

О МАКСИМАЛЬНЫХ ПОДГРУППАХ КОНЕЧНЫХ ГРУПП**Н.М. АДАРЧЕНКО, Л.А. ШЕМЕТКОВ**

In this paper, we describe a characterization of finite supersoluble groups

Ключевые слова: силовская p -подгруппа, разрешимая группа, дисперсивная по Оре подгруппа, холлова подгруппа, максимальная подгруппа

Все рассматриваемые в работе группы являются конечными. Напомним, что конечная группа называется дисперсивной по Оре, если любой ее гомоморфный образ содержит нормальную силовскую подгруппу, относящуюся к наибольшему простому делителю порядка.

По теореме Ф. Холла, конечная группа разрешима, если индексы ее максимальных подгрупп – простые числа или квадраты простых чисел. Согласно теореме Б. Хупперта, конечная группа сверхразрешима тогда и только тогда, когда индексы ее максимальных подгрупп – простые числа. В данной работе предлагается усиление этих результатов.

Лемма 1. Пусть P – силовская p -подгруппа конечной группы G . Если подгруппа M группы G содержит $N_G(P)$, то число $|G:M|$ сравнимо с 1 по модулю p .

Лемма 2. Пусть P – силовская p -подгруппа конечной группы G . Пусть M – максимальная подгруппа группы G . Если $N_G(P) \leq M$ и $|G:M| = q$ – простое число, то $p < q$.

Лемма 3. Пусть P – силовская p -подгруппа конечной группы G , q – простое число, $p > q$. Пусть M – максимальная подгруппа группы G . Если $N_G(P) \leq M$ и $|G:M| = q^2$, то $p=3, q=2$.

Теорема 1. Пусть для любой не нормальной силовской подгруппы P конечной группы G выполнено следующее условие: если максимальная подгруппа M из G содержит $N_G(P)$, то $|G:M|$ – либо простое число, либо квадрат простого числа. Тогда G содержит нормальную дисперсивную по Оре $\{2,3\}$ -холлову подгруппу. В частности, группа G разрешима.

Теорема 2. Пусть для любой не нормальной силовской подгруппы P конечной группы выполнено следующее условие: если максимальная подгруппа M из G содержит $N_G(P)$, то $|G:M|$ – простое число. Тогда G сверхразрешима.

Литература

1. Холл, М. Теория групп / Москва: Издательство иностранной литературы, 1962. – 468 с.

АСИМПТОТИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА АППРОКСИМАЦИЙ ЭРМИТА-ПАДЕ**А.В. АСТАФЬЕВА, А.П. СТАРОВОЙТОВ**

We study the asymptotic properties of Hermite-Pade approximants for a system of exponents. The obtained results supplement research of Hermite, Pade, Perron, D. Braess and A.I. Aptekarev dealing with study of the cowergence of Hermite-Pade approximants for systems of exponents

Ключевые слова: совершенная система функций, совместные аппроксимации Паде, аппроксимации Эрмита-Паде, асимптотические равенства, интегралы Эрмита

Пусть r - натуральное число, $f = (f_1, f_2, \dots, f_r)$ – набор формальных степенных рядов

$$f_j(z) = \sum_{k=0}^{\infty} f_k^j z^k, \quad j=1, 2, \dots, r,$$

с комплексными коэффициентами. Зафиксируем произвольные целые неотрицательные числа

n, m_1, m_2, \dots, m_r и обозначим $m = \sum_{i=1}^r m_i, n_i = m + n - m_i$. Будем считать, что система функций $\{f_j(z)\}_{j=1}^r$

является совершенной. Тогда существуют такие многочлены $Q_m, P_{n_i}^i$, что $\deg Q_m \leq m, \deg P_{n_i}^i \leq n_i$ и для $i=1, 2, \dots, r$

$$R_{m,n}^i(z) = Q_m(z)f_i(z) - P_{n_i}^i(z) = c_i z^{n+m+1} + \dots$$

Дроби вида $\pi_i(z) = \frac{P_{n_i}^i}{Q_m}, i=1, 2, \dots, r$ называются аппроксимациями Эрмита-Паде.

Целью работы было нахождение асимптотики аппроксимаций Эрмита-Паде для систем экспонент. Установлены асимптотические равенства аппроксимаций Эрмита-Паде для систем содержащих две экспоненты, при этом учитывались различные зависимости между m и n . Для систем содержащих три экспоненты получены асимптотические равенства для аппроксимаций Эрмита-Паде в диагональном случае. Следующая теорема является основным результатом.