

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ РЕСПУБЛИКИ БЕЛАРУСЬ**  
**БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**МЕХАНИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ**  
**Кафедра высшей алгебры и защиты информации**

МОРОЗ

Светлана Александровна

**Дискретное преобразование Фурье и его применения**

Дипломная работа

Научный руководитель:  
доктор физ.-мат. наук,  
профессор В.В. Беняш-Кривец

Допущена к защите

«26» мая 2017 г.

Зав. кафедрой высшей алгебры и защиты информации

доктор физ.-мат. наук, профессор В.В. Беняш-Кривец

Минск, 2017

## **Аннотация**

Дипломная работа содержит 32 страницы и 4 литературных источника.

Ключевые слова: *примитивный корень из единицы, интерполяция, матрица Вандермонда, циклотомический полином, циклическая свертка, дискретное преобразование Фурье, быстрое преобразование Фурье.*

Цель работы заключается в изучении дискретного преобразования Фурье и его применения для выполнения быстрого умножения.

Первая глава посвящена сложности умножения полиномов.

В первом параграфе рассматривается интерполяция полиномов над полем и над кольцом.

Во втором параграфе рассматривается вычисление полиномов в корнях из единицы.

В третьем параграфе рассматриваются примитивные корни из единицы и циклотомические полиномы.

Вторая глава посвящена дискретному преобразованию Фурье.

В первом параграфе рассматривается циклическая свертка и дискретное преобразование Фурье.

Во втором параграфе рассматривается быстрое преобразование Фурье в различных случаях.

В третьем параграфе рассматриваются некоторые вычислительные алгоритмы для циклической свертки и быстрого преобразования Фурье.

## **Анатацыя**

Дыпломны праект змяшчае 32 старонкі і 4 літаратурных крыніцы.

Ключавыя слова: *прымітыўны корань з адзінкі, інтэрпаляцыя, матрыца Вандермонда, цыкламічны паліном, цыклічная скрутка, дыскрэтнае пераўтварэнне Фур'е, хуткае пераўтварэнне Фур'е.*

Мэта работы заключаецца ў вывучэнні дыскрэтнага пераўтварэння Фур'е і яго прыменення для выканання хуткага множання.

Першая частка прысвечана складанасці множання паліномаў.

У першым параграфе разглядаецца інтэрпаляцыя паліномаў над полем і над кальцом.

У другім параграфе разглядаецца вылічэнне паліномаў у каранях з адзінкі.

У трэцім параграфе разглядаюцца прымітыўныя карані з адзінкі і цыкламічныя паліномы.

Другая частка прысвечана дыскрэтнаму пераўтварэнню Фур'е.

У першым параграфе разглядаецца цыклічная скрутка і дыскрэтнае пераўтварэнне Фур'е.

У другім параграфе разглядаецца хуткае пераўтварэнне Фур'е ў розных випадках.

У трэцім параграфе разглядаюцца некаторыя вылічальныя алгарытмы для цыклічнай скруткі і хуткага пераўтварэння Фур'е.

## **Abstract**

The thesis contains 32 pages and 4 references.

**Keywords:** *primitive root of unity, interpolation, Vandermonde matrix, cyclotomic polynomial, cyclic convolution, discrete Fourier transform, fast Fourier transform.*

The purpose of work is to study the discrete Fourier transform and its application for fast multiplication.

The first chapter is devoted to the complexity of multiplying polynomials.

In the first section we consider the interpolation of polynomials over a field and over a ring.

In the second section we consider the calculation of polynomials in roots of unity.

In the third section we consider primitive roots of unity and cyclotomic polynomials.

The second chapter is devoted to the discrete Fourier transform.

In the first section we consider a cyclic convolution and a discrete Fourier transform.

In the second section we consider the fast Fourier transform in various cases.

In the third section, we consider some computational algorithms for cyclic convolution and fast Fourier transform.