

Можно доказать, что в дифференциальных играх с независимыми движениями у всех  $n$  игроков существуют ситуации равновесия [3], причем понятно, что функция  $V(x, T)$  значения выигрышей игроков в равновесных ситуациях в общем случае многозначна. Поэтому ясно, что и в рассматриваемом более общем случае функция

$$V^i = \lim_{|\sigma| \rightarrow 0} {}^\sigma V^P(\cdot) = V^P(\cdot)$$

также, вообще говоря, многозначна.

### Библиографические ссылки

1. Малафеев О.А. Ситуации равновесия в динамических играх. Кибернетика. 1974. № 3. С. 111–118.
2. Малафеев О.А., Зубова А.Ф., Новожилова Л.М. Математическое моделирование сложных систем. СПб.: Изд. Санкт-Петербургского университета, 1999.
3. Малафеев О.А. Управляемые конфликтные системы. СПб.: Изд. Санкт-Петербургского университета, 2000.

## О ЛИНЕЙНОЙ МАКСИМИННОЙ ЗАДАЧЕ СО СВЯЗАННЫМИ ПЕРЕМЕННЫМИ

**А.Р. Маматов**

Самаркандский государственный университет, Самарканд, Узбекистан  
[akmm1964@rambler.ru](mailto:akmm1964@rambler.ru)

Наиболее трудным при разработки алгоритмов решения многоэкстремальных задач является составление блока алгоритма, осуществляющей переход с одного локального оптимального плана на другой план, при которой значение целевой функции задачи улучшается.

Наряду с прямыми методами исследования экстремальных задач, важную роль играют двойственные методы [1, 2], которые во многих случаях открывают дополнительную возможность для перехода к лучшему плану по значению целевой функции, что невозможно или трудно при исследование рассматриваемых задач прямыми методами.

В данной работе для линейной максиминной задачи со связанными переменными [2, 3, 4]

$$\varphi(x) = \min_{y \in Y(x)} (c'x + d'y) \rightarrow \max_{x \in X},$$

здесь  $X = \{x \mid f_* \leq x \leq f^*\}$ ,  $Y(x) = \{y \mid g_* \leq y \leq g^*, Ax + By = b\}$ ,  $c = c(J)$ ,  $x = x(J)$ ,  $f_* = f_*(J)$ ,  $f^* = f^*(J)$  –  $n$ -векторы,  $d = d(K)$ ,

$y = y(K)$ ,  $g_* = g_*(K)$ ,  $g^* = g^*(K)$  —  $l$ -векторы,  $b = b(I)$  —  $m$ -векторы,  $A = A(I, J)$ ,  $B = B(I, K)$  соответственно  $m \times n$  и  $m \times l$  матрицы;  $\text{rank}B = m < l$ ,  $I = \{1, 2, \dots, m\}$ ,  $J = \{1, 2, \dots, n\}$ ,  $K = \{1, 2, \dots, l\}$ ,  $\forall x \in X, Y(x) \neq \emptyset$ , предлагаются новые результаты численных экспериментов на ПЭВМ по построению планов, удовлетворяющий необходимым условиям оптимальности "высокого порядка" [3].

### Библиографические ссылки

1. Габасов Р., Кириллова Ф.М., Тятошкин А.И. Конструктивные методы оптимизации. Ч.1. Линейные задачи. Мин.: Университетское, 1984.
2. Маматов А.Р. Двойственный алгоритм вычисления локального оптимума одной максиминной задачи со связанными переменными // Узбекский журнал Проблемы информатики и энергетики. 2000. № 1. С. 7–12.
3. Маматов А.Р. Необходимые условия оптимальности "высокого порядка" в линейной максиминной задаче со связанными переменными // Журнал вычислительной математики и математической физики, 2010. Т. 50. № 6. С. 1017–1022.
4. Маматов А.Р. О линейной максиминной задачи со связанными переменными // Динамические системы: устойчивость, управление, оптимизация: материалы Междунар. науч. конф., посвященной 100-летию со дня рождения академика Е.А. Барбашина; Ф.М.Кириллова (глав. ред.) [и др.]. Минск: БГУ, 2018. С. 155–156.

## НЕОБХОДИМЫЕ УСЛОВИЯ ОПТИМАЛЬНОСТИ ОСОБЫХ В КЛАССИЧЕСКОМ СМЫСЛЕ УПРАВЛЕНИЙ В СТОХАСТИЧЕСКИХ СИСТЕМАХ ГУРСА-ДАРБУ

К.Б. Мансимов<sup>1,2</sup>, Р.О. Масталиев<sup>1</sup>

<sup>1</sup> Институт Систем Управления НАН Азербайджана, Баку, Азербайджан  
[mastaliyevrashad@gmail.com](mailto:mastaliyevrashad@gmail.com)

<sup>2</sup> Бакинский Государственный Университет, Баку, Азербайджан  
[kamilbmansimov@gmail.com](mailto:kamilbmansimov@gmail.com)

Для задачи оптимального управления, описываемый стохастической системой Гурса-Дарбу [1], установлены необходимые условия оптимальности первого и второго порядков (уравнение Эйлера, аналог условия Лежандра-Клебша) и исследованы на оптимальность особые в классическом смысле [2–4] управления.

Пусть  $(\Omega, F, P)$  — некоторое вероятностное пространства;  $D = [t_0, t_1] \times [x_0, x_1]$ ,  $y = (t, x) \in D$ ;  $y = (t, x) \leq y' = (t', x')$ , если