## ПОСТОПТИМАЛЬНЫЙ АНАЛИЗ В ЗАДАЧЕ БАЛАНСИРОВКИ СБОРОЧНОЙ ЛИНИИ SALBP-E

## Кузьмин К. Г., Харитонова В. Р.

Белорусский государственный университет, Минск, Беларусь e-mail: kuzminkg@bsu.by, haritonova.veronica@gmail.com

Одной из важных задач, возникающих при проектировании конвейерного производства, является разработка технологии сборки исходя из конструктивных особенностей собираемых изделий и требуемых объемов производства. Для решения этой задачи необходимо определить структуру сборочной линии — количество рабочих станций и распределение элементарных операций между ними.

Пусть  $O=\{1,2,...,n\}$  — множество (номеров) операций,  $n\ge 2$  . Этому множеству поставлен в соответствие весовой вектор  $t=(t_1,t_2,...,t_n)\in \mathbf{R}_+^n$  времен выполнения операций. Балансом b называется [1,2] упорядоченный набор  $(W_1,W_2,...,W_k)$ , представляющий собой разбиение множества O на  $k\ge 2$  непустых подмножеств, удовлетворяющих условию согласованности c частичным порядком  $\preceq$  , заданным на множестве O :  $\forall i,j\in \mathbf{N}_k \forall p\in W_i \forall q\in W_j$   $(p\preceq q\Rightarrow i\le j)$ . Всякий элемент  $W_i=W_i(b)$  набора b называется рабочей станцией баланса b . Если  $p\in W_i$  , то говорят, что операция p назначена на рабочую станцию. Каждой рабочей станции  $W_i(b)$  ставится в соответствие характеристический булев вектор  $w_i(b)=(w_{i1}(b),w_{i2}(b),...,w_{in}(b))^T$  , указывающий, какие работы распределены на  $W_i(b)$  по следующему правилу:  $w_{ip}(b)=1$  , если p -я операция назначена на  $W_i(b)$  , и  $w_{ip}(b)=0$  — в противном случае. Для заданного графа G множество всех допустимых балансов обознается через B . Под задачей балансировки сборочной линии SALBP-E (simple assembly line balancing problem line efficiency) понимаем следующую задачу минимизации:

$$f(b,t) = k(b) \max_{i=1}^{k(b)} tw_i(b) \rightarrow \min_{b \in B}.$$

При условии, что часть операций из *О* подвержена возмущениям (изменениям), был исследован традиционный элемент постоптимального анализа оптимизационных задач – радиус устойчивости. Для рассматриваемой задачи под радиусом устойчивости понимался максимальный уровень возмущений, при которых выбранный баланс сохраняет свою оптимальность. Найдены необходимые и достаточные условия бесконечного радиуса устойчивости оптимального баланса. Для остальных случаев выведены достижимые верхние и нижние оценки радиуса устойчивости. Как следствие получен ряд результатов из [1, 2].

## Библиографические ссылки

- 1. Gurevsky, E. Balancing of simple assembly lines under variations of task processing times / E. Gurevsky, O. Battaïa, A. Dolgui // Annals of Operations Research. 2012. –V. 201. P. 265–286.
- 2. Stability radii of optimal assembly line balances with a fixed workstation set / L. Tsung-Chyan, Yu. Sotskov, A. Dolgui, A. Zatsiupa // International Journal of Production Economics. 2016. V. 182. P. 356–371.

