке "Дополнительно" реализован график с поддержкой анимации. Построение графика становится доступным после выполнения пяти измерений. Он отображает изменение дальности до объекта, полученное на основе различных входных данных. Есть возможность экспорта графика в PDF и экспорта полученных данных в ТХТ формате. Разработанное приложение позволяет как вручную вводить исходные данные для теоретических расчётов, так и использовать сигналы, получаемые от подключаемого измерительного оборудования.

В процессе тестирования были выполнены теоретические расчёты параметров движения объекта и проведён их анализ. Полученные результаты показали, что программа корректно рассчитывает скорость и дальность движения на основе эффекта Доплера.

### Библиографические ссылки

- 1. *Самотохин А. С., Хуторовский З. Н.* Алгоритмы обнаружения высокоорбитальных космических объектов по оптическим измерениям //ИПМ им. М. В. Келдыша. 2023. № 41. 28 с.
- 2. Метод начального определения орбиты космического объекта по ограниченным данным угловых оптических измерений / В. С. Баранова [и др.] // Приборы и методы измерений. 2025. № 2. С. 121–132.
- 3. Доплеровский измеритель дальности и скорости движущегося объекта: пат. 13652 РБ / В. Л. Козлов, В. С. Баранова, А. А. Спиридонов, Д. В. Ушаков; дата публ.: 05.02.2025.