

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ РЕСПУБЛИКИ  
БЕЛАРУСЬ  
БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ  
УНИВЕРСИТЕТ  
МЕХАНИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ

Шелюто  
Максим Дмитриевич

Конечно-элементный анализ напряженного состояния и  
повреждаемости контактной пары полупространство /  
цилиндр при вдавливании и кручении

Дипломная работа

Научный руководитель:  
канд. физ.-мат. наук,  
ст. преподаватель Д.Е. Мармыш

Допущен к защите

"\_\_" \_\_\_\_\_ 2019 г.

Зав. кафедрой теоритической и прикладной механики  
доктор физико-математических наук,  
профессор М.А. Журавков

Минск, 2019

# Реферат

Конечно-элементный анализ напряженного состояния и повреждаемости контактной пары полупространство / цилиндр при вдавливании и кручении / Шелюто Максим Дмитриевич; Механико-математический факультет, Кафедра теоретической и прикладной механики; научный руководитель Д. Е. Мармыш.

Дипломная работа содержит:

- 40 страниц;
- 17 иллюстраций;
- 8 использованных источников.

**КЛЮЧЕВЫЕ СЛОВА:** КОНТАКТНАЯ ЗАДАЧА, МЕТОД КОНЕЧНЫХ ЭЛЕМЕНТОВ, КОНТАКТНОЕ ДАВЛЕНИЕ, РАСПРЕДЕЛЕННАЯ НАГРУЗКА, ЗАДАЧА ГЕРЦА.

Целью дипломной работы является построение компьютерной модели системы полупространство / цилиндр, построение на модели конечно-элементной сетки, исследование и анализ напряженно-деформированного состояния для нормально вдавливания цилиндра в полупространство, сравнение с аналитическими решениями, провести конечно-элементный анализ напряженно-деформированного состояния при одновременном нормальном вдавливании и кручении шара вокруг собственной оси. В качестве пары трения в дипломной работе рассматриваются два элемента: полупространство и сфера.

В данной работе после проведения исследований получены следующие результаты:

- Определены касательные и нормальные напряжения при заданной нагрузке.
- Построены графики распределения напряжений.

# Рэферат

Канцова-элементны аналіз напружанага стану і разбуральнасць контактнай пары полупространстве / цыліндр пры уціскання і скруце / Шалюта Максім Дзімітрыевіч; Механіка-матэматычны факультэт, кафедра тэарэтычнай і прыкладнай механікі; навуковы кіраўнік Д. Е. Мармыш.

Дыпломная праца змяшчае:

- 40 старонак;
- 17 малюнкаў;
- 1 стол;

• 8 выкарыстаных крыніц. КАНТАКТНАЯ ЗАДАЧА, МЕТАД КАНЧАТКОВЫХ ЭЛЭМЕНТАў, КАНТАКТНЫ ЦІСК, РАЗМЕРКАВАНЯ НАГРУЗКА, ЗАДАЧА ГЕРЦА. Мэтай дыпломнай працы з'яўляецца пабудова кампьютарнай мадэлі сістэмы полупространстве / цыліндр, пабудова на мадэлі вядома-элементнай сеткі, даследаванне і аналіз напружана-дэформаванага стану для звычайна уціскання цыліндра ў полупространстве, параштыванне з аналітычнымі рашэннямі, правесці вядома-элементная аналіз напружана-двеформированного стану пры адначасовым нармальным уціскання і скруце шара вокруг уласнай восі. У якасці пары трэння ў дыпломнай працы разглядаюцца два элементы: полупростора і сфера.

У дадзенай працы пасля правядзення даследаванняў былі атрыманы наступныя вынікі:

- Вызначаны датычныя і нармальныя напружанні пры зададзенай нагрузкі.
- Пабудаваны графікі размерковання высілкаў.

# Abstract

Finite-element analysis of the stress state and damageability of a half-space / cylinder contact pair during indentation and torsion / Shelyuto Maksim Dmitrievich; Faculty of Mechanics and Mathematics, Department of Theoretical and Applied Mechanics; scientific adviser D. E. Marmysh.

Thesis contains:

- 40 pages;
- 17 illustrations;
- 1 table;
- 8 used sources.

KEYWORDS: CONTACT PROBLEM, FRICTION PAIR, DAMAGE, LOADING, FINITE ELEMENT METHOD , CONTACT PRESSURE, AREA OF CONTACT.

The aim of the thesis is to build a computer model of the half-space / cylinder system, build a finite element mesh on the model, study and analyze the stress-strain state for normally pressing the cylinder into the half-space, compare it with analytical solutions, conduct a finite-element analysis of the stress-two-state while normal indentation and torsion of the ball around its own axis. As a pair of friction in the thesis, two elements are considered: half-space and sphere.

In this paper, after conducting research, the following results were obtained:

- Tangential and normal stresses are determined for a given load.
- Built graphs of stress distribution.