

Учреждение образования  
«Международный государственный экологический институт  
имени А.Д. Сахарова» Белорусского государственного университета

УТВЕРЖДАЮ

Директор

МГЭИ им. А.Д. Сахарова БГУ

О. И. Родькин

2023 г.

Регистрационный № УД- 1261-23 /уч.



## ВЫСШАЯ МАТЕМАТИКА

Учебная программа учреждения высшего образования  
по учебной дисциплине для специальности:

6-05-0511-04 Медико-биологическое дело

Профилизация: клеточная и молекулярная биология

2023 г.

Учебная программа составлена на основе ОСВО 6-05-0511-04-2023 от 4.08.2023 и учебных планов учреждения высшего образования № 154-23/уч. и № 155-23/уч.инт.з. от 07.04.2023 специальности 6-05-0511-04 Медико-биологическое дело

СОСТАВИТЕЛЬ:

Д. И. Радюк, старший преподаватель кафедры общей и медицинской физики учреждения образования «Международный государственный экологический институт им. А. Д. Сахарова» Белорусского государственного университета

РЕЦЕНЗЕНТЫ:

Кафедра физико-математических дисциплин Института информационных технологий Белорусского государственного университета информатики и радиоэлектроники;

В. В. Журавков, заведующий кафедрой информационных технологий в экологии и медицине учреждения образования «Международный государственный экологический институт им. А. Д. Сахарова» Белорусского государственного университета, кандидат биологических наук, доцент

РЕКОМЕНДОВАНА К УТВЕРЖДЕНИЮ:

Кафедрой общей и медицинской физики учреждения образования «Международный государственный экологический институт им. А. Д. Сахарова» Белорусского государственного университета (протокол № 10 от 29 мая 2023);

Научно-методическим советом учреждения образования «Международный государственный экологический институт им. А. Д. Сахарова» Белорусского государственного университета (протокол № 9 от 21 июня 2023)

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Дисциплина «Высшая математика» предназначена для обеспечения базовой математической подготовки по специальности 6-05-0511-04 Медико-биологическое дело и является фундаментом математического образования специалиста. Однако даже в рамках данного курса должно проводиться ориентирование на приложение математических методов в профессиональной деятельности. В настоящее время возросла роль математических методов в биологии, химии, физике. Для моделирования процессов необходимо владеть дифференциальным, интегральным исчислением. Специалист должен уметь составить математическую модель реального процесса и решить полученные уравнения. Курс «Высшей математики» является основой высшего образования. Знания, приобретаемые студентами в результате изучения математики, играют важную роль в процессе его обучения в институте. Они необходимы для успешного усвоения общетеоретических и специальных дисциплин (химия, основы радиобиологии, статистические методы в медицине и др.).

**Цели обучения дисциплине:**

- формирование математической компетентности обучающихся для непрерывного образования и профессиональной деятельности;
- развитие интеллектуального потенциала студентов и способностей их к логическому и алгоритмическому мышлению;
- обучение основным математическим методам, необходимым для анализа и моделирования устройств, процессов и явлений при поиске оптимальных решений прикладных задач и выбора наилучших способов реализации этих решений.

**Задачи обучения дисциплине:**

- изучение теоретических основ математического аппарата;
- применение теоретических основ для решения практических задач;
- привить студентам умение самостоятельно изучать учебную литературу по математике и ее приложениям;
- развить логическое и алгоритмическое мышление;
- выработать навыки математического исследования прикладных вопросов.

При усвоении дисциплины обучающийся должен овладеть следующими компетенциями:

БПК-2. Применять теоретические и методологические положения физики и высшей математики для решения прикладных задач в сфере биологии и медицины.

В результате изучения дисциплины студент должен

**знатъ:**

- основные понятия и методы линейной алгебры, векторной алгебры и аналитической геометрии;
- основные понятия и методы математического анализа,
- методы решения простейших дифференциальных уравнений;

***уметь:***

- производить действия над комплексными числами;
- производить действия над матрицами;
- решать системы линейных алгебраических уравнений;
- выполнять вычисления с векторами;
- выполнять вычисления пределов функций;
- применять технику дифференцирования функций;
- производить исследование функций;
- применять технику интегрирования функций;
- решать обыкновенные дифференциальные уравнения;
- составлять математические модели различных процессов;

***владеТЬ:***

- навыками практического использования базовых знаний и методов математики и естественных наук;
- методами математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования;
- математическими методами решения типовых задач профессиональной области знания.

В соответствии с учебными планами на изучение дисциплины отводится 214 ч.

Форма получения высшего образования – очная, заочная интегрированная.

Для очной формы получения высшего образования аудиторное количество часов 96, из них: лекции – 48 ч, практические занятия – 48 ч.

Для заочной интегрированной формы получения высшего образования аудиторное количество часов 22, из них: лекции – 10 ч, практические занятия – 12 ч.

Форма текущей аттестации для очной формы – экзамен в I семестре.

Форма текущей аттестации для заочной интегрированной формы – экзамен в III семестре.

Трудоемкость дисциплины составляет 6 зачетных единиц.

## СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО МАТЕРИАЛА

### **Тема 1. Числовые множества**

Понятие множества и операции над множествами. Числовые множества. Множество комплексных чисел. Алгебраическая форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в алгебраической форме

### **Тема 2. Линейная алгебра**

Понятие о матрице. Виды матриц. Линейные операции над матрицами. Умножение матриц. Натуральная степень матрицы. Транспонирование матрицы. Элементарные преобразования матриц. Определители второго и третьего порядка. Основные методы вычисления определителей. Свойства определителей. Обратная матрица. Системы линейных алгебраических уравнений. Решение систем линейных уравнений методом Крамера, методом Гаусса. Решение задач с профессионально направленным содержанием.

### **Тема 3. Векторная алгебра и аналитическая геометрия**

Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Прямоугольная декартова система координат на плоскости и в пространстве. Действия над векторами в координатной форме: координаты вектора, длина вектора, линейные операции, условие коллинеарности векторов. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов. Различные виды уравнений прямой на плоскости. Основные задачи для прямой на плоскости. Линии второго порядка: эллипс, гипербола, парабола. Решение задач с профессионально направленным содержанием.

### **Тема 4. Предел и непрерывность функции**

Предел функции в точке и на бесконечности. Свойства функций, имеющих предел. Замечательные пределы. Односторонние пределы. Понятие непрерывности функции в точке. Свойства непрерывных функций. Классификация точек разрыва функции. Решение задач с профессионально направленным содержанием.

### **Тема 5. Дифференциальное исчисление функций одной переменной**

Понятие производной функции, её геометрический и физический смысл. Свойства производной для арифметических действий. Производная сложной функции. Таблица производных. Дифференциал функции. Производные и дифференциалы высших порядков. Правило Лопитала. Применение производной к исследованию функций. Решение задач с профессионально направленным содержанием.

**Тема 6. Интегральное исчисление функций одной переменной**

Понятие неопределенного интеграла и его свойства. Таблица основных неопределенных интегралов. Основные методы интегрирования: непосредственное интегрирование, методы поднесения под знак дифференциала и замены переменной, метод подстановки, метод интегрирования по частям. Интегрирование простейших рациональных дробей. Интегрирование иррациональных функций. Интегрирование тригонометрических функций.

Понятие определенного интеграла, его геометрический смысл. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Основные методы интегрирования. Приложения определенного интеграла. Решение задач с профессионально направленным содержанием.

**Тема 7. Дифференциальное и интегральное исчисление функций двух переменных**

Основные понятия функций двух переменных. Частные производные функции двух переменных. Полный дифференциал функции. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Экстремум функции двух переменных. Двойной интеграл и его приложения. Решение задач с профессионально направленным содержанием.

**Тема 8. Дифференциальные уравнения 1-го и 2-го порядков**

Дифференциальные уравнения, основные понятия. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами и специальной правой частью. Решение задач с профессионально направленным содержанием.

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКАЯ КАРТА ДИСЦИПЛИНЫ**  
*(очная форма получения высшего образования)*

Номер раздела, темы, занятия	Название раздела, темы	Количество аудиторных часов					Формы контроля знаний
		Лекции	Практические (семинарские) Занятия	Лабораторные занятия	Иное		
1	2	3	4	5	6	7	
1	Числовые множества	2	2		метод. пособие	опрос	
2	Линейная алгебра	8	8		метод. пособие	опрос, контр. раб, тест	
3	Векторная алгебра и аналитическая геометрия	8	6		метод. пособие	контр. работа, тест	
4	Предел и непрерывность функции	4	4		метод. пособие	опрос, тест	
	Контрольная работа №1		2				
5	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	6	6		метод. пособие	опрос, тест, контр. работа	
6	Интегральное исчисление функций одной переменной	8	8		метод. пособие	тест, контр. работа	
7	Дифференциальное и интегральное исчисление функций двух переменных	6	6		метод. пособие	самост. работа,	
8	Дифференциальные уравнения 1-го и 2-го порядков	6	4		метод. пособие	самост. работа	
9	Контрольная работа №2		2				
<b>ВСЕГО</b>		<b>48</b>	<b>48</b>				

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКАЯ КАРТА ДИСЦИПЛИНЫ**  
*(заочная интегрированная форма получения высшего образования)*

Номер раздела, темы, занятия	Название раздела, темы	Количество аудиторных часов					Формы контроля знаний
		Лекции	Практические (семинарские) Занятия	Лабораторные занятия	Иное		
1	2	3	4	5	6	7	
1	Числовые множества						
2	Линейная алгебра	2	2		метод. пособие	опрос, контр. раб, тест	
3	Векторная алгебра и аналитическая геометрия	2	2		метод. пособие	опрос, контр. работа, тест	
4	Предел и непрерывность функции	1	2		метод. пособие	опрос, тест	
5	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	2	2		метод. пособие	опрос, тест, контр. работа	
6	Интегральное исчисление функций одной переменной	2	2		метод. пособие	тест, контр. работа	
7	Дифференциальное и интегральное исчисление функций двух переменных				метод. пособие	самост. работа,	
8	Дифференциальные уравнения 1-го и 2-го порядков	1	2		метод. пособие	самост. работа	
<b>ВСЕГО</b>		<b>10</b>	<b>12</b>				

## ИНФОРМАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

### РЕКОМЕНДУЕМАЯ ЛИТЕРАТУРА

***Основная:***

1. Баврин, И. И. Высшая математика : учебник / И. И. Баврин. – 3-е изд., стер. – М. : Изд-й центр "Академия", 2003. – 616 с.
2. Гусак, А. А. Высшая математика : учебник : в 2 т. Т. 1 / А. А. Гусак. – 5-е изд. – Минск : ТетраСистемс, 2004. – 543 с.
3. Письменный, Д. Т. Конспект лекций по высшей математике. Полный курс / Д. Т. Письменный. – 18-е изд. – Москва : АЙРИС-пресс, 2021. – 608 с.
4. Шипачев, В.С. Высшая математика : учебник для вузов / В. С. Шипачев. – 6-е изд., стер. – Москва : Высшая школа, 2003. – 479 с.

***Дополнительная***

5. Лунгу, К. Н. Сборник задач по высшей математике. 1 курс / К. Н. Лунгу, Д. Т. Письменный, С. Н. Федин, Ю. А. Шевченко. – 7-е изд. – М.: Айрис-пресс, 2008. – 576 с.
6. Радюк, Д. И. Высшая математика: практикум / Д. И. Радюк. – Минск ИВЦ Минфина, 2023 – 64 с.
7. Рябушко, А. П. Высшая математика : в 5 ч. / А. П. Рябушко, Т. А. Жур. – Минск : Вышэйшая школа, 2016-2018. – Ч. 2. Комплексные числа. Неопределенный и определенный интегралы. Функции нескольких переменных. Обыкновенные дифференциальные уравнения. – 2016. – 273 с.
8. Рябушко, А. П. Высшая математика : в 5 ч. / А. П. Рябушко, Т. А. Жур. – Минск : Вышэйшая школа, 2016-2018. – Ч. 1. Линейная и векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Дифференциальное исчисление функций одной переменной. – 2017. – 305 с.

### **Инновационные подходы и методы к преподаванию учебной дисциплины**

При организации образовательного процесса используется ***практико-ориентированный подход***, который предполагает:

- освоение содержание образования через решения практических задач;
- приобретение навыков эффективного выполнения разных видов профессиональной деятельности;
- использованию процедур, способов оценивания, фиксирующих сформированность профессиональных компетенций.

В рамках лекционных занятий предусмотрено использование мультимедийных средств.

В процессе проведения практических заданий используются дидактические материалы, включающие задачи повышенной сложности. Использование дидактических материалов позволяет работать хорошо успевающим студентам с большим коэффициентом полезного действия.

Изучение дисциплины предусматривает систематическую самостоятельную работу студентов с рекомендуемыми учебно-методическими материалами, Internet-источниками и другими источниками.

Для организации самостоятельной работы студентов по курсу необходимо использовать современные технологии: разместить в сетевом доступе комплекс учебных и учебно-методических материалов (программа, методические указания к практическим занятиям, список рекомендуемой литературы и информационных ресурсов, задания в тестовой форме для самоконтроля и др.).

Самостоятельная работа осуществляется в виде аудиторных и внеаудиторных форм по высшей математике. Для самостоятельной работы студентам предлагаются индивидуальные домашние задания. В рамках индивидуальных консультаций студенты обсуждают ход выполнения индивидуальных домашних заданий.

### **Перечень рекомендуемых средств диагностики**

С целью диагностики знаний, умений и навыков студентов по данной дисциплине рекомендуется использовать:

- 1) контрольные работы;
- 2) самостоятельные работы;
- 3) устный опрос в ходе практических занятий;
- 4) проверку конспектов лекций студентов;
- 5) тестирование, включая компьютерное.

### **Темы самостоятельных работ**

1. Действия над комплексными числами.
2. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Крамера, матричным методом, методом Гаусса.
3. Действия над векторами. Прямая на плоскости. Кривые второго порядка.
4. Вычисление пределов функции в точке и на бесконечности.
5. Вычисление производных. Приложение производных к исследованию функций.
6. Вычисление интегралов. Основные методы интегрирования.
7. Вычисление частных производных. Экстремум функций двух переменных.
8. Решение дифференциальных уравнений 1-го и 2-го порядков.

## Протокол согласования учебной программы

<b>Название дисциплины, с которой требуется согласование</b>	<b>Название кафедры</b>	<b>Предложения об изменениях в содержании учебной программы учреждения высшего образования по учебной дисциплине</b>	<b>Решение, принятое кафедрой, разработавшей учебную программу (с указанием даты и номера протокола)</b>
Согласования с другими дисциплинами не требуется			