

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ РЕСПУБЛИКИ БЕЛАРУСЬ**  
**БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**МЕХАНИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ**  
**Кафедра высшей алгебры и защиты информации**

Огурцов  
Алексей Александрович

Симметрия в математике и ее применение

Дипломная работа

Научный руководитель:  
доцент, кандидат физико-математических наук  
А. А. Бондаренко

Допущен к защите

«\_\_ » 2019 г.

Зав. кафедрой высшей алгебры и защиты информации  
профессор, доктор физико-математических наук В. В. Беняш-Кривец

Минск, 2019

# **РЕФЕРАТ**

Дипломная работа: 48страниц, 5литературных источников.

**Ключевые слова:** СИММЕТРИЯ, СИСТЕМАУРАВНЕНИЙ, НЕРАВЕНСТВО, ИЗБАВЛЕНИЕ ОТ ИРРАЦИОНАЛЬНОСТИ, ДВИЖЕНИЕ, ПЛОСКОСТЬ, СИММЕТРИЧЕСКИЙ МНОГОЧЛЕН.

*Объект исследования – симметрия.*

*Предмет исследования – основные виды симметрии в геометрии, симметрические многочлены и их применение в элементарной алгебре.*

*Цель работы–изучить симметрию в геометрии и алгебре, а также случаи ее применения на практике.*

*Методы исследования– метод избавления от иррациональности, метод решения систем уравнений, теорема о разложении степенных сумм, теорема об орбитах, теорема об отношении корней уравнения к системе уравнений.*

*Полученные результаты–в работе были изучены основные виды геометрической симметрии и симметрические многочлены от нескольких переменных, рассмотрены доказательства основных теорем и примеры, решен ряд задач с применением симметрических многочленов.*

## **ABSTRACT**

Diploma thesis: 48pages, 5 reference sources.

*Key words:* SYMMETRY, EQUATION SYSTEM, INEQUALITY, GETTING RID OF IRRATIONALITY, MOVEMENT, PLANE, SYMMETRIC MULTIPLE MEMBERS.

*Object of research*— symmetry.

*The subject of the study*— main types of symmetry in geometry, symmetric polynomials and their application in elementary algebra.

*The purpose of the work* – to study symmetry in geometry and algebra, as well as cases of its application in practice.

*Methods of research* —a method of getting rid of irrationality, a method for solving systems of equations, a theorem on the expansion of power sums, a theorem on orbits, a theorem on the ratio of the roots of an equation to a system of equations.

*Obtained results* —In the work the main types of geometric symmetry and symmetric polynomials in several variables were studied, the proofs of the main theorems and examples were considered, a number of problems were solved using symmetric polynomials.

## РЭФЕРАТ

Дыпломная работа: 48старонак, 5выкарастаныхкрыніц.

*Ключавыя слова:* СІМЕТРЫЯ, СІСТЭМА УРАЎНЕННЯЎ, НЯРОЎНАСЦІ, ПАЗБАЎЛЕННЕ АД ІРАЦЫЯНАЛЬНАСЦІ, РУХ, ПЛОСКАСЦЬ, СІМЕТРЫЧНЫ МНАГАЧЛЕН.

*Аб'ект даследавання— сіметрыя.*

*Прадмет даследавання—асноўныя віды сіметрыі ў геаметрыі, сіметрычныя мнагачлены і іх прымяненне ў элементарнай алгебры.*

*Мэта работы – вывучыцьсіметрыю ў геаметрыі і алгебры, а таксама выпадкі яе прымянення на практыцы.*

*Метады даследавання – метад збаўлення ад ірацыянальнасці, метад расшэння сістэм ураўненняў, тэарэма аб раскладанні ступенных сум, тэарэма аб арбітах, тэарэма аб адносінах каранеў ураўненняў да сістэмы ўраўненняў.*

*Атрыманыя вынікі – у дыпломнай работе былі вывучаны асноўныя віды геаметрычнай сіметрыі і сіметрычныя мнагачлены ад некалькіх зменных, разгледжаны доказы асноўных тэарэм і прыклады, вырашаны шэраг задач з ужываннем сіметрычных мнагачленаў.*