#### Белорусский государственный университет

**УТВЕРЖДАЮ** 

Проректор по учебной работе и образовательным инновациям О.И. Чуприс

изо № 100 мара 10 2018 г.

Регистрационный № УД-6244 /уч.

#### МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ МИКРО- И МАКРОЭКОНОМИКИ

Учебная программа учреждения высшего образования по учебной дисциплине для специальностей первой ступени высшего образования:

1-31 03 06 Экономическая кибернетика (по направлениям) направления специальности
1-31 03 06 - 01 Экономическая кибернетика (математические методы и компьютерное моделирование в экономике)

Учебная программа составлена на основе образовательных стандартов высшего образования ОСВО 1-31 03 06-2013 и учебного плана G31-166/уч. от 30.05.2013, G31и-191/уч. от 30.05.2013.

#### СОСТАВИТЕЛЬ:

В.И. Лобач, доцент кафедры математического моделирования и анализа данных факультета прикладной математики и информатики Белорусского государственного университета, кандидат физико-математических наук.

#### РЕЦЕНЗЕНТЫ:

Н.Н. Труш, профессор кафедры теории вероятностей и математической статистики факультета прикладной математики и информатики Белорусского государственного университета, доктор физико-математических наук; М.К. Кравцов, заведующий отделом экономико-математического моделирования Главного научного управления Научного Министерства экономических исследований экономики Республики

#### РЕКОМЕНДОВАНА К УТВЕРЖДЕНИЮ:

Беларусь, доктор физико-математических наук, профессор.

Кафедрой математического моделирования анализа Белорусского государственного университета (протокол № 6 от 6 ноября 2018 г.);

Научно-методическим Советом Белорусского государственного университета (протокол № 1 от 16 ноября 2018 г.).

Two / Бодини U.A., 306. каредрой МИАД/

#### ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Современная экономическая теория как наука немыслима без использования моделей различного вида, в том числе и математических моделей. Неслучайно нобелевские премии по экономике в последние годы присуждаются за разработку математических моделей определенных экономических явлений и процессов.

**Цель** дисциплины: «Математические модели микро- и макроэкономики» — изложить основные методы построения математических моделей микроэкономики и макроэкономики.

Задачи дисциплины: «Математические модели микро- и макроэкономики» во-первых, изучить основные математические модели, используемые для описания процессов, протекающих в сферах обмена, производства, распределения и потребления; во-вторых, изучить основные модели макроэкономики, отражающие динамику поведения основных макроэкономических показателей, а также изучить основные математические модели общего экономического равновесия, циклов и экономического роста.

Учебная дисциплина «Математические модели микро- и макроэкономики» относится к циклу специальных дисциплин государственного компонента.

Учебная программа составлена с учетом межпредметных связей с дисциплинами. Так, основу изучения учебными ДЛЯ дисциплины «Математические модели микро- и макроэкономики» составляют базовые курсы «Математический анализ», «Основы экономической теории», «Теория вероятностей и математическая статистика». В свою очередь дисциплина «Математические модели микро- и макроэкономики» является базовой при изучении дисциплин «Моделирование финансового рынка», «Математическая экономика».

В результате освоения учебной дисциплины студент должен: знать:

- основные модели микро- и макроэкономики;
- инструментарий макроэкономического анализа, включающий функции полезности, производственные функции;
- основные макроэкономические показатели и зависимости между ними;
   уметь:
- применять инструментарий микроэкономического анализа для изучения основных закономерностей в сфере обмена, распределения, потребления и производства;
- применять основные макроэкономические модели для анализа поведения макроэкономических показателей;
   владеть:
- основными методами построения и анализа математических моделей микроэкономики;

основными методами построения и анализа математических моделей макроэкономики.

Освоение учебной дисциплины «Математические модели микро- и макроэкономики» должно обеспечить формирование следующих академических и профессиональных компетенций:

#### академические компетенции:

- АК-1. Уметь применять базовые научно-теоретические знания для решения теоретических и практических задач.
  - АК-2. Владеть системным и сравнительным анализом.
  - АК-3. Владеть исследовательскими навыками.
  - АК-4. Уметь работать самостоятельно.
- АК-5. Быть способным порождать новые идеи (обладать креативностью).
  - АК-6. Владеть междисциплинарным подходом при решении проблем.
- АК-7. Иметь навыки, связанные с использованием технических устройств, управлением информацией и работой с компьютером.
  - АК-8. Обладать навыками устной и письменной коммуникации.
- АК-9. Уметь учиться, повышать свою квалификацию в течение всей жизни.

#### профессиональные компетенции:

- ПК-1. Работать с научно-технической, нормативно-справочной и специальной литературой.
- ПК-2. Заниматься аналитической и научно-исследовательской деятельностью в области экономической кибернетики.
- ПК-5. Владеть современными методами математического и компьютерного моделирования систем и процессов, участвовать в исследованиях и разработке новых методов и технологий.
- ПК-7. Разрабатывать, анализировать и оптимизировать алгоритмы решения задач, связанных с математическим и компьютерным моделированием экономических систем.
- ПК-8. Эксплуатировать, сопровождать и разрабатывать соответствующие программные компьютерные системы. Организационноуправленческая деятельность.
- ПК-9. Работать с экономической литературой и нормативными документами, регулирующими деятельность субъектов экономики.
- ПК-18. Владеть методами оптимизации и оптимального управления экономических систем.
- ПК-19. Владеть современными методами экономического анализа и математического моделирования экономических систем и процессов.
- ПК-22. Анализировать и прогнозировать состояние экономической деятельности субъектов экономики на микроуровне.
- ПК-23. Анализировать и прогнозировать поведение основных макроэкономических показателей.

Структура содержания учебной дисциплины включает такие дидактические единицы, как темы (разделы), в соответствии с которыми разрабатываются и реализуются соответствующие лекционные. Примерная тематика занятий приведена в информационно-методической части.

Дисциплина изучается в 6 семестре. Всего на освоение учебной дисциплины «Математические модели микро- и макроэкономики» отведено 148 часов, в том числе 68 аудиторных часов, из них: лекции - 34 часа, семинарские занятия - 30 часов, УСР - 4 часа.

Трудоемкость учебной дисциплины составляет 4 зачетные единицы. Рекомендуемая форма текущей аттестации — экзамен.

#### СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО МАТЕРИАЛА

#### Раздел 1. Математические модели микроэкономики

- **Тема 1.1. Введение.** Предмет курса, история и перспективы развития методов математического моделирования в экономике. Основные экономические категории: товар, деньги, капитал курса, история и перспективы развития эконометрического моделированиям.
- **Тема 1.2. Модели обмена.** Микроэкономика. Принципы микроэкономического анализа. Простейшая модель спроса-предложения. Выводы. Механизмы установления равновесия по Маршаллу и Вальрасу. Медиана как равновесная цена. Паутинообразная модель.
- **Тема 1.3. Модели потребления.** Неоклассическая задача потребления. Аксиомы теории потребления Неймана-Моргенштерна. Функция полезностей Неймана-Моргенштерна. Применение теории Неймана-Моргенштерна в страховании.
- **Тема 1.4. Модели производства**. Правило предельного выпуска и правило закрытия. Теория производства с одним и двумя переменными факторами производства. Соотношение между предельным и средним продуктом, между предельными и средними издержками. Типы рыночных структур. Поведение фирмы в условиях совершенной конкуренции и монополии. Монополизация по вертикали. Поведение фирмы в условиях монополистической конкуренции
- **Тема 1.5. Модели распределения.** Рынки факторов производства. Теория «четырех факторов производства». Капитальные и арендные цены факторов производства. Равновесие на рынке труда. Равновесие на рынке капитала. Равновесие на рынке земли.

#### Раздел 2. Математические модели макроэкономики

- **Тема 2.1 Принципы макроэкономического анализа.** Основные принципы макроэкономического анализа. Основные макроэкономические показатели и способы их измерения. Понятие о системе национальных счетов.
- **Тема 2.2. Модели общего равновесия.** Модель кругооборота национального дохода. Приливы и отливы денег. Классическая модель общего равновесия. Закон Сэя. Кейнсианская модель общего равновесия. Кейнсианский крест. Монетаристская модель общего равновесия. Модель «AD-AS».
- **Тема 2.3. Модели экономических циклов.** Цикличность закономерность развития рыночной экономики. Причины возникновения циклов. Короткие, средние и длинные циклы. Эффект мультипликатора и акселератора. Модель Самуэльсона-Хикса.

**Тема 2.4. Модели экономического роста.** Неоклассические модели экономического роста. Неокейнсианские модели экономического роста.

## УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКАЯ КАРТА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Но мер		Количество аудиторных часов		Кол		
раз дел а, тем ы	Название раздела, темы	Лек ции	Сем ина рск ие заня тия	Лабо ратор ные занят ия	Кол ичес тво часо в УСР	Форма контроля знаний
1	Математические модели микроэкономики	20	18			
1.1	Введение	2				
	Предмет курса, история и перспективы развития методов математического моделирования экономики.	2				Устный опрос
1.2	Математические модели обмена	4	4			
	Принципы микроэкономического анализа. Простейшая модель спроса-предложения. Выводы	2	2			Защита подготовленного студентом реферата. Решение задач
	Механизмы установления равновесия по Маршаллу и Вальрасу. Медиана – как равновесная цена. Паутинообразная модель	2	2			Устный опрос. Отчет по заданию с устной защитой
1.3	Математические модели потребления	4	4			
	Неоклассическая задача потребления. Аксиомы теории потребления Неймана-Моргенштерна	2	2			Устный опрос. Решение задач
	Функция полезностей Неймана-Моргенштерна. Применение теории Неймана-Моргенштерна в страховании	2	2			Защита подготовленного студентом реферата. Решение задач
1.4	Математические модели производства	6	6		2	

	T.				·
	Правило предельного выпуска и правило закрытия. Теория производства с одним и двумя переменными факторами производства	2	2		Устный опрос. Решение задач
	Соотношение между предельным и средним продуктом, между предельными и средними издержками	2	2		Устный опрос. Решение задач
	Типы рыночных структур. Поведение фирмы в условиях совершенной конкуренции и монополии.	2			Коллоквиум
	Монополизация по вертикали. Поведение фирмы в условиях монополистической конкуренции		2	2	Отчет по заданию с устной защитой
1.5	Модели распределения	4	4		
	Рынки факторов производства. Теория «четырех факторов производства». Капитальные и арендные цены факторов производства.	2	2		Защита подготовленного студентом реферата. Устный опрос
	Равновесие на рынке труда. Равновесие на рынке капитала. Равновесие на рынке земли	2	2		Контрольная работа №1
2	Математические модели макроэкономики	14	12		
2.1	Принципы макроэкономического анализа	2	2		
	Основные принципы макроэкономического анализа. Основные макроэкономические показатели и способы их измерения. Понятие о системе национальных счетов	2	2		Защита подготовленного студентом реферата. Решение задач

2.2	Модели общего равновесия	6	6		2	
	Модель кругооборота					
	национального дохода.	2				Устный опрос
	Приливы и отливы денег Классическая модель					Устный опрос.
	общего равновесия. Закон	2	2			Отчет по заданию
	Сэя	_				с устной защитой
	Кейнсианская модель					Устный опрос.
	общего равновесия.	2	2			Решение задач
	Кейнсианский крест					
	Монетаристская модель					Защита
	общего равновесия. Модель		2		2	подготовленного студентом
	«AD-AS»					реферата
2.3	Модели экономических	4	4			
2.3	циклов	4	4			
	Цикличность –					Защита
	закономерность развития рыночной экономики.					подготовленного
	Причины возникновения	2	2			студентом
	циклов. Короткие, средние и					реферата.
	длинные циклы					Решение задач
	Эффект мультипликатора и					
	акселератора. Модель	2	2			Коллоквиум
	Самуэльсона-Хикса Модели экономического					
2.4	роста	2	2			
	Неоклассические модели					Veryy vy errees
	экономического роста.	2	2	2		Устный опрос. Контрольная
	Неокейнсианские модели					работа №2
	экономического роста					F 3 2 2 3 2 2 2
	ИТОГО	34	30		4	

#### ИНФОРМАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

#### Перечень основной литературы

- 1. Тарасевич, Л. С. Макроэкономика / Л. С. Тарасевич [и др.]. СПб. : СПбГУЭФ, 1999. 656 с.
- 2. Микроэкономика / Л. С. Тарасевич [и др.]. в 2 т. СПб. : СПбГУЭФ, 1997.
- 3. Дубров, А. М. Моделирование рисковых ситуаций в экономике и финансах / А. М. Дубров, Б. А. Лагоша, Е. Ю. Хрусталев М.: Финансы и статистика, 1999. 176 с.
- 4. Малыхин, В. И. Математическое моделирование экономики / В. И. Малыхин. М. : УРАО, 1998. 160 с.
- 5. Замков, О. О. Математические методы в экономике / О. О. Замков. М. : ДИС, 1997. 368 с.
- 6. Тренев, Н. Н. Макроэкономика: современный взгляд. Анализ, прогнозирование / Н. Н. Тренев. М. 2001. 352 с.
- 7. Замков, О. О. Эконометрические методы в макроэкономике / О. О. Замков. М.: ГУ ВШЭ, 2001. 122 с.
- 8. Бункина, М. К. Макроэкономика / М. К. Бункина, В. А. Семенов. М. : «Дело-сервис».  $2000.-512~\mathrm{c}.$
- 9. Мэнкью, Н. Г. Макроэкономика / Н. Г. Мэнкью. М. : Моск. ун-т, 1994. 468 с.

#### Перечень дополнительной литературы

- 1. Глухов, В. В. Математические методы и модели для менеджмента / В. В. Глухов, М. Д. Медников, С. Б. Коробко СПб. 2000. 480 с.
- 2. Федосеев, В. В. Экономико-математические модели в маркетинге / В. В. Федосеев., А. В. Эриашвили. М. : ЭНИТИ. 2001. 159 с.
- 3. Пиндайк, Р. Микроэкономика / Р. Пиндайк, Д. Рубинфельд. М. : Дело, 1999. 896 с.
- 4. Петров, А. Л. Опыт математического моделирования экономики. М. : Энергоатоиздат, 1996.-634 с.
- 5. Аткинсон, Э. Лекции по экономической теории государственного сектора / Э. Аткинсон, Д. Стиглиц. М.: Аспект Пресс, 1995. 475 с.
- 6. Ширяев, А. Н. Основы стохастической финансовой математики. / А. Н. Ширяев. в 2 т. М.: Фадис. 1998.

#### Примерный перечень тем для коллоквиумов

- 1. Математические модели производства.
- 2. Модели экономических циклов.

#### Рекомендуемая тематика контрольных работ

- 1. Контрольная работа №1. Модели распределения.
- 2. Контрольная работа №2. Модели экономического роста.

# Методические рекомендации по организации самостоятельной работы обучающихся

Для организации самостоятельной работы студентов по учебной современные информационные дисциплине следует использовать технологии: разместить в сетевом доступе комплекс учебных и учебнометодических материалов (учебно-программные материалы, ссылки на учебные издания для теоретического изучения дисциплины, методические указания к лабораторным занятиям, материалы текущего контроля и текущей аттестации, позволяющие определить соответствие учебной деятельности образовательных обучающихся требованиям стандартов высшего образования и учебно-программной документации, в т.ч. вопросы для подготовки к зачету, задания, тесты, вопросы для самоконтроля, тематика рефератов и др., список рекомендуемой литературы, информационных Эффективность самостоятельной работы студентов ресурсов и др.). проверяется в ходе текущего и итогового контроля знаний. Для общей оценки качества усвоения студентами учебного материала рекомендуется использование рейтинговой системы.

#### Перечень рекомендуемых средств диагностики

Для текущего контроля качества усвоения знаний студентами используется следующий диагностический инструментарий:

- 1. Устная форма: устные опросы; защиты отчетов по домашним заданиям, при выполнении студентами лабораторных работ; проведение коллоквиума; защита подготовленного студентом реферата (рефераты используются для обобщения и систематизации учебного материала; в процессе подготовки реферата студент мобилизует и актуализирует имеющиеся умения, приобретает самостоятельно новые знания, необходимые для раскрытия темы, сопоставляя разные позиции и точки зрения).
- 2. Письменная форма: письменные контрольные работы по отдельным темам учебной дисциплины.

#### Методика формирования итоговой оценки

Формой текущей аттестации по учебной дисциплине «Математические модели микро- и макроэкономики» учебным планом предусмотрен экзамен.

Оценка за практические занятия включает:

- ответ (полнота и корректность ответа) -70 %;
- постановку вопросов -20 %;
- оценка работы на занятии (группы, индивидуально) 10 %.

При оценивании реферата внимание обращается на:

- содержание, корректность и последовательность изложения 35%;
- релевантность и полноту раскрытие темы -20 %;
- самостоятельность суждений -35%;
- оформление 10%.

Рекомендуется использовать рейтинговую оценку знаний студента магистратуры, дающую возможность проследить и оценить динамику процесса достижения целей обучения. Рейтинговая оценка предусматривает использование весовых коэффициентов для текущего контроля знаний и текущей аттестации студентов по дисциплине. Примерные весовые коэффициенты, определяющие вклад текущего контроля знаний в рейтинговую оценку:

- ответы на семинарах— 10 %;
- подготовка реферата 15 %;
- − работа на практических занятиях 35 %;
- контрольные работы -25 %;
- коллоквиумы -25 %.

#### Итоговая оценка формируется на основе:

- 1) Правил проведения аттестации студентов (Постановление Министерства образования Республики Беларусь № 53 от 29 мая 2012г.);
- 2) Положение о рейтинговой системе оценки знаний по дисциплине в БГУ (Приказ ректора БГУ от 18.08.2015 № 382-ОД);
- 3) Критериев оценки знаний студентов (письмо Министерства образования от 22.12.2003).

### ПРОТОКОЛ СОГЛАСОВАНИЯ УЧЕБНОЙ ПРОГРАММЫ УВО

Название	Название	Предложения	Решение, принятое
учебной	кафедры	об изменениях в	кафедрой,
дисциплины,		содержании учебной	разработавшей
с которой		программы	учебную
требуется		учреждения высшего	программу (с
согласование		образования по учебной	указанием даты и
		дисциплине	номера протокола)
Математическая	Математичес кого	Нет	Оставить
экономика			содержание
	моделирован		учебной
	ия и анализа		дисциплины без
	данных		изменения,
	данных		протокол № 1 от 16
			ноября 2018 г.
Моделирование	Математичес	Нет	Оставить
финансового	кого		содержание
рынка	моделирован		учебной
	ия и анализа		дисциплины без
	данных		изменения,
	диших		протокол № 1 от 16
			ноября 2018 г.

# ДОПОЛНЕНИЯ И ИЗМЕНЕНИЯ К УЧЕБНОЙ ПРОГРАММЕ ПО ИЗУЧАЕМОЙ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ на \_\_\_\_/\_\_\_ учебный год

$\mathcal{N}_{\underline{0}}$	Дополнения и изменения	Основание			
$\Pi/\Pi$					
<b>1</b> 7. ~	_	1			
Учеон	пая программа пересмотрена и одобрена				
	(протокол	№ от 20_ г.)			
Завед	ующий кафедрой				
Γ.	, , , , ,				
VTDE	DUCHAIO				
УТВЕРЖДАЮ					
декан	факультета				