

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ РЕСПУБЛИКИ  
БЕЛАРУСЬ**  
**БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**МЕХАНИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ**  
**Кафедра интеллектуальных методов моделирования**

Шведков Павел Николаевич

Аннотация к магистерской диссертации

**Размерность Вапника-Червоненкиса систем функций**

Научный руководитель – доктор физ.-мат. наук  
К. В. Лыков

2025

# РЕФЕРАТ

Работа 61 страница, 21 литературный источник.

**Ключевые слова:** VC-РАЗМЕРНОСТЬ, МАШИННОЕ ОБУЧЕНИЕ, ТЕОРИЯ ГРАФОВ, ФУНКЦИИ РАДЕМАХЕРА, НОРМЫ МАТРИЦ.

**Объект исследования:** статистическая теория обучения.

**Предмет исследования:** VC-теория, VC-размерность конкретных систем функций.

**Цель работы:** погрузиться в теоретические основы VC-теории, изучить сферы её применения.

**Задачи:** вычислить VC-размерность для специального класса функций.

**Методы исследования:** изучение литературы по теме, моделирование с использованием языка программирования Python.

**Апробация магистерской диссертации:** выступление на "XIV БЕЛОРУССКОЙ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ КОНФЕРЕНЦИИ" с результатами, изложенными в главе 4.

**Сведения о внедрении:** готовится публикация с результатами, доказанными в главе 4, в журнале "Труды Института математики НАН Беларуси".

**Достоверность материалов и результатов магистерской диссертации:** использованные в работе источники являются достоверными. Работа выполнена самостоятельно.

**Область возможного практического применения:** использование доказанных теорем для оптимизации вычислений, использование полученных оценок для построения систем функций с заданной VC-размерностью.

# РЭФЕРАТ

Праца 61 старонка, 21 літаратурная крыніца.

**Ключавыя слова:** VC-ПАМЕРНАСЦЬ, МАШЫННАЕ НАВУЧЭННЕ, ТЭОРЫЯ ГРАФАЎ, ФУНКЦЫI РАДЭМАХЕРА, НОРМЫ МАТРЫЦ.

**Аб'ект даследавання:** статыстычнае тэорыя навучання.

**Прадмет даследавання:** VC-тэорыя, VC-памернасць канкрэтных сістэм функцый.

**Мэта працы:** паглыбіцца ў тэарэтычныя асновы VC-тэорыі, вывучыць сфery яе прымянењня.

**Задачы:** вылічыць VC-памернасць для спецыяльнага класа функцый.

**Метады даследавання:** вывучэнне літаратуры па тэме, мадэляванне з выкарыстаннем мовы праграмавання Python.

**Прабацыя магістарскай дысертацыі:** выступ на "XIV БЕЛАРУСКАЙ МАТЭМАТЫЧНАЙ КАНФЕРЭНЦЫI" з вынікамі, выкладзенымі ў раздзеле 4.

**Звесткі аб укараненні:** рыхтуеца публікацыя з вынікамі, даказанымі ў раздзеле 4, у часопісе "Труды Института математики НАН Беларуси".

**Даставернасць матэрыялаў і вынікаў магістарскай дысертацыі:** выкарыстанныя ў працы крыніцы з'яўляюцца даставернымі. Праца выканана самастойна.

**Вобласць магчымага практычнага прымянењня:** выкарыстанне даказаных тэорэм для алгемізацыі вылічэнняў, выкарыстанне атрыманых ацэнак для пабудовы сістэм функцый з зададзенай VC-памернасцю.

# **ABSTRACT**

Work 61 pages, 21 literary sources.

**Keywords:** VC-DIMENSION, MACHINE LEARNING, GRAPH THEORY, RADEMACHER FUNCTIONS, MATRIX NORMS.

**Object of study:** statistical learning theory.

**Subject of study:** VC-theory, VC-dimension of specific function systems.

**Objective of the work:** to delve into the theoretical foundations of VC-theory and explore its areas of application.

**Tasks:** to compute the VC-dimension for a special class of functions.

**Research methods:** literature review on the topic, modeling using the Python programming language.

**Master's thesis defense:** presentation at the "XIV BELARUSIAN MATHEMATICAL CONFERENCE" with results presented in Chapter 4.

**Implementation details:** a publication with results proven in Chapter 4 is being prepared for the journal "Proceedings of the Institute of Mathematics of the NAS of Belarus".

**Credibility of materials and results of the master's thesis:** The sources used in the work are reliable. The work was done independently.

**Scope of potential practical application:** Use of proven theorems for computation optimization, application of obtained estimates to construct systems of functions with a given VC-dimension.