# МОДЕЛИРОВАНИЕ СПЕКТРАЛЬНЫХ ХАРАКТЕРИСТИК ОДНОРОДНЫХ ВОЛОКОННЫХ РЕШЕТОК БРЭГГА

## Е. В. Волчанина, А. В. Поляков

Белорусский государственный университет, Минск, Беларусь E-mail: e.volchanina@yandex.ru, polyakov@bsu.by

Получена зависимость спектральной ширины отражения волоконной брэгговской решетки в зависимости от ее длины и амплитуды модуляции показателя преломления. Проведено численное моделирование взаимного влияния спектральных свойств системы из пяти волоконно-оптических решеток Брэгга, сформированных в одномодовом кварцевом волоконном световоде с однородным гауссовым профилем модуляции показателя преломления.

Ключевые слова: волоконная решетка Брэгга, брэгговская длина волны, ширина спектра отражения, относительная спектральная отражательная способность.

Волоконные брэгговские решетки (ВБР) в настоящее время широко используются в оптических волокнах и планарных световодах для уплотнения каналов по длине волны (так называемая DWDMтехнология), оптической фильтрации сигналов, как резонаторные зеркала в волоконных и полупроводниковых лазерах, сглаживающие фильтры в оптических усилителях, для компенсации дисперсии в магистральных каналах связи, в оптоволоконных измерительных системах различных физических величин. Во всех случаях эффективность применения ВБР определяется их спектральными характеристиками.

### ШИРИНА СПЕКТРА ОТРАЖЕНИЯ

Значение брэгговской длины волны отражения задается как:

$$\lambda_B = 2n_{eff}\Lambda, \qquad (1)$$

где  $\lambda_B$  — длина волны брэгговского резонанса;  $n_{eff}$ — эффективный показатель преломления;  $\Lambda$  — период брэгговской решетки.

Используя данные экспериментальных исследований [1,2], получили выражение для спектральной ширины резонанса однородной брэгговской решетки, измеренной между первыми нулями коэффициента отражения в ее спектре:

$$\Delta\lambda_{\rm och} = \frac{9}{5}\lambda_B \frac{\Lambda}{L} \sqrt{1 + \left(\frac{4\kappa_B L}{\pi}\right)^2}, \qquad (2)$$

где L – длина ВБР;  $\kappa_B = \pi \Delta n \eta_B / \lambda_B$  – коэффициент связи;  $\Delta n$  – амплитуда модуляции наведенного показателя преломления;  $\eta_B = \int_0^a |E_{co}|^2 r dr / \int_0^\infty |E_{co}|^2 r dr$  – доля мощности основной моды, которая распространяется по сердцевине ВС радиусом *a*;  $E_{co}$  – амплитуда электрического поля основной моды.

На рисунке 1 представлена рассчитанная согласно (2) зависимость  $\Delta\lambda_{och}$  от технических характеристик ВБР. Для расчетов использовали следующие параметры:  $\lambda_B$ =1550 нм,  $n_{eff}$ =1,4619,  $\Lambda$ =530 нм,  $\eta_B$ =0,375. Из графика следует, что наибольшее влияние на уменьшение  $\Delta\lambda_{och}$  оказывает увеличение длины ВБР.



*Рис. 1.* Зависимость спектральной ширины отражения ВБР по основанию от параметров решетки

Формула для описания спектральной ширины отражения ВБР на полувысоте имеет вид:

$$\Delta \lambda_{1/2} = \frac{3}{2} \lambda_B \alpha_N \left( \frac{\eta_B \Delta n}{3n_{eff}} \right)^2 + \left( \frac{\Lambda}{L} \right)^2, \qquad (3)$$

где параметр  $\alpha$  принимается равным 1 для сильно-отражательных решеток (ВБР с отражением около 100%), в то время как для слабоотражательных решеток  $\alpha \approx 0.5$ .

### СПЕКТРАЛЬНЫЕ СВОЙСТВА СИСТЕМЫ ВБР

Для нахождения распределения поля в оптическом волокне использовали следующие допущения: оптическое волокно не имело потерь; профиль показателя преломления ступенчатый и описывался circфункциями, центры которых совпадали; материал являлся оптически изотропным; волокно являлось слабонаправляющим [3]. При таких допущениях, исходя из теории связанных мод Лама и Гайсайда (Lam and Gaeside), относительную спектральную отражательную способность ВБР с постоянной амплитудой и периодом изменений показателя преломления описали следующим выражением [4]:

$$R(l,\lambda) = \frac{\Omega_c^2 \sin h^2(sL)}{\Delta k^2 \sin h^2(sL) + s^2 \cosh^2(sL)},$$
(4)

где  $R(L,\lambda)$  – функция, зависящая от длины решетки, профиля показателя преломления и длины волны излучения;  $\Omega_c$  – коэффициент связи;  $k = 2\pi n_{eff}/\lambda_B$  – волновой вектор брэгговской решетки;  $\Delta k = k - 2\pi n_{eff}/\lambda$  – коэффициент расстройки волнового вектора;  $s^2 = \Omega_c^2 - \Delta k^2$ .

Коэффициент связи Ω<sub>с</sub> для брэгговской структуры с синусоидальным изменением показателя преломления описывается уравнением:

$$\Omega_{\rm c} = \frac{\pi \Delta n}{\lambda} \Biggl( 1 - \frac{\lambda^2}{4\pi^2 d_{\rm B}^2 \left( n_0^2 - n_{\rm ob}^2 \right)} \Biggr), \tag{5}$$

где  $d_{\rm B}$  – диаметр сердцевины волокна;  $n_0$  – средний показатель преломления сердцевины;  $n_{\rm o6}$  – показатель преломления оболочки оптического волокна.

Профиль показателя преломления однородной брэгговской решетки представлен в виде

$$n_e(z) = n_0 + \Delta n \cos(2\pi z/\Lambda), \qquad (6)$$

где *z* – расстояние вдоль оси волокна.

Для проверки достоверности результатов представленной математической модели провели сравнение рассчитанных по формулам (4–6) спектров отражения ВБР с экспериментальными значениями, приведенными в работах [1, 2]. Установлено, что экспериментальные и расчётные значения по брэгговской длине волны, ширине спектра отражений центрального максимума, спектральному положению боковых лепестков согласовывались между собой. Поскольку ВБР часто используются в квазираспределенных волоконно-оптических датчиках в качестве чувствительных и спектральноселективных элементов, было выявлено взаимное влияние спектральноотражательных способностей при наличии нескольких ВРБ. На рисунке 2 представили результаты моделирования спектральных свойств 5 соседних по спектру ВБР в окрестности длины волны 1550 нм, сформированных в одномодовых германо-силикатных кварцевых волокнах (ВС), у которых брэгговские длины волн отражения смещены друг от друга на  $\Delta\lambda=0,8$  нм.



*Рис. 2.* Результат моделирования спектров 5-ти ВБР для одномодового ВС при  $\Delta \lambda = 0,8$  нм

#### БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЕ ССЫЛКИ

- 1. Достовалов А. В., Вольф А. А., Бабин С. А. Поточечная запись ВБР первого и второго порядка через полиимидное покрытие фемтосекундным излучением с длиной волны 1026 нм // Прикладная фотоника. 2014. № 2. С. 48–61.
- 2. Каблов Е. Н., Сиваков Д. В., Гуляев И. Н. и др. Применение оптического волокна в качестве датчиков деформации в полимерных композиционных материалах // Все материалы. Энциклопедический справочник. 2010. № 3. С. 10–15.
- 3. Сазонкин С. Г., Дворецкий Д. А., Денисов Л. К. и др. Сравнение методов измерения и моделирования спектров отражения волоконных брэгговских решеток // Наука и образование. 2012. № 6. С. 319–328. DOI: 10.7463/0612.0422468
- 4. Варжель С. В. Волоконные брэгговские решетки // СПб: Университет ИТМО, 2015. 65 с.