



Вести БГПУ

Ежеквартальный научно-методический журнал.
Издается с июня 1994 г.

№ 2(100) 2019

СЕРИЯ 3. Физика. Математика. Информатика.
Биология. География

Главный редактор А. И. Жук

Редакционная коллегия:

С. И. Василец (зам. главного редактора) (Республика Беларусь)
В. В. Амелькин (Республика Беларусь)
Н. В. Бровка (Республика Беларусь)
М. К. Буза (Республика Беларусь)
И. В. Белько (Республика Беларусь)
А. Н. Витченко (Республика Беларусь)
В. Б. Кадацкий (Республика Беларусь)
С. Г. Григорьев (Российская Федерация)
В. В. Гриншкун (Российская Федерация)
В. Н. Киселев (Республика Беларусь)
В. М. Котов (Республика Беларусь)
Н. И. Листопад (Республика Беларусь)
С. Мицкевичюс (Литовская Республика)
В. Н. Русак (Республика Беларусь)
В. Р. Соболев (Республика Беларусь)
И. М. Степанович (Республика Беларусь)
В. Б. Таранчук (Республика Беларусь)
А. Т. Федарук (Республика Беларусь)
Н. Л. Шапекова (Республика Казахстан)
В. В. Шлыков (Республика Беларусь)
М. Г. Ясовеев (Республика Беларусь)

Адрес редакции

Ул. Могилевская, 37, к. 124,
220007, Минск,
тел. 219-78-12
e-mail: vesti@bspu.by

Свидетельство № 1353 от 06.05.10.
Министерства информации
Республики Беларусь

Подписано в печать 20.06.19.
Формат 60×84 1/8. Бумага офсетная.
Гарнитура Арнал. Ризография.
Усл. печ. л. 8,3. Уч.-изд. л. 7,5.
Тираж 100 экз. Заказ 467.

Издатель и полиграфическое исполнение:
Учреждение образования «Белорусский
государственный педагогический
университет имени Максима Танка».
Свидетельство о государственной
регистрации издателя, изготовителя,
распространителя печатных изданий
№ 1/236 ад 24.03.14.
Лицензия № 02330/448 от 18.12.13.
Ул. Советская, 18,
220030, Минск.

Ответственный секретарь О. В. Юхновец

Редактор О. В. Юхновец

Компьютерная верстка А. И. Стебули

© Вести БГПУ. Серия 3. 2019. № 2

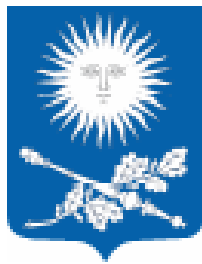


В соответствии с приказом Высшей аттестационной комиссии от 02.02.2011 г. № 26 журнал «Весті БДПУ. Серія 3» включен в Перечень научных изданий Республики Беларусь для опубликования результатов диссертационных исследований по биологическим, географическим, педагогическим (теория и методика обучения математике, физике, информатике), техническим (информатика, вычислительная техника и управление), физико-математическим (математика, оптика, физика конденсированного состояния) наукам

Журнал «Весті БДПУ. Серія 3» согласно Постановлению ВАКа от 08.06.2009 № 3 выходит:
№ 1, 3 по научным направлениям «Биология. География. Информатика»,
№ 2, 4 по научным направлениям «Физика. Математика. Методика преподавания»



В соответствии с договором
между БГПУ и ООО «Научная электронная библиотека» (лицензионный договор 676-12/2016 от 21.12.2016 г.)
журнал «Весті БДПУ» (в 3-х сериях) размещается на платформе eLIBRARY.RU и включен в Российский индекс научного цитирования (РИНЦ) – бесплатный общедоступный инструмент измерения публикационной активности ученых и организаций.



BSPU Bulletin

Quarterly scientific-methodical journal
Published since June 1994

№ 2(100) 2019

SERIES 3. Physics. Mathematics. Informatics.
Biology. Geography

Editor-in-Chief A. Zhuk

Editorial Board:

S. Vasilets (*First Deputy Editor-in-Chief*) (Republic of Belarus)
U. Amelkin (Republic of Belarus)
N. Brouka (Republic of Belarus)
M. Buza (Republic of Belarus)
I. Byalko (Republic of Belarus)
A. Vitshanka (Republic of Belarus)
S. Grigoriev (Russian Federation)
V. Grinshkun (Russian Federation)
V. Kadatski (Republic of Belarus)
V. Kisialiou (Republic of Belarus)
U. Kotau (Republic of Belarus)
M. Listapad (Republic of Belarus)
S. Mickevicius (Republic of Lithuania)
V. Rusak (Republic of Belarus)
V. Sobol (Republic of Belarus)
I. Stepanovich (Republic of Belarus)
V. Taranchuk (Republic of Belarus)
A. Fedaruk (Republic of Belarus)
N. Shapekava (Republic of Kazakhstan)
U. Shlykau (Republic of Belarus)
M. Yasaveyev (Republic of Belarus)

Editorial Office Contacts:

Mogilyovskaya street, 37, room 124
220007, Minsk, Republic of Belarus.
Tel. 219-78-12
e-mail: vesti@bspu.by

Certificate No 1353 from 06.05.10
of the Ministry of Information
of the Republic of Belarus

Passed for printing 20.06.19.
Format 60×84 1/4. Offset paper. Font Arial.
Risography. Conventional printed sheet 8,3.
Publisher's signature 7,5.
Circulation 100 copies. Order 467.

Publishing and printing Educational
establishment "Belarusian State Pedagogical
University named after Maxim Tank".

Certificate of state registration of editor,
producer, distributor of printed matters
No 1/236 from 24.03.14.

License No 02330/448 from 18.12.13.

Sovetskaya street, 18,
220030, Minsk, Republic of Belarus.

Deputy Editor-in-Chief V. Yuhnavec

Editor V. Yuhnavec

Desktop Publishing A. Stabulya

© BSPU Bulletin. Series 3. 2019. No 2



In compliance with the order of the Higher Attestation Commission from 02.02.2011 No 26 the journal "BSPU Bulletin. Series 3" is included into the List of scientific publications of the Republic of Belarus for publishing the results of these research on Biology, Geography, Pedagogic (theory and methods of teaching Mathematics, Physics, Informatics), Technical Sciences (Informatics, Computer Engineering and Managing), Physics and Mathematics (Mathematics, Optics, Physics of Condensed State).

In compliance with the decree

of the HAC No 3 from 08.06.2009 the journal "BSPU Bulletin. Series 3" appears:

No 1, 3 on the research areas "Biology. Geography. Informatics",

No 2, 4 on the research areas "Physics. Mathematics. Methods of Teaching".



According to the agreement

between BSPU and Pvt Ltd "Scientific Electronic Library" (licence contract № 676-12/2016 from 21.12.2016)

the journal "BSPU Bulletin" (3 series) is placed on the platform eLIBRARY.RU and included in the Russian Science Citation Index (RSCI) – free public instrument for measuring publishing activity of scientists and organizations

Змест

Фізіка

Лавреню А. Н. ОДНОМЕРНЫЙ РЕЛЯТИВИСТСКИЙ
СИНГУЛЯРНЫЙ ОСЦИЛЛЯТОР..... 5

Чубаров С. И., Чубарова А. С., Козел Р. Н., Козел Н. Р.
СОВРЕМЕННЫЕ СРЕДСТВА МОБИЛЬНОЙ СВЯЗИ И ИХ
ВЛИЯНИЕ НА ЗДОРОВЬЕ ДЕТЕЙ И ПОДРОСТКОВ 10

Матэматыка

Шылінец У. А., Гуло І. М. ДАСЛЕДАВАННЕ
КРАЙОВОЙ ЗАДАЧЫ ДЛЯ АДНАГО КЛАСА
РАШЭННЯЎ ХВАЛЕВАГА РАВНАННЯ 17

Методыка выкладання

Методыка выкладання фізікі

Соболь В. Р., Федаркоў Ч. М. ЛЕКЦЫЙНЫЯ ДЭМАНСТРАЦЫІ –
ЭФЕКТЫВНЫ СРОДАК БОЛЬШ ГЛЫБОКАГА РАЗУМЕННЯ
СУТНАСЦІ Вывучаемага матэрыялу па фізіцы 21

Белая О. Н., Селицкий К. Л., Месник Л. Ю. ПРОБЛЕМНОЕ
ОБУЧЕНИЕ КАК МЕТОД АКТИВИЗАЦИИ МЫШЛЕНИЯ
УЧАЩИХСЯ ПРИ ИЗУЧЕНИИ ФИЗИКИ 27

Харазан О. Г., Полудень Э. В. МЕТОДИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ
ИСПОЛЬЗОВАНИЯ КОМПЛЕКСНЫХ ЗАДАЧ
НА УРОКАХ ФИЗИКИ..... 31

Методыка выкладання матэматыкі

Моисеева Н. А. НАГЛЯДНОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ
КАК СПОСОБ РАЗВИТИЯ ВИЗУАЛЬНОГО МЫШЛЕНИЯ..... 38

Баркович О. А. МЕТОДИЧЕСКИЕ АСПЕКТЫ
ФОРМИРОВАНИЯ У СТУДЕНТОВ УМЕНИЯ ДОКАЗЫВАТЬ
ТЕОРЕМЫ В ПРОЦЕССЕ ИЗУЧЕНИЯ АЛГЕБРЫ 45

Методыка выкладання інфарматыкі

Вабішчэвіч С. В., Васілец С. И., Шербат А. И.
МОДЕРНИЗАЦИЯ СОДЕРЖАНИЯ И ТЕХНОЛОГИЙ
ПРЕПОДАВАНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
«ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ В ОБРАЗОВАНИИ»
БУДУЩИМ УЧИТЕЛЯМ ИНФОРМАТИКИ..... 51

Зенько С. И. ПРИЕМЫ МЕТОДИЧЕСКОЙ ПОДГОТОВКИ
БУДУЩЕГО УЧИТЕЛЯ ИНФОРМАТИКИ ПО ФОРМИРОВАНИЮ
У УЧАЩИХСЯ УМЕНИЙ ПРИМЕНЯТЬ ПОНЯТИЯ
(НА ПРИМЕРЕ ТЕМЫ «ОБРАБОТКА ИНФОРМАЦИИ
В ЭЛЕКТРОННЫХ ТАБЛИЦАХ») 58

Contents

Physics

Lawrenov A. ONE-DIMENSIONAL RELATIVISTIC
SINGULAR OSCILLATOR..... 5

Chubarov S., Chubarova A., Kozel R., Kozel N. MODERN
MOBILE MEANS OF COMMUNICATION AND THEIR INFLUENCE
ON HEALTH OF CHILDREN AND ADOLESCENTS 10

Mathematics

Shilnets V., Gulo I. STUDY OF THE BOUNDARY
VALUE PROBLEM FOR ONE CLASS OF SOLUTIONS
OF THE WAVE EQUATION..... 17

Methods of Teaching

Methods of Teaching Physics

Sobol V., Fedorkov Ch. LECTURE DEMONSTRATIONS
AS AN EFFECTIVE MEANS OF DEEPER UNDERSTANDING
OF THE ESSENCE OF THE STUDIED PHYSICS MATERIAL..... 21

Belaya O., Selitsky K., Mesnik L. PROBLEM SOLVING TRAINING
AS A METHOD OF ACTIVATION OF STUDENTS' THINKING IN
STUDYING PHYSICS 27

Kharazian A., Poluden E. METHODOICAL BASES
OF USING COMPLEX PROBLEMS
AT THE LESSONS OF PHYSICS 31

Methods of Teaching Mathematics

Moiseeva N. VISUAL MODELING
AS A WAY OF DEVELOPING VISUAL THINKING 38

Barokovich O. METHODOICAL ASPECTS OF FORMING
STUDENTS' ABILITY TO PROVE THEOREMS
IN THE PROCESS OF STUDYING ALGEBRA 45

Methods of Teaching Informatics

Vabishchevich S., Vasilets S., Sherbat A.
MODERNIZATION OF CONTENTS AND TECHNOLOGIES
OF TEACHING THE ACADEMIC DISCIPLINE
"INFORMATIONAL TECHNOLOGIES IN EDUCATION"
FOR THE FUTURE INFORMATICS TEACHERS 51

Zenko S. THE TECHNIQUES OF METHODOICAL
TRAINING OF FUTURE INFORMATICS TEACHERS
FOR THE FORMATION OF STUDENTS' SKILLS TO APPLY
CONCEPTS (ON THE EXAMPLE OF THE THEME
"PROCESSING OF INFORMATION IN SPREADSHEETS")..... 58

УДК 510.67:[37.091.33:159.955.1]

UDC 5510.67:[37.091.33:159.955.1]

НАГЛЯДНОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ КАК СПОСОБ РАЗВИТИЯ ВИЗУАЛЬНОГО МЫШЛЕНИЯ

VISUAL MODELING AS A WAY OF DEVELOPING VISUAL THINKING

Н. А. Моисеева,

*старший преподаватель кафедры общей
математики и информатики Белорусского
государственного университета*

N. Moiseeva,

*Senior Lecturer, Department
of General Mathematics and Informatics,
Belarusian State University*

Поступила в редакцию 18.02.19.

Received on 18.02.19.

В статье описывается специфика использования метода наглядного моделирования и изложен инновационный подход к реализации принципа наглядности при обучении математике в учреждениях высшего образования и в учреждениях общего среднего образования. Иллюстрируются возможности использования альтернативных средств информационных технологий в преподавании математики, способствующих развитию интереса к математике и формированию визуального мышления.

Ключевые слова: наглядное моделирование; визуализация; визуальное мышление.

The article describes the specifics of using the method of visual modeling and sets out an innovative approach to the implementation of the principle of visibility in teaching mathematics in higher education institutions and in general secondary education institutions. Illustrates the possibilities of using alternative means of information technology in the teaching of mathematics, contributing to a better mastery of knowledge, development of interest in mathematics and the formation of visual thinking.

Keywords: visual modeling; visualization; visual thinking

Введение. Современный период информатизации общества и образования определяет необходимость обновления и совершенствования методики обучения математике в высших учебных заведениях и учреждениях общего среднего образования. Традиционная методика обучения математике не использует в полной мере наглядно-образные потенциальные возможности современных информационных дидактических средств, в частности табличного процессора Microsoft Excel.

Налицо противоречие между потребностью в совершенствовании процесса обучения математике и традиционной методикой, не достаточно использующей потенциал компьютерного инструментария при решении задач.

З. И. Калмыкова [1] отмечает, что закреплению в долговременной памяти относительно небольшого количества информации, включающей в себя наиболее общее и значимое для последующего оперирования содержанием вновь усваиваемых знаний, способствует «наложение» этой информации на наглядно представленные «опоры» – условные знаки, символы, отражающие не только

отдельные элементы этих знаний, но и взаимосвязь между ними.

Известный математик Д. Гильберт замечал: «В математике, как и вообще в научных исследованиях, встречаются две тенденции: тенденция к абстракции – она пытается выработать логическую точку зрения на основе различного материала и привести этот материал в систематическую связь, и другая тенденция – тенденция к наглядности, которая в противоположность к этому стремится к живому пониманию объектов и их внутренних отношений» [2].

Для развития интереса к математике мы считаем важным на всех этапах обучения придерживаться второй тенденции (не в ущерб первой), ведь оперирование математическими объектами, условными знаками и символами вызывает у обучающихся трудности в процессе обучения математике, поскольку представляет собой преимущественно знаково-символическую деятельность. А у обучающихся, как правило, недостаточно умения соотносить информацию, представленную в знаково-символьном виде с действительностью.

1. Наглядное моделирование как процесс формирования визуального мышления. Н. В. Бровка [3] определяет наглядное моделирование как «процесс формирования (адекватного категории диагностично-поставленной цели) устойчивого результата действий обучаемого на основе моделирования и отражение в содержании существенных свойств, отношений, связей математических объектов посредством организации приемов знаково-символической деятельности с отдельным математическим знанием или упорядоченным набором знаний».

Нами установлено, что в процессе формирования устойчивого результата действий обучаемого одним из условий использования наглядного моделирования является структурирование учебного материала и представление структуры объекта в виде рисунка, схемы, графика, поверхности, кластера и т. п., то есть построение структурной модели, описывающей отношения отдельных частей объекта (или процесса), что дает возможность увидеть объект как единое целое (систему). Наглядное моделирование, как процесс, использует различные научные методы исследования и различные эвристические методы, приемы, способы.

Мы поддерживаем точку зрения И. А. Новик [4], которая считает, что основными функциями использования наглядного моделирования при обучении математике являются:

- образовательная;
- развивающая;
- воспитательная;
- мотивирующая;
- углубляющая знания, умения и навыки;
- обобщающая;
- детализирующая;
- формирующая наблюдательность.

В настоящее время получило широкое распространение понятие «визуальное мышление», основоположником которого является Р. Арнхейм. Зрительно-наглядное мышление, или мышление посредством зрительных (визуальных) операций, основная функция которого состоит в способности упорядочивать значения образов, в создании образов, делает знания видимым.

А. А. Вербицкий [5] характеризует визуализацию как свертывание мыслительных содержаний в наглядный образ; «будучи воспринятым, образ может быть развернут и служить опорой адекватных мыслительных и практических действий». Визуализация рассматривается как вынесение в процессе

познавательной деятельности из внутреннего плана во внешний план мыслеобразов, форма которых стихийно определяется механизмом ассоциативной проекции.

Мы считаем, что визуализация позволяет создавать зрительные ассоциации, демонстрировать свойства объектов, описывать изучаемый процесс, показывать изменение объекта в зависимости от внешнего воздействия. Особенно это важно для математических дисциплин, где уровень абстракции очень высок и вызывает трудности при обучении. Многим известны такие примеры удачной визуализации, как круги Эйлера, интегральная сумма Римана, которые более столетия успешно используются математиками. Создание удачных визуализаций в математике достаточно сложный, но необходимый процесс. Ведь математические идеи, не подкрепленные конкретными убедительными иллюстрациями, часто остаются скучными абстракциями.

Наглядное моделирование способствует развитию визуального мышления, в основе которого лежит оперирование структурными схемами и наглядными изображениями. Качественно оформленная, стильная, грамотная визуализация учит аккуратности и оказывает влияние на формирование эстетических взглядов обучающихся.

Можно утверждать, что наглядное моделирование как особый вид деятельности активизирует все виды мышления: наглядно-действенное, абстрактно-логическое, наглядно-образное, а также визуальное мышление.

Использование метода наглядного моделирования, как любого метода, при обучении математике должно включать в себя процесс проектирования и построения модели, которая не только обладает свойствами, закономерностями, взаимосвязями, необходимыми для изучения модели, но соответствует оригиналу изучаемого объекта.

Реализация принципа наглядного моделирования связывается обычно с использованием различных средств: технических (в том числе компьютера), плакатов, рисунков, моделей, схем и т. д., выполняющих функцию оперативного воздействия на органы чувств (в основном зрения).

2. Интегральная методика обучения математике с элементами визуального моделирования. Использование информационных технологий в процессе математической подготовки дает возможность совершенствовать методику преподавания математики в тесной связи с информатикой

и информационно-коммуникационными технологиями, позволяя осуществлять визуализацию учебной информации, моделирование изучаемых объектов и экспериментальное наблюдение за их свойствами, иллюстрацию динамики изучаемых процессов и явлений.

Одним из инструментов, реализующих принцип наглядности в математике, являются специализированные компьютерные программы – конструктивные творческие среды, в основе которых лежит принцип динамической геометрии. Приложения динамической геометрии способствуют выполнению расчетов за короткое время, позволяют выполнять построения графиков функций и объемных тел и т. д., что способствует повышению уровня наглядности. Однако каждое программное средство имеет свою специфику и требует дополнительных временных затрат обучающихся на освоение конкретного программного средства.

Альтернативой специализированным компьютерным программам, которая может использоваться в процессе преподавания математики и будет способствовать созданию визуальных образов математических объектов, ускоряя процесс восприятия нового материала и экономя время на выполнении математических расчетов, является табличный процессор Microsoft Excel.

С опорой на когнитивно-визуальный подход авторами [8] предлагается пример применения программного обеспечения для построения линий в полярной системе координат и линий, заданных параметрически. Обратим внимание, что в статье [8] предлагается по заданному уравнению линии в полярных координатах построить соответствующее изображение в полярной системе координат. Однако в учреждениях общего среднего образования используется декартова система координат. Поэтому мы покажем реализацию традиционных функций наглядного моделирования, таких, как образовательная, развивающая, воспитательная, на экспериментально апробированных примерах, которые можно использовать не только в высших учебных заведениях, но и в учреждениях общего среднего образования.

Пример 1. Найти количество корней уравнения $x^2 - \ln(x + 1) = 0,5$.

Решение. Представим первоначально записанное уравнение в следующем виде $x^2 - \ln(x + 1) = 0,5$ и рассмотрим два графика функций $h(x) = x^2 - 0,5$ и $g(x) = \ln(x + 1)$. Для решения данного примера в учреждениях об-

щего среднего образования обучающимся необходимо вспомнить, что такое область определения функции, что такое сдвиги графиков функций и как из графика функции $y = f(x)$ получается график функции $y = Af(ax + b) + B$.

Как уже отмечено выше, альтернативным средством информационных технологий для использования является табличный процессор Microsoft Excel, который позволит организовать процесс построения кривых так, что все расчеты будет выполнять компьютерная программа.

Традиционный подход предполагает составление таблиц, где будут приведены, прежде всего, значения аргумента x с заданным шагом и соответствующие значения двух функций $h(x)$ и $g(x)$, вычисленные согласно условию задания. Для большей наглядности шаг по x следует брать не более 0,1, что позволит в ряде случаев более иллюстративно и достоверно построить линии.

На рисунке 1 показаны графики кривых, построенные с использованием «Мастера диаграмм». В таблице 1 приведены значения для построения линий, рассчитанные по формулам в табличном процессоре Microsoft Excel.

Таблица 1 – Таблица значений функций $h(x)$ и $g(x)$

x	$h(x) = x^2 - 0,5$	$g(x) = \ln(x + 1)$
-0,9	0,310	-2,303
-0,8	0,140	-1,609
-0,7	-0,010	-1,204
-0,6	-0,140	-0,916
-0,5	-0,250	-0,693
-0,4	-0,340	-0,511
-0,3	-0,410	-0,357
-0,2	-0,460	-0,223

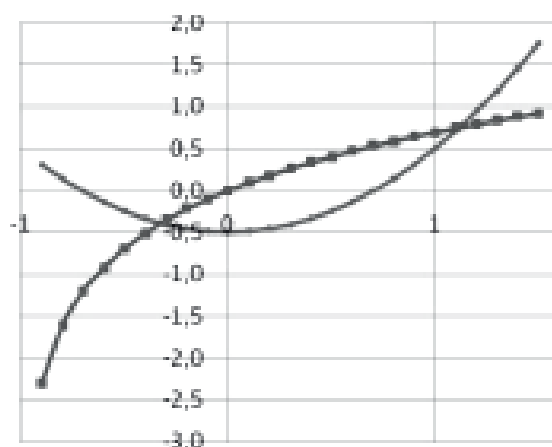


Рисунок 1 – Графики функций $h(x) = x^2 - 0,5$ и $g(x) = \ln(x + 1)$

Ответ: графическая интерпретация показывает, что уравнение будет иметь 2 корня.

Аналогичным способом можно решить и следующую задачу, которая предлагалась абитуриентам в 2014 году на централизованном тестировании (задания уровня В8).

Пример 2. Найти количество корней уравнения $\cos x = \left| \frac{x}{11\pi} \right|$.

Решение. Рассматриваем две функции $h(x) = \cos x$ и $g(x) = \left| \frac{x}{11\pi} \right|$. Напоминая обучающихся про четность этих двух функций, акцентируем внимание на тот факт, что достаточно построить графики этих двух функций при $x \geq 0$.

Для большей наглядности шаг по x рекомендуем брать не более 300. Для вычисления значений первой функции используем встроенные функции =COS(РАДИАНЫ(A2)), а для вычисления значений второй функции =ABS(РАДИАНЫ(A2)/(11*ПИ())). Расчетные значения для построения линий приведены в таблице 2. На рисунке 2 изображены графики кривых, построенные с использованием табличного процессора MS Excel.

Таблица 2 – Таблица значений функций $h(x)$ и $g(x)$

Угол, градусы	$h(x) = \cos x$	$g(x) = \left \frac{x}{11\pi} \right $
0	1,000	0,000
30	0,866	0,015
60	0,500	0,030
90	0,000	0,045
120	-0,500	0,061
150	-0,866	0,076

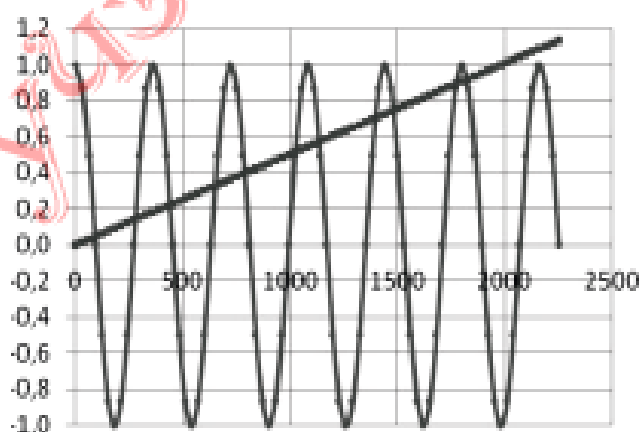


Рисунок 2 – Графики функций $h(x) = \cos x$ и

$$g(x) = \left| \frac{x}{11\pi} \right|$$

Ответ: графическая интерпретация показывает, что уравнение будет иметь 11 корней на положительной области определения, а с учетом четности функции – 22 корня на всей области определения.

Как видно из приведенных выше примеров, часто задачи формулируются так, что не связаны с геометрическим представлением объектов. Они заданы с помощью уравнений, и решать их алгебраически очень неэффективно, причем обучающиеся не понимают, как представить эти уравнения на плоскости. Использование метода наглядного моделирования позволяет выполнить наглядное представление изучаемых математических объектов, что способствует лучшему пониманию изучаемого материала.

Приведем еще несколько примеров эффективного использования наглядного моделирования. Ведь самый высокий уровень понимания достигается путем сочетания текстового и графического материала, когда зрительно воспринимаемые образы вызывают в памяти обучающихся необходимые ассоциации, опорные знания.

Пример 3. Найти количество точек экстремума функции $y = x^3 - 3x + 2$. Построить график функции.

Решение. Под исследованием функций понимают изучение их изменения в зависимости от изменения аргумента. На основании исследования функции строят ее график, предварительно изображая характерные точки.

Поступим с точностью до наоборот. Сначала построим график функции (рисунок 3), а затем укажем ее точки экстремума.

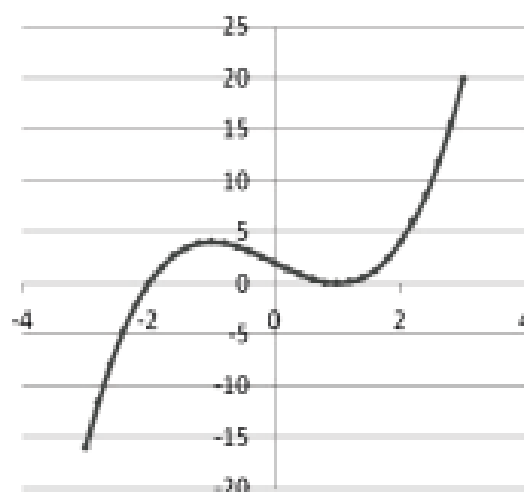


Рисунок 3 – График функции $y = x^3 - 3x + 2$.

Ответ: $(-1; 4)$ – точка максимума, $(1; 0)$ – точка минимума.

Пример 4. Построить график функции $y = \cos^2(\pi x)$.

Решение. Построение графика рекомендуется начинать с функции $y = f(x) = \cos(x)$, затем объяснить, как меняется период у периодической функции $y = f(ax) = \cos(\pi x)$, и только потом объяснить, как строится график функции $y = \cos^2(\pi x)$.

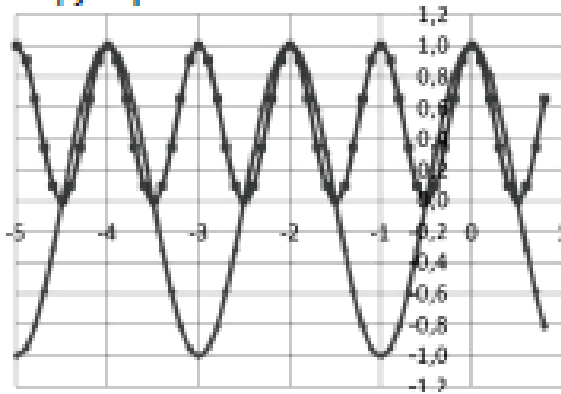


Рисунок 4 – Графики функций $y = \cos(\pi x)$ и $y = \cos^2(\pi x)$

Визуальное моделирование помогает усвоить основную идею, которая заложена в математической модели, в частности, очень хорошо иллюстрирует понятие сдвигов функций и как из графика функции $y = f(x)$ получается график функции $y = Af(ax + b) + B$.

При решении всех примеров были использованы все функции наглядного моделирования: образовательная; развивающая; наблюдательности; мотивирующая к изучению математики; функция, углубляющая знания, умения и навыки; функция, детализирующая и обобщающая знания.

Приведенные задачи наглядно показывают, что использование метода наглядного моделирования при обучении математике демонстрирует обучающимся неразрывную связь алгебры и геометрии, способствует более глубокому пониманию математики и лучшему усвоению знаний обучающимися.

Нами был проведен педагогический эксперимент, цель которого – выявление эффективности применения метода наглядного моделирования.

На констатирующем этапе эксперимента проведено анкетирование студентов, направленное на выявление необходимости использования наглядного моделирования в процессе обучения. Для этого нами была разработана анкета, содержащая десять вопросов, в их числе вопросы с необходимым набором альтернатив и комбинированные. Приведем некоторые из них.

1. В процессе изучения математики испытывали ли вы трудности при:

- освоении теоретического материала;
- решении расчетных задач;
- организации самостоятельной работы?

2. Испытывали ли вы трудности в процессе обучения решению задач по математике при:

- решении задач по алгоритму;
- решении типовых задач;
- решении усложненных задач?

3. Какие методы обучения студентов на занятиях по математике в наибольшей степени усиливают мотивационную составляющую обучения:

- обсуждение теоретических вопросов;
- решение и объяснение типовых, комбинированных и усложненных задач с использованием метода наглядного моделирования;
- составление вопросов, тестовых заданий, расчетных задач с использованием метода наглядного моделирования;
- подготовка учебных презентаций, видеороликов?

4. Какое программное обеспечение, применяемое в математическом образовании, вы используете:

- системы компьютерной математики;
- табличный процессор Microsoft Excel;
- специализированные компьютерные программы;
- системы динамической геометрии?

Результаты анкетирования студентов на оценочном этапе исследования в сопоставлении с аналогичными данными, полученными на констатирующем этапе, показали следующее.

1. Большинство студентов положительно относятся к усилению профессиональной направленности изучения математики.

2. В целом уменьшилось число респондентов, испытывающих трудности в процессе освоения материала по математике.

3. Большинство студентов осознали возможность использования методов наглядного моделирования при организации научно-исследовательской работы.

4. Табличный процессор Microsoft Excel является не только удобным инструментом для решения задач, но и позволяет визуализировать все этапы их решения.

Наглядное моделирование выступает как способ организации процесса мышления и как средство активизации мышления, поскольку в процессе работы с моделями за-

действуются все основные операции мышления: анализ (разделение на части), синтез (переход от частей к целому), сравнение (сопоставление целого и отдельных частей и выявление их взаимодействия и взаимовлияния), абстрагирование (выделение существенно важного с точки зрения целого), обобщение (переход от частей к целому), конкретизация (движение от общего к частному).

Наглядное моделирование позволяет изучать уже готовые модели, отражая различные отношения, свойства и закономерности объектов.

Заключение. Большинство авторов [2–4] подчеркивают, что при включении наглядного моделирования в познавательный процесс оно не только «помогает» обучающемуся в организации его аналитико-мыслительной деятельности, особенно на этапе восприятия и переработки изучаемой информации, но и дает содержательные знания, оказывая существенное влияние на глубину осознанности восприятия и понимания специальным образом представленного математического объекта.

С нашей точки зрения, одним из принципов обучения, способствующим глубокому, наглядному и осознанному усвоению содержания курса математики, является использование наглядного моделирования. Однако необходимо помнить о том, что наглядность в обучении следует применять умеренно, так как чрезмерное ее использование мешает развитию воображения, наблюдательности и пространственных представлений. Соглашаясь с А. В. Боровских [7], считаем, что на начальном этапе обучения математике нецелесообразно чрезмерное увлечение средствами информационных технологий и, в частности, программным обеспечением. Не-

обходимо вводить наглядное моделирование постепенно, ведь оно стимулирует развитие визуального мышления и творческих способностей.

В условиях информационного общества наиболее перспективно сочетание традиционных и интерактивных форм, методов и средств обучения, поскольку такое сочетание позволяет эффективно реализовывать обучающую, развивающую и прикладную функции обучения в их взаимосвязи, что повышает мотивацию учения и уровень обученности обучающихся.

Качество обучения во многом определяется умением использовать информационные и коммуникационные технологии как инструмент в обучении и профессиональной работе, поэтому наглядное моделирование можно рассматривать как средство, которое, в первую очередь:

- способствуют расширению, углублению и конкретизации знаний;
- развивает умения анализировать, структурировать, обрабатывать и визуализировать информацию;
- способствует развитию критичности мышления и визуального мышления.

Наглядное моделирование позволяет решать принципиально новые дидактические задачи, а его применение позволит повысить мотивацию изучения математики. Обучение математике методом наглядного моделирования с применением информационных технологий не приведет к стопроцентной обучаемости, но обеспечит повышение качества и эффективности образования, а в результате приведет к лучшему пониманию ее методов и более частому и осознанному их применению в будущей профессиональной деятельности.

Литература

1. Калмыкова, З. И. Продуктивное мышление как основа обучаемости / З. И. Калмыкова. – М. : Педагогика, 1981. – 200 с.
2. Смирнов, Е. И. Наглядное моделирование в обучении математике: теория и практика : учебное пособие / Е. И. Смирнов. – Ярославль : Изд-во ЯГПУ, 2007. – 454 с.
3. Бровка, Н. В. О совершенствовании методической подготовки преподавателей математики / Н. В. Бровка // Математика. – 2015. – № 5. – С. 3–9.
4. Новик, И. А. О теоретико-методологических основаниях проблемы использования наглядного моделирования при обучении учащихся курсу алгебры / И. А. Новик, М. В. Ненартович // Математика. – 2017. – № 4. – С. 21–31.

REFERENCES

1. Kalmykova, Z. I. Produktivnoye myshleniye kak osnova obuchayemosti / Z. I. Kalmykova. – M. : Pedagogika, 1981. – 200 s.
2. Smirnov, Ye. I. Naglyadnoye modelirovaniye v obuchenii matematike: teoriya i praktika : uchebnoye posobiye / Ye. I. Smirnov. – Yaroslavl : Izd-vo YaGPU, 2007. – 454 s.
3. Brovka, N. V. O sovershenstvovanii metodicheskoy podgotovki prepodavateley matematiki / N. V. Brovka // Matematika. – 2015. – № 5. – S. 3–9.
4. Novik, I. A. O teoretiko-metodologicheskikh osnovaniyakh problemy ispolzovaniya naglyadnogo modelirovaniya pri obuchenii uchashchikhsya kursu algebry / I. A. Novik, M. V. Nenartovich // Matematika. – 2017. – № 4. – S. 21–31.

5. Вербицкий, А. А. Активное обучения в школе: контекстный подход / А. А. Вербицкий. – Минск : Высшая школа, 1991. – 207 с.
6. Вакульчик, В. С. К методика применения приложения Microsoft Excel для построения алгебраических и трансцендентных линий / В. С. Вакульчик, А. В. Капусто // Вестник Полоцкого государственного университета. Серия Е. Педагогические науки. – 2014. – № 7. – С. 41–48.
7. Боровских, А. В. Компьютер и пустота, или к вопросу о самостоятельности в проблеме компьютерного рабства / А. В. Боровских // Вестн. Моск. ун-та. Сер. 20. Педагогическое образование. – 2015. – № 2. – С. 3–10.
5. Verbitskiy, A. A. Aktivnoye obucheniye v shkole: kontekstnyy podkhod / A. A. Verbitskiy. – Minsk : Vysheysshaya shkola, 1991. – 207 s.
6. Vakulchik, V. S. K metodika primeneniya prilozheniya Microsoft Excel dlya postroyeniya algebraicheskikh i transsendentnykh liniy / V. S. Vakulchik, A. V. Kapusto // Vestnik Polotskogo gosudarstvennogo universiteta. Seriya E. Pedagogicheskiye nauki. – 2014. – № 7. – S. 41–48.
7. Borovskikh, A. V. Kompyuter i pustota, ili k voprosu o samostoyatelnosti v probleme kompyuternogo rabstva / A. V. Borovskikh // Vestn. Mosk. un-ta. Ser. 20. Pedagogicheskoye obtazovaniye. – 2015. – № 2. – S. 3–10.

Видавничо-видавничі
БДПУ