

# МЕЖПОДЗОННОЕ РАССЕЙЯНИЕ ЭЛЕКТРОНОВ В КВАНТОВЫХ ЯМАХ ПРИ КУЛОНОВСКОМ ВЗАИМОДЕЙСТВИИ

А. Н. Дрозд

Белорусский государственный университет, Минск

Перспективными источниками излучения в ИК-диапазоне являются квантово-каскадные лазеры - полупроводниковые источники когерентного излучения, лазерный переход в которых осуществляется между подзонами размерного квантования в пределах одной разрешенной зоны (зоны проводимости) полупроводника [1]. Особенности создания инверсии населенности в таких устройствах требуют детального изучения безизлучательных процессов (внутри- и межподзонных) в гетероструктурах. С увеличением длины волны межподзонных оптических переходов растет интенсивность процессов межподзонной релаксации носителей заряда, обусловленных их кулоновским взаимодействием.

При расчетах скоростей межподзонной релаксации часто прибегают к методам Монте-Карло [2, 3], которые требуют больших вычислительных затрат. В данной работе рассчитана скорость межподзонного электрон-электронного рассеяния в прямоугольных квантовых ямах в рамках борновского приближения и получена простая приближенная формула.

Матричный элемент кулоновского взаимодействия электронов при их рассеянии из состояния  $(i, Q_x; j, Q_2)$  в состояние  $(f, Q_3; m, Q_4)$  (в скобках указаны номера подзон и двумерные волновые векторы соответствующих электронов в прямоугольной квантовой яме) с учетом того, что экранирование носителей при межподзонных переходах относительно слабо [3, 4], можно записать в виде

$$V_{ijfm} = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \frac{F_{ijfm}(Q)}{Q^2} \quad (1)$$

Здесь  $Q = |Q_3 - Q_2|$ ,  $e$  - заряд электрона,  $\epsilon_0$  - диэлектрическая проницаемость среды, символ Кронекера  $\delta$  учитывает закон сохранения импульса, а  $F_{ijfm}(Q)$  - форм-фактор, определяемый интегралом перекрытия огибающих волновых функций электронов

$$F_{ijfm}(Q) = \int \phi_i^*(z_1) \phi_j(z_2) \phi_f^*(z_2) \phi_m(z_1) e^{iQ(z_1 - z_2)} dz_1 dz_2 \quad (2)$$

В симметричной яме симметрия волновых функций приводит к тому, что данный форм-фактор отличен от нуля только тогда, когда сумма индексов  $i, j, f$  и  $m$  четная.

Скорость электрон-электронного рассеяния запишем в борновском приближении

$$R_{\text{vifn}} = \frac{2\pi}{S} \sum_{i,j,f,m} |F_{ijfm}(Q)|^2 \delta(E_i + E_j - E_f - E_m) \quad (3)$$

$$\delta(E_i + E_j - E_f - E_m) \delta_{(2\pi)} \delta_{(2\pi)} \delta_{(2\pi)}$$

где  $E(Q_n)$  - энергия электрона в  $n$ -ом состоянии,  $f(Q)$  - функция распределения  $i$ -го электрона по состояниям,  $S$  - нормировочная площадь,  $\hbar$  - приведенная постоянная Планка,  $\delta$ -функция учитывает закон сохранения энергии. Конечные состояния предполагаются незаполненными. В формуле (3) интегрирование по  $Q_4$  уже произведено с учетом символа Кронекера. Здесь для простоты мы не рассматриваем спин электронов и не учитываем обменное взаимодействие.

Для разделения переменных в  $\delta$ -функции использовалась замена  $Q = Q_1 + 1/2Q_2 + Q_3$ . Кроме того, если предположить, что начальные импульсы электронов гораздо меньше переданного в результате рассеяния импульса, для скорости межподзонных переходов в бесконечно глубокой квантовой яме получим простую аналитическую формулу [5]:

$$R_{ijfm} = \frac{Ry m_e}{n m_0^2 \epsilon^2} \quad (4)$$

Здесь  $Ry$  - ридберговская энергия,  $m_e$  - эффективная масса электрона в квантовой яме,  $\epsilon_p = \epsilon/\epsilon_0$  - относительная диэлектрическая проницаемость среды,  $n_{2D}$  - двухмерная концентрация электронов в яме,  $d$  - толщина квантовой ямы,  $\%$  - безразмерный числовой множитель, равный

$X = 8 F_{ijfm}(Q_0) j(i^2 + j^2 - f^2 - m^2)$ . Заметим, что для получения формулы (4) даже неважен вид функций распределения носителей. Форм-фактор  $F_{ijfm}(Q_0)$  для бесконечно глубокой квантовой ямы находится аналитически. Так для перехода 2211 имеем

$$F_{2211}(Q) = \frac{2/3 \cdot 1 \cdot V^{-1/3}}{\dots} = 0.166816. \quad (5)$$

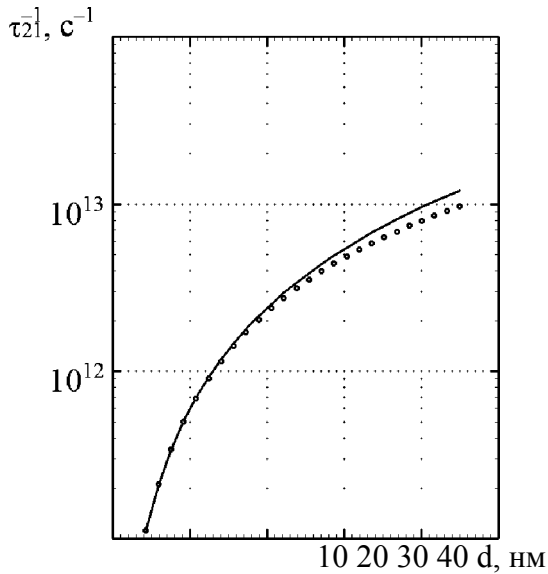


Рис. 1. Зависимость обратного времени жизни электрона в бесконечно глубокой квантовой яме, связанного с электрон-электронным рассеянием для переходов, от толщины ямы  $d$ . Сплошная кривая соответствует приближенной формуле (4). Точки соответствуют точному численному расчету

График, показанный на рис. 1, позволяет говорить о хорошем приближении, даваемом формулой (4). При построении графиков было учтено, что формула (4) дает темп электрон-электронных столкновений, но за один такой акт в нижнюю подзону переходит два электрона, следовательно, обратное время жизни электрона во второй подзоне  $\tau^{-1} = 2 \cdot \nu_{i/po} \cdot V$  квантовой ямы конечной глубины энергия перехода между подзонами становится меньше, чем в бесконечно глубокой яме той же толщины, что должно увеличивать скорость межподзонных переходов. С другой стороны, уменьшение

степени перекрытия волновых функций по сравнению с идеальной ямой способствует уменьшению скорости переходов. Взаимная компенсация этих двух механизмов приводит к тому, что приближенная формула (4) является хорошим приближением и для этого случая.

С ростом толщины ямы  $d$  расстояние между подзонами становится сравнимым с тепловой энергией  $kT$ , т. е. нарушается условие применимости полученной формулы, поэтому наблюдается расхождение кривых. При типичных толщинах ям ( $< 30$  нм) ошибка не превышает 15 % при комнатной температуре, а с уменьшением температуры становится еще меньше. Такой точности расчета скорости рассеяния достаточно для оценки пороговых и мощностных характеристик лазерных излучателей на основе скоростных уравнений.

- 1 Faist J., Capasso F., Sivco D. et al. // Science. 1994. V. 264. P. 553-556.
- 2 Goodnick S. M., Lugli P. // Phys. Rev. B. 1988. Vol. 37. PP. 2578 - 2588.
- 3 Dur M., Goodnick S. M., Lugli P. Monte Carlo simulation of intersubband relaxation in wide, uniformly doped GaAs/Al<sub>x</sub>Ga<sub>1-x</sub>As quantum wells // Phys. Rev. B. 1996. V. 54. P. 17794-17804.
- 4 Lee S.-C., Galbraith I. // Phys. Rev. B. 1999. V. 59. P. 15796-15805.
- 5 Дрозд А. Н. // Физика конденсированного состояния: Тез. докл. XII Республ. научн. конф. аспирантов, магистрантов и студентов. Гродно: ГрГУ, 2004. С. 33 - 35.