

БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной работе и  
образовательным инновациям

О.И. Чуприс

«20» 06 2018 г.

Регистрационный № УД- 6186 /уч.

**Основы теории турбулентного переноса**

Учебная программа учреждения высшего образования  
по учебной дисциплине для специальности

1-31 03 02 Механика и математическое моделирование

2018 г.

Учебная программа составлена на основе ОСВО 1-31 03 02-2013 (30.08.2013г., № 88) и учебного плана № G31-136/уч. (30.05.2013 г.).

**СОСТАВИТЕЛЬ:**

Чорный Андрей Дмитриевич – доцент кафедры теоретической и прикладной механики Белорусского государственного университета, кандидат физико-математических наук, доцент.

**РЕКОМЕНДОВАНА К УТВЕРЖДЕНИЮ:**

Кафедрой теоретической и прикладной механики механико-математического факультета Белорусского государственного университета  
(протокол № 11 от 13.06.2018).

Учебно-методической комиссией механико-математического факультета  
Белорусского государственного университета  
(протокол № 8 от 19.06.2018).

A handwritten signature in blue ink, appearing to read "А.Чорний".

Чорний А.Я.

A handwritten signature in blue ink, appearing to read "А.Чорний".

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Дисциплина «Основы теории турбулентного переноса» является дисциплиной специализации. Учебная программа дисциплины предназначена для студентов 3 курса (6 семестр) механико-математического факультета Белорусского государственного университета.

Дисциплина «Основы теории турбулентного переноса» связана с рассмотрением основных понятий и устойчивых представлений о свойствах и закономерностях турбулентных процессов и явлений, связанных с динамическим состоянием различных жидкостей и газов. Такие знания базируются на подходах и положениях механики сплошных сред как научного направления физики, а решаемые задачи – на методах математического описания динамического поведения исследуемых систем, а также методах компьютерного моделирования и анализа физических процессов.

Целью освоения дисциплины «Основы теории турбулентного переноса» является формирование цельного теоретического представления о роли и физических механизмах турбулентного движения, способах математического описания и современных методах решения научно-исследовательских и прикладных задач турбулентного переноса.

**Задачи освоения дисциплины:**

- изучение физических механизмов и процессов, определяющих явления турбулентного переноса;
- изучение основных физико-математических принципов и подходов для описания турбулентного переноса;
- изучение моделей турбулентности, условий их применимости;
- формирование умений и навыков применения законов и моделей турбулентности при решении научно-исследовательских и практических задач механики жидкости и газа.

Предполагается, что студенты, слушающие данную дисциплину, владеют материалом дисциплин «Математический анализ», «Дифференциальные уравнения», «Уравнения математической физики», «Теория вероятности и математическая статистика», «Численные методы».

**В результате освоения дисциплины студент должен знать:**

- о роли турбулентности в переносе массы, импульса и энергии;
- основные физические законы и процессы, определяющие характер турбулентного переноса;
- основные принципы и подходы математического описания турбулентного переноса;
- классические и современные модели для описания турбулентных течений, условия их применимости и ограничения;
- новые и перспективные направления в исследовании турбулентного переноса;

**уметь:**

- использовать адекватные методы и соответствующий математический аппарат для описания турбулентного переноса;
- применять полученные знания для постановки и решения научно-исследовательских и практических задач гидрогазодинамики;
- проводить анализ результатов и формулировать объективные физические выводы;

**владеть:**

- методами выявления доминирующих физических механизмов, определяющих турбулентный режим при решении задач гидрогазодинамики;
- методами анализа явлений турбулентного переноса, физико-математической постановки задач и определения граничных условий;
- математическими методами решения сформулированных задач;
- навыками компьютерного моделирования при решении задач турбулентного переноса.

Учебная дисциплина строится таким образом, чтобы обучающийся приобретал следующие компетенции:

*академические:*

- АК-1. Уметь применять базовые научно-теоретические знания для решения теоретических и практических задач.
- АК-3. Владеть исследовательскими навыками.
- АК-4. Уметь работать самостоятельно.
- АК-5. Быть способным порождать новые идеи (обладать креативностью).
- АК-7. Иметь навыки, связанные с использованием технических устройств, управлением информацией и работой с компьютером.

*социально-личностные:*

СЛК-2. Быть способным к социальному взаимодействию.

СЛК-3. Обладать способностью к межличностным коммуникациям.

- СЛК-6. Уметь работать в команде.

*профессиональные:*

- ПК-7. Проводить исследования в области эффективности решения производственных задач;
- ПК-15. Анализировать и оценивать собранные данные.
- ПК-19. Пользоваться глобальными информационными ресурсами.
- ПК-20. Владеть современными средствами телекоммуникаций.
- ПК-23. Определять цели инноваций и способы их достижения.
- ПК-24. Работать с научной, технической и патентной литературой.
- ПК-29. Реализовывать инновационные проекты в профессиональной деятельности.

На изучение учебной дисциплины в соответствии с учебным планом отводится всего 80 часов, из них аудиторных – 44 часа, в том числе лекций – 20 часов, лабораторных занятий – 22 часа, УСР – 2 часа. Текущая аттестация – зачет.

## **СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**Тема 1. Понятие о турбулентных течениях.** Что такое турбулентность? Молекулярный и турбулентный перенос. Методы описания структуры турбулентных течений. Законы гидромеханического подобия, критерии подобия, число Рейнольдса. Уравнения Навье – Стокса. Диссипация энергии в вязкой жидкости. Ламинарный, переходный и турбулентный режимы движения. Качественные сценарии развития турбулентности. Опыт Рейнольдса. Критическое число Рейнольдса. Оценка масштабов турбулентности. Механизм растяжения вихревых структур.

**Тема 2. Теория А.Н. Колмогорова.** Локально-изотропная турбулентность. Теория спектра турбулентности. Интервалы масштабов турбулентности. Гипотезы Колмогорова и их следствия. «Закон пяти третей». Турбулентная диффузия.

**Тема 3. Дифференциальные уравнения для турбулентных пульсаций.** Случайные поля. Средние и пульсационные компоненты гидродинамических величин (разложение Рейнольдса). Методы осреднения. Моменты гидродинамических полей. Эргодичность. Турбулентные напряжения. Цепочка уравнений Фридмана-Келлера. Уравнения кинетической энергии турбулентных пульсаций и ее изотропной диссипации. Уравнения для пульсаций турбулентного потока тепла.

**Тема 4. Замыкание уравнений Рейнольдса.** Турбулентное течение около стенки и логарифмический пограничный слой. Проблема замыкания. Модели турбулентной вязкости. Модель пути смешения Прандтля. Условия реализуемости.

**Тема 5. Полузэмпирические теории турбулентности.** Модели турбулентности первого порядка (алгебраические). Модели второго порядка – дифференциальные модели замыкания уравнений Рейнольдса. Замыкание уравнений кинетической энергии турбулентных пульсаций и ее изотропной диссипации.  $k-e$ ,  $k-\omega$  модели, SST модель сдвиговых напряжений.

**Тема 6. Моделирование крупных вихрей.** Фильтрованные уравнения Навье-Стокса и подсеточные напряжения. Модель Смагоринского. Динамическая модель Германо.

**Тема 7. Математическое описание процессов турбулентного тепло- и массопереноса.** Дифференциальное уравнение теплопроводности и диффузии. Турбулентный перенос скаляров. Связь коэффициентов турбулентной вязкости, теплопроводности и диффузии. Модели замыкания.

**Тема 8. Численные методы моделирования турбулентного переноса массы, импульса и энергии:** спектральный метод, метод конечных объемов, метод крупных частиц. Метод конечных объемов для решения гидродинамических задач. SIMPLE алгоритм. Метод конечных объемов для решения задач конвективного тепломассопереноса в турбулентных потоках. Аппроксимация граничных условий.

## УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКАЯ КАРТА ДЛЯ СПЕЦИАЛЬНОСТИ

| Home page | Название раздела, темы  | Количество аудиторных часов | Интервала |                         |          |          |               |                            |
|-----------|---|-----------------------------|-----------|-------------------------|----------|----------|---------------|----------------------------|
|           |   |                             | YCP       | Kognitivnoe razvivaniye | Shanting | Shanting | Форма         | kognitivnaya               |
| 1         | <b>Тема 1. Понятие о турбулентных течениях</b>  | 2                           | 3         | 4                       | 5        | 6        | 7             | 8                          |
| 1.1       | Что такое турбулентность? Молекулярный и турбулентный перенос. Методы описания структуры турбулентных течений. Законы гидромеханического подобия, критерии подобия, число Рейнольдса. Уравнения Навье – Стокса. Диссиляция энергии вязкой жидкости. | 1                           |           | 2                       |          |          | [1, 2, 4, 7]  | Экспресс-опрос             |
| 1.2       | Ламинарный, переходный и турбулентный режимы движения. Качественные сценарии развития турбулентности. Опыт Рейнольдса. Критическое число Рейнольдса. Оценка масштабов турбулентности. Механизм растяжения вихревых структур.                        | 1                           |           | 2                       |          |          | [1, 4, 8, 9]  | Запись лабораторной работы |
| 2         | <b>Тема 2. Теория А. Н. Колмогорова.</b>  | 2                           |           | 2                       |          |          |               |                            |
| 2.1       | Локально-изотропная турбулентность. Теория спектра турбулентности. Интервалы масштабов турбулентности. Гипотезы Колмогорова и их следствия. «Закон пяти третей». Турбулентная диффузия.   | 2                           |           | 2                       |          |          | [2, 4, 12]    | Опрос                      |
| 3         | <b>Тема 3. Дифференциальные уравнения для турбулентных пульсаций.</b>   | 2                           |           | 2                       |          |          |               |                            |
| 3.1       | Случайные поля. Средние и пульсационные компоненты гидродинамических величин (разложение Рейнольдса). Методы осреднения. Моменты гидродинамических полей. Эргодичность.   | 1                           |           |                         |          |          | [1, 2, 4, 10] | Экспресс-опрос             |

| Home page | Название раздела, темы   | Количество аудиторных часов |       |             |         |                |            |                            |
|-----------|--|-----------------------------|-------|-------------|---------|----------------|------------|----------------------------|
|           |  | Интервала                   | Форма | контрольная | Задание | Индивидуальных | Интервала  | Заданий                    |
| 1         | 3.2 Цепочка уравнений Фридмана-Келлера. Уравнения кинетической энергии турбулентных пульсаций и ее изотропной диссипации. Уравнения для пульсаций турбулентного потока тепла. Турбулентные напряжения. Турбулентная диффузия.  | 2                           | 3     | 4           | 5       | 6              | 7          | 8                          |
| 4         | <b>Тема 4. Замыкание уравнений Рейнольдса</b>  | <b>2</b>                    |       |             |         |                |            |                            |
| 4.1       | Турбулентное течение около стенки и логарифмический пограничный слой.  | 1                           |       |             |         |                | [1, 3, 8]  | Экспресс-опрос             |
| 4.2       | Проблема замыкания уравнений Рейнольдса. Модели турбулентной вязкости. Модель пути смещения Прандтля. Условия реализуемости.   | 1                           |       |             | 2       |                | [1, 2, 4]  | Собеседование              |
| 5         | <b>Тема 5. Полуматрические теории турбулентности.</b>  | <b>2</b>                    |       |             |         |                |            |                            |
| 5.1       | Модели турбулентности первого порядка (алгебраические)   | 1                           |       |             | 2       |                | [1, 5, 10] | Задача лабораторной работы |
| 5.2       | Модели второго порядка – дифференциальные модели замыкания уравнений Рейнольдса. Замыкание уравнений кинетической энергии турбулентных пульсаций и ее изотропной диссипации. к-е, к-ф модели, SST модель сдвиговых напряжений. | 1                           |       |             | 2       |                | [1, 5, 10] | Задача лабораторной работы |
| 6         | <b>Тема 6. Моделирование крупных вихрей.</b>   | <b>2</b>                    |       |             |         |                |            |                            |
| 6.1       | Фильтрованные уравнения Навье-Стокса и подсеточные напряжения. Модель Смагоринского. Динамическая модель Германо.  | 2                           |       |             | 2       |                | [5, 10]    | Опрос                      |
| 7         | <b>Тема 7. Математическое описание процессов турбулентного тепло- и массопереноса</b>  | <b>2</b>                    |       |             |         |                |            |                            |

| Название раздела, темы   | Количество аудиторных часов | Информационные технологии в образовании |               |             |                                |               |              |             |                                 |
|--|-----------------------------|---|---------------|-------------|--------------------------------|---------------|--------------|-------------|---------------------------------|
|  |                             | Формативные                             | Измерительные | Семинарские | Занятия с лабораторной работой | Интерактивные | Компьютерные | Лекции      | Дополнительные                  |
| Home page, темы  | 1                           | 2                                       | 3             | 4           | 5                              | 6             | 7            | 8           | 9                               |
| 7.1 Дифференциальное уравнение теплопроводности и диффузии. Турбулентный перенос скаляров. Связь коэффициентов турбулентной вязкости, теплопроводности и диффузии. Модели замыкания. |                             |   |               | 2           |                                |               |              | [1, 6, 11]  | Запись лабораторной работы      |
| <b>8 Тема 8. Численные методы</b>  | <b>6</b>                    | <b>6</b>                                |               |             |                                |               |              |             |                                 |
| 8.1 Методы моделирования турбулентного переноса массы, импульса и энергии: спектральный метод, метод конечных объемов, метод крупных частиц.   | 2                           |   |               |             |                                |               |              | [5, 10, 11] | Экспресс-опрос                  |
| 8.2 Метод конечных объемов для решения гидродинамических задач. SIMPLE алгоритм. Аппроксимация граничных условий.  | 2                           |   | 3             |             |                                |               |              | [5]         | Запись лабораторной работы      |
| 8.3 Метод конечных объемов для решения задач конвективного тепломассопереноса в турбулентных потоках. Аппроксимация граничных условий.   | 2                           |   | 3             |             |                                |               |              | [5, 6, 11]  | Проверка индивидуальных заданий |
| Проверка знаний по дисциплине  |                             |   |               |             |                                | 2             |              | 2           | Контрольная работа              |
| <b>Всего</b>   | <b>20</b>                   |   |               |             | <b>22</b>                      |               | <b>2</b>     |             | <b>Зачет</b>                    |

## **ИНФОРМАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ**

### **Основная литература**

1. Лойцянский Л.Г. Механика жидкости и газа. Изд. 5. М.: Наука, 1978.
2. Седов Л.И. Механика сплошных сред. Т. 1, т. 2, изд. 5. М.: Наука, 1994.
3. Шлихтинг Г. Теория пограничного слоя. М.: Наука, 1974.
4. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Гидродинамика. М.: Наука, 1986.
5. Мазо А.Б. Моделирование турбулентных течений несжимаемой жидкости. Учебное пособие. - Казань: КГУ. 2007. - 209 с.
6. Себиси Т., Брэдшоу П. Конвективный теплообмен. - М.: Мир. 1987. 592 с.

### **Дополнительная литература**

7. Седов Л.И. Методы подобия и размерностей в механике. М.: Наука. 1981.
8. Гершун Г.З., Жуховицкий Е.М. Конвективная устойчивость несжимаемой жидкости. М., Наука, 1972
9. Ван-Дайк М. Альбом течений жидкости и газа. - М.: Мир. 1986. - 182 с.
10. Фрик П.Г. Турбулентность: подходы и модели. - Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований. 2003. - 292 с.
11. Ши Д. Численные методы в задачах теплообмена. - М.: Мир. 1988. - 544 с.
12. Фриш У. Турбулентность. Наследие А.Н. Колмогорова. М.: Фазис. 1998. - 346 с.

## **ОРГАНИЗАЦИЯ УПРАВЛЯЕМОЙ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ**

Студент должен получать знания главным образом за счет креативной самостоятельной работы, самостоятельно осуществляя поиск необходимой информации и созидательно прорабатывая ее с тем, чтобы выполнить необходимые умозаключения и получить результаты.

Управляемая самостоятельная работа студентов по дисциплине «Основы теории турбулентного переноса» осуществляется в форме контрольной работы.

Выполняя учебные задачи, студенты самостоятельно приобретают новые знания, навыки и умения (в частности, умение анализировать и принимать решения в нестандартных ситуациях), что очень важно для эффективной будущей самостоятельной профессиональной деятельности.

### **ПЕРЕЧЕНЬ ЗАДАНИЙ УПРАВЛЯЕМОЙ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ**

1. Вывести дифференциальные уравнения кинетической энергии турбулентных пульсаций и ее изотропной диссипации. Определить тип и структуру полученных уравнений.
2. Вывести дифференциальное уравнение для турбулентных пульсаций случайной скалярной величины. Определить тип и структуру полученных уравнений.
3. Объяснить физический смысл пути смешения в модели Прандтля.
4. Исследовать универсальный профиль скорости в вязком подслое, турбулентном пограничном слое и слое следа.
5. Дать физическую интерпретацию членов эволюционных уравнений цепочки Фридмана-Келлера.
6. Построить автомодельные решения задач теплопроводности.
7. Определить структуру уравнения конвективной теплопроводности. Вывести критерии подобия конвективной теплопроводности и определить их смысл.
8. Сравнить гидродинамический и тепловой пограничный слой при обтекании турбулентным потоком пластины.
9. Исследовать профиль скорости при турбулентном движении среды в трубах.
10. Исследовать профиль скорости при турбулентном движении среды в струйных потоках (свободная струя, спутная струя, импактная струя, пристеночная струя).

## **ПЕРЕЧЕНЬ ИСПОЛЬЗУЕМЫХ СРЕДСТВ ДИАГНОСТИКИ РЕЗУЛЬТАТОВ УЧЕБНОЙ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ**

Контроль освоения навыков научно-исследовательской работы осуществляется в форме опроса, экспресс-опроса, собеседование, защита лабораторных работ, проверки индивидуальных заданий и контрольной работы. Текущая аттестация – зачет.

Контрольные мероприятия проводятся в соответствии с учебно-методической картой дисциплины. В случае неявки на контрольное мероприятие по уважительной причине студент вправе по согласованию с преподавателем выполнить его в дополнительное время. Для студентов, получивших неудовлетворительные оценки за контрольную работу, либо не явившихся по неуважительной причине, по согласованию с преподавателем и с разрешения заведующего кафедрой мероприятие может быть проведено повторно.

### **МЕТОДИКА ФОРМИРОВАНИЯ ИТОГОВОЙ ОЦЕНКИ**

Итоговая оценка формируется на основе трех документов:

- 1) Правила проведения аттестации (Постановление №53 от 29.05.2012г.).
- 2) Положение о рейтинговой системе БГУ (ред.2015 г.).
- 3) Критерии оценки студентов (10 баллов).

## ПРОТОКОЛ

# СОГЛАСОВАНИЯ УЧЕБНОЙ ПРОГРАММЫ ПО ИЗУЧАЕМОЙ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ С ДРУГИМИ ДИСЦИПЛИНАМИ СПЕЦИАЛЬНОСТИ

**ДОПОЛНЕНИЯ И ИЗМЕНЕНИЯ К УЧЕБНОЙ ПРОГРАММЕ**  
на \_\_\_\_\_ / \_\_\_\_\_ учебный год

| <b>№ №<br/>пп</b> | <b>Дополнения и изменения</b> | <b>Основание</b> |
|-------------------|-------------------------------|------------------|
|                   |                               |                  |

Учебная программа пересмотрена и одобрена на заседании кафедры  
теоретической и прикладной механики (протокол № \_\_\_\_ от \_\_\_\_ 201\_\_\_\_ г.)

Заведующий кафедрой

д-р физ.-мат. наук, профессор  
(ученая степень, ученое звание)

\_\_\_\_\_  
(подпись)

М.А. Журавков  
(И.О. Фамилия)

УТВЕРЖДАЮ  
Декан факультета

канд. физ.-мат. наук, доцент  
(ученая степень, ученое звание)

\_\_\_\_\_  
(подпись)

Д.Г. Медведев  
(И.О. Фамилия)