

**Благодарности.** Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ в рамках научного проекта № 18-31-00014.

### Библиографические ссылки

1. *Demjanov V.F.* Exhausters and convexifiers – new tools in nonsmooth Analysis // *Quasidifferentiability and Related Topics* / Kluwer. Dordrecht, 2000. P. 85–137.
2. *Аббасов М.Э., Демьянов В.Ф.* Условия экстремума негладкой функции в терминах экзостеров и коэкзостеров // *Труды института математики и механики УрО РАН.* 2009. Т. 15. С. 10–19.
3. *Demjanov V.F.* Proper exhausters and coexhausters in nonsmooth analysis // *Optimization.* 2012. Vol. 61(11). P. 1347–1368.
4. *Abbasov M.E., Demjanov V.F.* Adjoint Coexhausters in Nonsmooth Analysis and Extremality Conditions // *Journal of Optimization Theory and Applications.* Springer US, 2013. Vol. 156(3). P. 535–553.

## ОБ ОДНОЙ ЗАДАЧЕ ОПТИМАЛЬНОГО УПРАВЛЕНИЯ С ПЕРЕМЕННОЙ СТРУКТУРОЙ, ОПИСЫВАЕМОЙ СИСТЕМОЙ ИНТЕГРАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ ТИПА ВОЛЬТЕРРА

А.А. Абдуллаев<sup>1</sup>, К.Б. Мансимов<sup>1,2</sup>

<sup>1</sup>Бакинский Государственный Университет,  
З. Халилова 23, 1148 Баку, Азербайджан  
aqshin-abdullayev@rambler.ru

<sup>2</sup>Институт Систем Управления НАН Азербайджана,  
Б. Вахабзаде 9, 1141 Баку, Азербайджан  
kamilbmansimov@gmail.com

Доклад посвящен изучению задачи о минимуме функционала

$$S(u, v) = \varphi_1(x(t_1)) + \varphi_2(y(t_2)), \quad (1)$$

при ограничениях

$$\begin{aligned} u(t) &\in U \subset \mathbb{R}^r, & t \in [t_0, t_1] = T_1, \\ v(t) &\in V \subset \mathbb{R}^q, & t \in [t_1, t_2] = T_2, \end{aligned} \quad (2)$$

$$x(t) = \int_{t_0}^t [A(t, \tau)x(\tau) + f(\tau, x(\tau), u(\tau))] d\tau, \quad (3)$$

$$y(t) = \int_{t_1}^t [B(t, \tau)y(\tau) + g(\tau, y(\tau), v(\tau))] d\tau + G(x(t_1)). \quad (4)$$

Здесь  $(x(t), y(t)) - (n+m)$ -мерный вектор,  $u(t) (v(t)) - r (q)$ -мерный (с конечным числом точек разрыва первого рода) вектор управляющих воздействий,  $t_0 < t_1 < t_2$ ,  $A(t, \tau)$ ,  $B(t, \tau)$  – заданные непрерывные матричные функции,  $f(\tau, x, u) (g(\tau, y, v))$  – заданная  $n (m)$ -мерная вектор-функция,  $G(x)$  – заданная  $m$ -мерная вектор-функция.

В рассматриваемой задаче при некоторых предположениях доказано многоточечное [1-3] необходимое условие оптимальности, особых в смысле принципа максимума Понтрягина управлений [1, 3, 4].

При этом используется методика работы [5].

### Библиографические ссылки

1. *Гороховик В.В.* Выпуклые и негладкие задачи векторной оптимизации. Мн. Наука и техника. 1990, 239 с.
2. *Гороховик С.Я.* Необходимые условия оптимальности в задаче с подвижным правым концом траектории // Дифференц. уравнения. 1975, № 10, с. 1765-1773.
3. *Мансимов К.Б.* Особые управления в системах с запаздыванием. Баку, Изд-во ЭЛМ. 1999, 174 с.
4. *Габасов Р., Кириллова Ф.М.* Особые оптимальные управления. М. URSS, 2011, 256 с.
5. *Абдуллаев А.А., Мансимов К.Б.* Необходимые условия оптимальности в процессах, описываемых системой интегральных уравнений типа Вольтерра. Баку. Изд-во «ЭЛМ», 2013, 224 с.

## НЕКОТОРЫЕ ЗАМЕЧАНИЯ ОТНОСИТЕЛЬНО РЕШЕНИЯ НЕОКЛАССИЧЕСКОЙ ЗАДАЧИ ФИРМЫ

**В.В. Альсевич, Л.А. Альсевич**

Белорусский государственный университет  
Независимости 4, 220050 Минск, Беларусь  
alsevichvv@mail.ru

Как известно, во многих работах по математической экономике (см., напр., [1] или [2]) приводится один и тот же основной вывод об оптимальном поведении фирмы в условиях совершенной конкуренции для неоклассической задачи производства (максимизация прибыли фирмы на всем пространстве факторов): *стоимость предельного (маргинального) продукта равна цене соответствующего затрачиваемого фактора*. К сожалению, на взгляд авторов предлагаемого сообщения, это утверждение не всегда верно. Более того, его нельзя принимать в виде основного результата, как утверждают многие авторы.