

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ РЕСПУБЛИКИ БЕЛАРУСЬ**  
**БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**ФАКУЛЬТЕТ ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАТИКИ**  
**Кафедра теории вероятностей и математической статистики**

Аннотация к дипломной работе

**ВАРИОГРАММНЫЙ АНАЛИЗ РАЗЛИЧНЫХ СЛУЧАЙНЫХ  
ПРОЦЕССОВ**

Мисюченко Елизавета Михайловна

Научный руководитель — кандидат физико-математических наук,  
доцент Т.В. Цеховая

Минск, 2024

## РЕФЕРАТ

Дипломная работа, 42 страницы, 20 рисунков, 12 источников, 3 приложения.

СЛУЧАЙНЫЙ ПРОЦЕСС, КОВАРИАЦИОННАЯ ФУНКЦИЯ, СЕМИВАРИОГРАММА, ОЦЕНКА, ВНУТРЕННЯЯ СТАЦИОНАРНОСТЬ, ВАРИОГРАММНЫЙ АНАЛИЗ.

*Объект исследования* – случайные процессы с заданной ковариационной функцией, процессы авторегрессии первого порядка и процессы, загрязненные шумом.

*Цель работы* – провести вариограммный анализ различных случайных процессов.

*Методы исследования:* теории вероятностей, математической статистики, случайных процессов, математического анализа, геометрии и алгебры, программирование на языке Python с использованием различных математических библиотек.

*Результатом* являются выражения для ковариационной функции, семивариограммы и спектральной плотности различных случайных процессов, сравнительный анализ классической и робастной оценок семивариограммы случайных процессов

*Область применения* – геостатистика, гидрология и другие области науки, в которых необходимо исследовать стохастические системы и прогнозировать пространственные данные.

## РЭФЕРАТ

Дыпломная работа, 41 старонкі, 20 малюнкаў, 12 крыніц, 3 дадаткі.  
ВЫПАДКОВЫ ПРАЦЭС, КАВАРЫЯЦЫЙНАЯ ФУНКЦЫЯ,  
СЯМІВАРЫЯГРАМА, АЦЭНКА, УНУТРАНАЯ СТАЦЫЯНАРНАСЦЬ,  
ВАРЫЯГРАМНЫ АНАЛІЗ.

*Аб'ект даследавання* – выпадковыя працэсы з зададзенай каварыяцыйнай функцыяй, працэсы аўтарэгрэсіі першага парадку і працэсы, забруджаныя шумам.

*Мэта работы* – правесці варыяgramны analіz розных выпадковых працэсаў.

*Методы даследавання*: тэорыі верагоднасці, матэматычнай статыстыкі, выпадковых працэсаў, матэматычнага аналізу, геаметрыі і алгебры, праграмаванне на мове Python з выкарыстаннем розных матэматычных бібліятэк.

*Вынікам* з'яўляюца выразы для каварыяцыйнай функцыі, семіварыяграмы і спектральний шчыльнасці розных выпадковых працэсаў, параўнальны аналіз класічнай і робастной адзнак семіварыяграмы выпадковых працэсаў

*Вобласць ужывання* - геастатыстика, гідралогія і іншыя вобласці навукі, у якіх неабходна даследаваць стахастычныя сістэмы і прагназаваць просторавыя дадзенныя.

## ABSTRACT

Diploma work, 42 pages, 20 figures, 12 sources, 3 appendices.

RANDOM PROCESS, COVARIANCE FUNCTION, SEMI-VARIOGRAM,  
ESTIMATION, INTERNAL STATIONARITY, VARIOGRAM ANALYSIS.

*The object of study* are random processes with a given covariance function, first-order autoregressive processes and processes contaminated with noise.

*The purpose* of the work is to conduct a variogram analysis of various random processes.

*Research methods:* probability theory, mathematical statistics, random processes, mathematical analysis, geometry and algebra, Python programming using various mathematical libraries.

*The result* is expressions for the covariance function, semivariogram and spectral density of various random processes, a comparative analysis of classical and robust estimates of the semivariogram of random processes

*Area of application:* geostatistics, hydrology and other areas of science in which it is necessary to study stochastic systems and predict spatial data.